



150F

150

F

نام :

نام خانوادگی :

محل امضاء :



اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.  
امام خمینی (ره)

صبح جمعه  
۹۲/۱۲/۱۶

دفترچه شماره (۱)

جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

## آزمون ورودی دوره‌های دکتری (نیمه مرکز) داخل سال ۱۳۹۳

مجموعه مهندسی برق (۵)  
کنترل (کد ۲۳۰۵)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی (sistemyāt-e kānterol-e ḥatfi - sistemyāt-e kānterol-e jand-e ṭarbiyati, kānterol-e madani)	۴۵	۱	۴۵

اسفندماه سال ۱۳۹۲

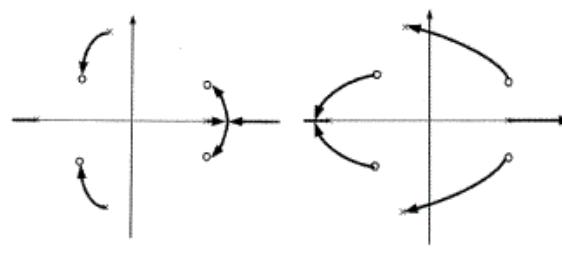
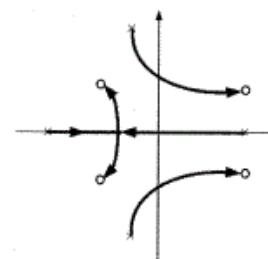
این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نمی باشد.

حق جاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) بس از برگزاری آزمون، برای نمایه انتخاب حقوقی و حقوقی تنها با محوز این سازمان مجاز می باشد و با مخالفین برای مقررات و قفار می شود.

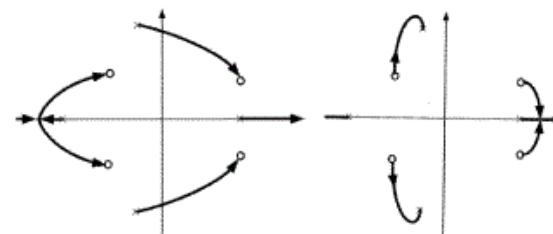
-۱

مکمل مکان ریشه‌های سیستم کنترلی با مکان ریشه نشان داده شده در شکل روبرو کدام است؟ (جهت‌ها نشان دهنده افزایش K است).



(۲)

(۱)

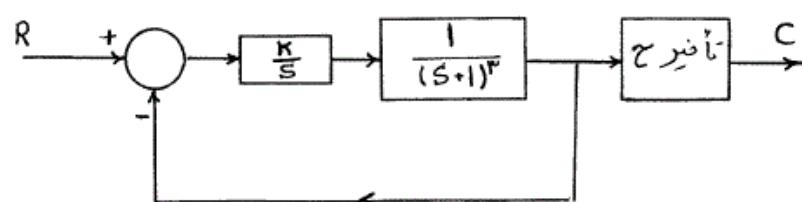


(۴)

(۳)

-۲

سیستم کنترل شکل زیر را در نظر بگیرید



در چه محدوده‌ای از K و τ مثبت سیستم فوق پایدار است؟

$$\frac{1}{3} < K < 1 \quad (۲)$$

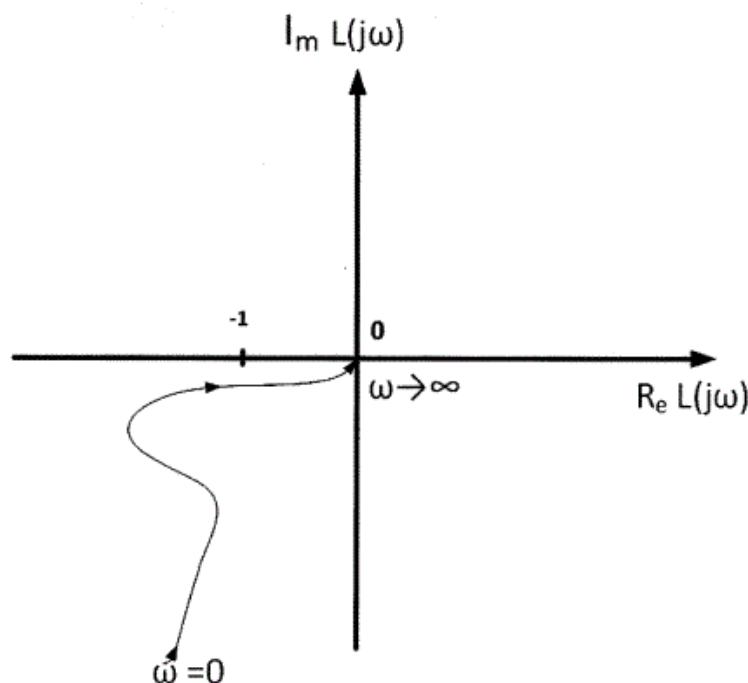
$$K < \frac{\lambda}{9} \quad (۱)$$

$$\tau < 1, \frac{1}{3} < K < 1 \quad (۴)$$

$$\tau < 1, K < \frac{\lambda}{9} \quad (۳)$$

-۳

دیاگرام قطبی بهره حلقه سیستمی در شکل زیر داده شده است. در مورد پایداری حلقه بسته آن چه می‌توان گفت؟ تعداد قطب‌های در مبدأ کمترین مقدار است.



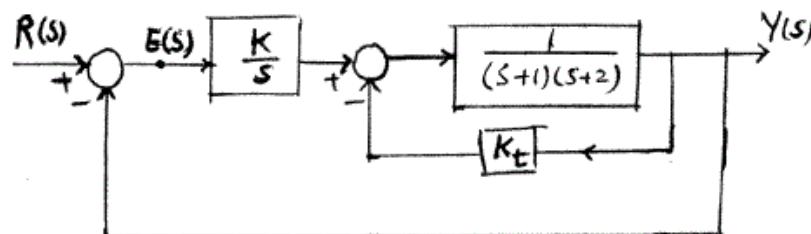
۱) همیشه پایدار است.

۲) اگر  $L(s)$  کمینه فاز باشد همواره پایدار است.

۳) اگر  $L(s)$  کمینه فاز باشد همواره ناپایدار است.

۴) اگر  $L(s)$  فقط یک قطب ناپایدار داشته باشد همواره پایدار است.

-۴ سیستم کنترل زیر را در نظر بگیرید حداقل خطای حالت دائم سیستم به ورودی شبیب واحد کدام است؟



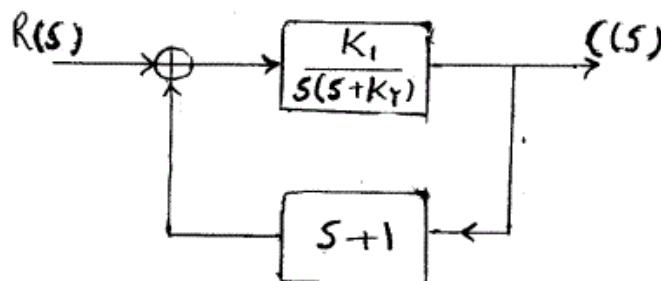
۱)

$\frac{1}{3}$  ۲)

$\infty$  ۳)

۴) به مقادیر  $K$  و  $K_t$  بستگی دارد و قابل محاسبه نیست.

-۵ نوع سیستم و خطای حالت دائم به ورودی شبیب واحد سیستم زیر در کدام گزینه آمده است؟

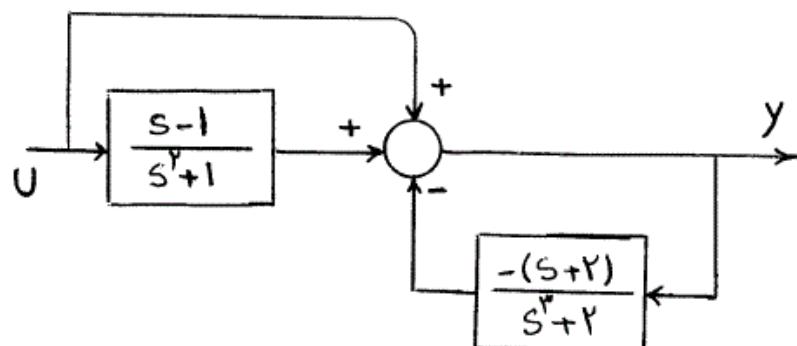


$$e_{ss} = 0 \text{ و } (۲) \quad e_{ss} = \frac{1}{K_2} \text{ و } (۱)$$

$$e_{ss} = 1 + \frac{K_2}{K_1} \text{ و } (۴) \quad e_{ss} = \infty \text{ و } (۳)$$

-۶ مدهای پنهان سیستم زیر کدامند؟

(راهنمایی: مدهای پنهان مقدار ویژه‌ای است که به صورت قطب ظاهر نمی‌شود).



$$\circ \text{ (۲)} \quad \pm j, +1 \text{ (۱)} \\ \circ, +1 \text{ (۴)} \quad \circ, -1 \text{ (۳)}$$

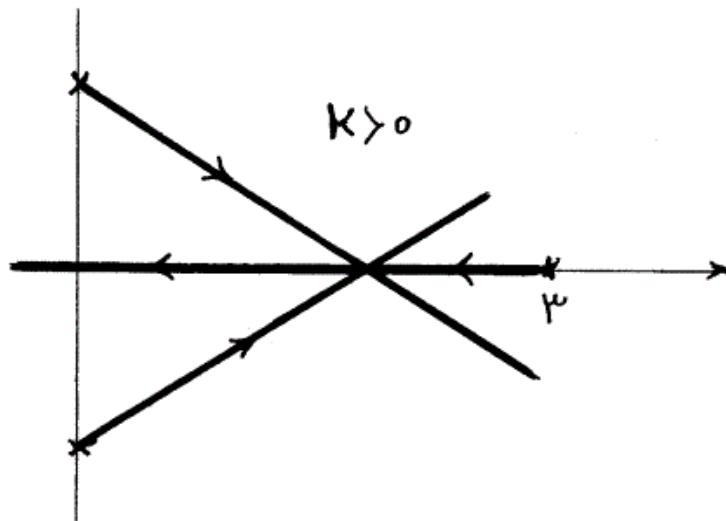
-۷ فرض کنید تابع تبدیل یک سیستم سره  $G(s) = \frac{N(s)}{D(s)}$  دو قطب و یک صفر ناپایدار دارد. تعداد صفر و قطب‌های پایدار این سیستم نامشخص است. سیستم حلقه بسته با فیدبک واحد منفی و تابع تبدیل مسیر پیشرو  $KG(s)$  را در نظر بگیرید. فرض کنید منحنی ساده بسته  $C$  نیم صفحه سمت راست صفحه مختلط، در جهت عقربه‌های ساعت باشد. اگر تعداد دوران نگاشت منحنی  $C$ ، تحت ضابطه

$(1+KG)^2$ ، حول مبدأ در خلاف جهت عقربه‌های ساعت را با  $x$  نشان دهیم:

$$\exists a > 0 : K > a \Rightarrow x = ۴ \text{ (۲)} \quad \exists a > 0 : K > a \Rightarrow x = ۰ \text{ (۱)}$$

$$\exists a > 0 : K > a \Rightarrow x = ۲ \text{ (۴)} \quad \exists a > 0 : 0 < K < a \Rightarrow x = ۳ \text{ (۳)}$$

-۸ به ازای چه مقادیری از  $\alpha$  مکان ریشه‌های  $= 0$  مجموعه دروس تخصصی صورت مقابل می‌باشد.



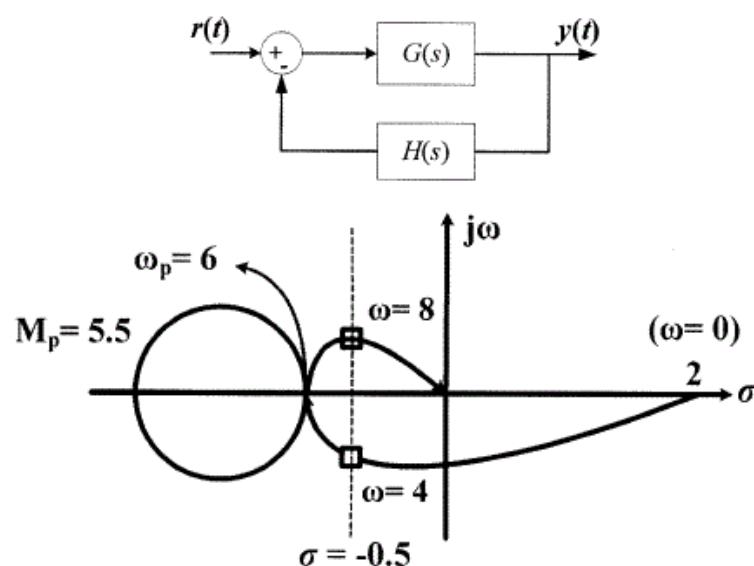
$$\alpha = 2 \quad (2)$$

$$\alpha = 3 \quad (4)$$

$$\alpha = 1/5 \quad (1)$$

$$\alpha = 2/5 \quad (3)$$

-۹ دیاگرام قطبی (Nyquist) بهره حلقه  $(GH(s))$  سیستمی با بهره فیدبک  $H(s) = 0/5(s+1)$  به صورت شکل زیر رسم شده است. فرض کنید سیستم حلقه بسته پایدار است. حالت دائمی خروجی سیستم حلقه بسته  $y(t)$  به ازای ورودی پله واحد  $r(t) = \sqrt{17} \sin(4t)$  و ورودی  $r(t) = u(t)$  به ترتیب برابر است  
با:



$$2, \frac{4}{3} \quad (1)$$

$$\sqrt{17}, \frac{1}{2} \quad (2)$$

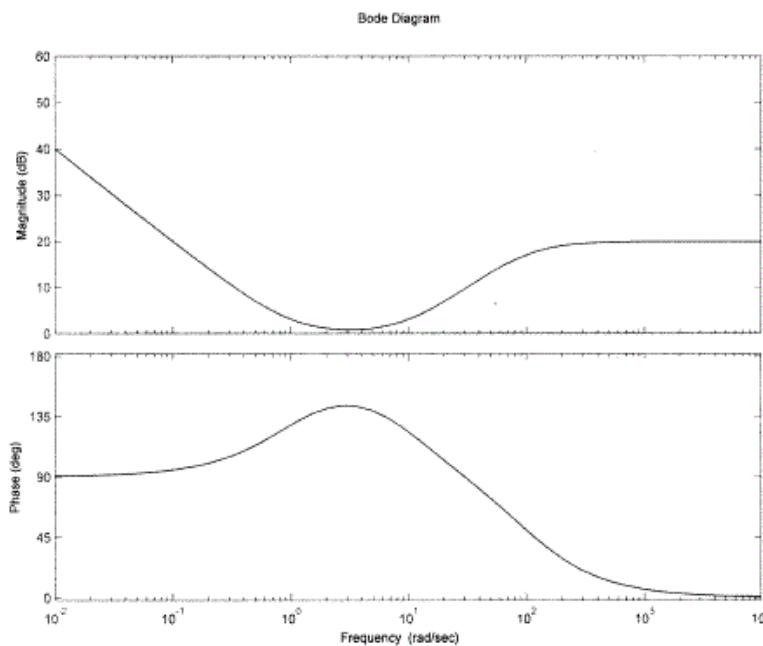
$$\sqrt{17}, \frac{1}{3} \quad (3)$$

$$\frac{1}{5} \quad (4)$$

و به ازای ورودی سینوسی خروجی سیستم بینهایت است.

-10

با توجه به منحنی پاسخ فرکانسی اندازه و فاز رسم شده، کدام گزینه در مورد سیستم نادرست است؟

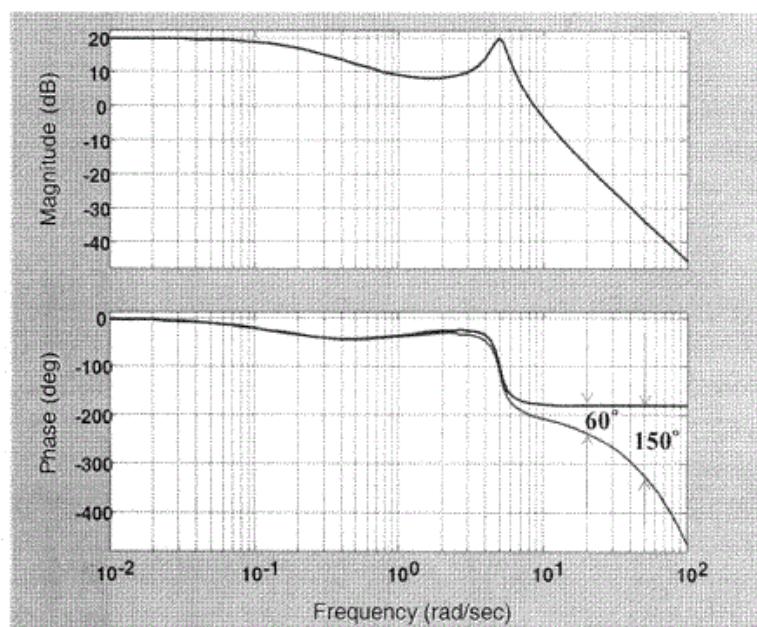


$$\lim_{s \rightarrow 0} sG(s) = 1 \quad (2)$$

$$\lim_{s \rightarrow \infty} G(s) = 1^\circ \quad (1)$$

- ۳) سیستم غیر مینیمم فاز است.  
 ۴) سیستم سره است.  
 نمودار بود لگاریتم اندازه و فاز سیستمی مطابق شکل زیر می باشد.تابع تبدیل شناسایی شده برای سیستم کدام گزینه خواهد بود؟

-11



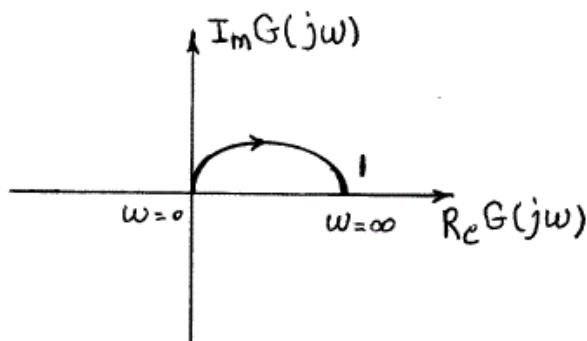
$$\frac{\Delta e^{-s}(s+1)}{(s+\sigma/2)(s^\tau+s+2\Delta)} \quad (2)$$

$$\frac{\Delta e^{-\sigma/\Delta s}(s+1)}{(s+\sigma/2)(s^\tau+s+2\Delta)} \quad (1)$$

$$\frac{\Delta e^{-s}(s-1)}{(s+\sigma/2)(s^\tau+s+\Delta)} \quad (4)$$

$$\frac{\Delta e^{-\sigma/\Delta}(s-1)}{(s+\sigma/2)(s^\tau+s+2\Delta)} \quad (3)$$

-۱۲ یک سیستم فیدبک واحد باتابع تبدیل مسیر پیشرو  $G(s)$  را در نظر بگیرید. دیاگرام قطبی  $G(s)$  در شکل زیر نشان داده شده است. مناسب‌ترین کنترل‌کننده برای تأمین خطای حالت دائم صفر به ورودی پله واحد کدام است؟



(۱) کنترل‌کننده P

(۲) کنترل‌کننده PI

(۳) کنترل‌کننده PII (با دو انتگرال‌گیر)

(۴) چنین کنترل‌کننده‌ای وجود ندارد.

کدام یک از جملات زیر درست است؟

-۱۳

(۱) در طراحی کنترل‌کننده Lead،  $G_C(s) = \frac{s + z_C}{s + p_C}$ ، هر چقدر نسبت

$$\frac{z_C}{p_C} \text{ بزرگتر باشد، خطای حالت دائم سیستم کمتر است.}$$

(۲) در طراحی کنترل‌کننده Lag،  $G_C(s) = \frac{s + z_C}{s + p_C}$  اگر  $z_C$  و  $p_C$  خیلی

بزرگ انتخاب شوند ثابت خطا بزرگ می‌شود ولی حد فاز عموماً کم می‌شود.

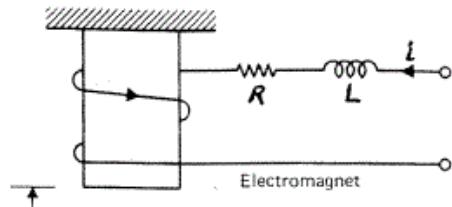
(۳) در طراحی کنترل‌کننده Lead حوزه فرکانس، با در نظر گرفتن مقدار بزرگتری ضریب اطمینان ( $\Delta$ ) برای میزان فاز مورد نیاز ( $\phi_m$ ) همواره می‌توان اثر تأخیر فاز ناشی از جابجایی فرکانس گذر بهره ( $\omega_C$ ) را جبران نمود.

(۴) با توجه به مراحل طراحی کنترل‌کننده Lead در حوزه فرکانس (تنظیم بهره K) همواره می‌توان خطای حالت دائم را با کنترل‌کننده Lead حوزه فرکانسی تنظیم کرد.

-۱۴

سیستم تعليق مغناطیسی زیر را در نظر بگیرید.

اگر جریان سلف (i) به عنوان خروجی سیستم در نظر گرفته شود، کدام گزینه در مورد مشاهده‌پذیری و پایداری سیستم حلقه باز صحیح است؟

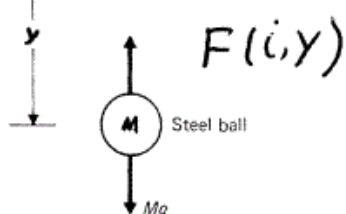


(۱) مشاهده‌پذیر - پایدار

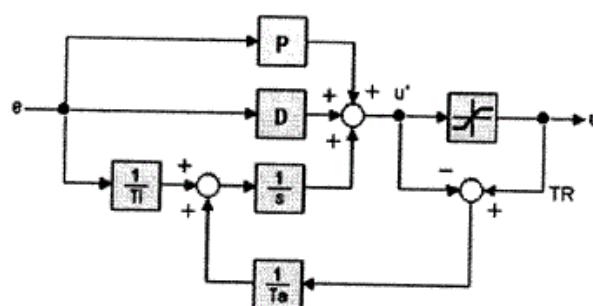
(۲) مشاهده‌پذیر - ناپایدار

(۳) مشاهده‌نایپذیر - پایدار

(۴) مشاهده‌نایپذیر - ناپایدار



-۱۵ شکل زیر تحقق یک PID را نشان می‌دهد. کدام گزینه صحیح است؟



- ۱) افزایش  $T_I$  سبب ناپایداری می‌شود.
- ۲)  $T_a$  بر روی رفتار اشباع عملگر تأثیری ندارد.
- ۳) کاهش  $T_a$  سبب دوره اشباع عملگر و کاهش نوسانات خواهد شد.
- ۴) کاهش  $T_a$  سبب افزایش دوره اشباع عملگر و افزایش نوسانات خواهد شد.

-۱۶ فرض کنید  $A$  ماتریس حالت یک سیستم خطی ناپایدار و  $Q$  یک ماتریس مثبت معین متقارن است. کدام گزینه نمی‌تواند پاسخ معادله لیاپانوف

$$A^T P + PA = Q \text{ باشد؟}$$

$$P = \begin{bmatrix} -4 & -1 \\ -1 & -2 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$P = \begin{bmatrix} 2 & -1 \\ -1 & 4 \end{bmatrix} \quad (2)$$

(۳) هیچ کدام

$$P = \begin{bmatrix} 1 & 0/5 \\ 0/5 & 0/5 \end{bmatrix} \quad (3)$$

-۱۷ در مورد سیستم زیر کدام مطلب درست است؟

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} \lambda_1 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & \lambda_1 & 1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & \lambda_1 & 0 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & \lambda_1 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & \lambda_2 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \lambda_2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & 0 & \lambda_2 \end{bmatrix} x + Bu, \quad y = Cx$$

(B) ماتریس  $7 \times 2$  و C ماتریس  $3 \times 7$  می‌باشد.

(۱) سیستم حتماً کنترل ناپذیر است.

(۲) سیستم حتماً رؤیت‌ناپذیر است.

(۳) با توجه به عناصر ماتریس‌های B و C، سیستم می‌تواند کنترل‌پذیر و رؤیت‌پذیر باشد.

(۴) به ازاء تمام مقادیر ماتریس‌های B و C، سیستم نه کنترل‌پذیر است و نه رؤیت‌پذیر

-۱۸

کدام گزاره صحیح است؟

- ۱) تمام تحقیق‌های هم درجه (بعد ماتریس حالت) یکتابع تبدیل معادل هستند.
- ۲) تمام تحقیق‌های پایدار داخلی یکتابع تبدیل معادل هستند.
- ۳) تمام تحقیق‌های کنترل‌پذیر و رؤیت‌پذیر یکتابع تبدیل معادل هستند.
- ۴) تمام تحقیق‌های دسترس‌پذیر و آشکار‌پذیر یکتابع تبدیل معادل هستند.

-۱۹

یک سیستم با تحقق  $\left\{ \begin{bmatrix} A_1 & \\ A_3 & A_2 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} B_1 \\ B_2 \end{bmatrix}, [C_1 \ C_2], D \right\}$  در نظر

بگیرید.  $A_1$  و  $A_2$  دو ماتریس مربعی و سایر ماتریس‌ها دارای ابعاد مناسب هستند. کدام یک از گزینه‌های زیر معادل (equivalent) تحقیق فوق است؟

$$\left\{ \begin{bmatrix} A_2 & A_3 \\ \circ & A_1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} B_1 \\ B_2 \end{bmatrix}, [C_1 \ C_2], D \right\} \quad (1)$$

$$\left\{ \begin{bmatrix} A_2 & A_3 \\ \circ & A_1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} B_1 \\ B_2 \end{bmatrix}, [C_2 \ C_1], D \right\} \quad (2)$$

$$\left\{ \begin{bmatrix} A_2 & A_3 \\ \circ & A_1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} B_2 \\ B_1 \end{bmatrix}, [C_1 \ C_2], D \right\} \quad (3)$$

$$\left\{ \begin{bmatrix} A_2 & A_3 \\ \circ & A_1 \end{bmatrix}, \begin{bmatrix} B_2 \\ B_1 \end{bmatrix}, [C_2 \ C_1], D \right\} \quad (4)$$

-۲۰

سیستم خطی، پایدار مجانبی و تغییرناپذیر با زمان زیر را در نظر بگیرید:

$$\dot{x} = Ax$$

$$y = Cx$$

$$x(\circ) = x_0$$

اگر:  $\int_{\circ}^{\infty} (y^T M y) dt = x_0^T P x_0$  باشد، کدام عبارت در مورد ماتریس  $P$  صحیح

است؟

(۱) به ازای هر  $P$ ،  $M$  پاسخ یکتای معادله لیاپانوف  $\circ$  است.  $A^T P + PA - C^T MC = \circ$

(۲) اگر  $M$  مثبت معین باشد،  $P$  پاسخ یکتای معادله لیاپانوف است.  $A^T P + PA - C^T MC = \circ$ .

(۳) به ازای هر  $P$ ،  $M$  پاسخ یکتای معادله لیاپانوف  $\circ$  است.  $A^T P + PA + C^T MC = \circ$

(۴) اگر  $M$  مثبت معین باشد،  $P$  پاسخ یکتای معادله لیاپانوف است.  $A^T P + PA + C^T MC = \circ$ .

-۲۱ در مورد سیستم‌های زیر کدام گزینه صحیح می‌باشد؟

$$\dot{\mathbf{x}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix} \mathbf{x} \quad \text{ب) } \quad \dot{\mathbf{x}} = \begin{bmatrix} 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -2 \end{bmatrix} \mathbf{x} \quad \text{الف)}$$

- ۱) حالت‌های سیستم‌های الف و ب هیچ‌کدام محدود نیستند.
- ۲) حالت‌های سیستم الف محدود نیست و لی حالت‌های سیستم ب، محدود هستند.
- ۳) حالت‌های سیستم‌های الف و ب هر دو محدود هستند.
- ۴) حالت‌های سیستم الف محدود است ولی حالت‌های سیستم ب محدود نیستند.

-۲۲ کدام گزینه در مورد پایداری سیستم زیر نادرست است؟

$$\dot{\mathbf{x}} = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{bmatrix} \mathbf{x} + \mathbf{Bu}$$

$$\mathbf{y} = \mathbf{Cx}$$

- ۱) به دلیل وجود دو قطب در مبدأ، سیستم پایدار BIBO نیست.
- ۲) نقطه تعادل بدون تحریک (۱, ۰, ۰) به مفهوم لیاپانوف، پایدار است.
- ۳) نقطه تعادل بدون تحریک (۱, ۰, ۰) پایدار مجانبی نیست.
- ۴) معادله لیاپانوف  $\mathbf{A}^T \mathbf{P} + \mathbf{P} \mathbf{A} = -\mathbf{Q}$  به ازای هر ماتریس مثبت معین  $\mathbf{Q}$ ، فاقد جواب مثبت معین است.

$$\begin{cases} \dot{x} = Ax + Bu \\ y = Cx \end{cases}$$

محقق نموده ایم. کدام تحقق سیستم زیر را با فضای حالت برای این سیستم برقرار است؟ -۲۳

$$G(s) = \frac{s^r + 1}{s^r + s + 1}$$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 0 \\ 1 & 0 & 1 \\ 0 & 1 & 1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & -1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$A = \begin{bmatrix} 0 & 0 & -1 \\ 1 & 0 & -1 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \end{bmatrix}, \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (4)$$

با پاسخ سیستم  $\dot{x} = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{bmatrix} + \begin{bmatrix} -2 & 2 \\ 1 & -2 \end{bmatrix}x$  به شرط اولیه  $x(0) = \begin{bmatrix} 1 \\ -2 \\ 1 \end{bmatrix}$  کدام پاسخ سیستم -۲۴

یک از سیستم‌های زیر به ورودی  $u(t) = [4\delta(t) \quad 2\delta(t)]^T$  برابر است؟

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} -2 & 2 \\ 1 & -3 \end{bmatrix}x + \begin{bmatrix} -0/\Delta & -0/\Delta \\ -0/2\Delta & -0/\Delta \end{bmatrix}u \quad (1)$$

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} -2 & 2 \\ 1 & -3 \end{bmatrix}x + \begin{bmatrix} 0/\Delta & -0/\Delta \\ 1 & -1 \end{bmatrix}u \quad (2)$$

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} -2 & 2 \\ 1 & -3 \end{bmatrix}x + \begin{bmatrix} 1 & -2 \\ 0 & 0 \end{bmatrix}u \quad (3)$$

$$\dot{x} = \begin{bmatrix} -2 & 2 \\ 1 & -3 \end{bmatrix}x + \begin{bmatrix} 0 & 0/\Delta \\ -1 & 1 \end{bmatrix}u \quad (4)$$

-۲۵

سیستم غیرخطی زیر را در نظر بگیرید:

$$\begin{aligned}\dot{x}_1 &= x_1 \left( -x_1 + \frac{u}{1+x_2} \right) \\ \dot{x}_2 &= x_2 (-x_2 + u)\end{aligned}$$

با فرض این که  $u > 0$  و ثابت می‌باشد کدام یک از ماتریس‌های زیر نمی‌تواند به عنوان ماتریس  $A$  در مدل خطی شده  $\dot{x} = Ax + Bu$  حول نقطه تعادل سیستم مطرح باشند؟

$$A = \begin{bmatrix} u & 0 \\ 0 & u \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$A = \begin{bmatrix} u & -u^2 \\ 0 & u \end{bmatrix} \quad (2)$$

$$A = \begin{bmatrix} -\frac{u}{1+u} & -\frac{u^2}{(1+u)^2} \\ 0 & -u \end{bmatrix} \quad (3)$$

$$A = \begin{bmatrix} \frac{u}{1+u} & 0 \\ 0 & -u \end{bmatrix} \quad (4)$$

-۲۶

همانگونه که می‌دانید برای تعیین ماتریس انتقال حالت می‌توان از روش کیلی - همیلتون استفاده نمود. در این روش رابطه زیر برقرار است.

$$e^{At} = \alpha_0 I + \alpha_1 A + \alpha_2 A^2$$

که ضرایب  $\alpha_0$  و  $\alpha_1$  و  $\alpha_2$  را می‌توان از قضیه کیلی - همیلتون بدست آورد. مقادیر ضریب  $\alpha_0$  برای ماتریس زیر کدام است؟

$$A = \begin{bmatrix} -6 & -11 & -6 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\alpha_0 = 3e^{-t} - 3e^{-2t} + e^{-3t} \quad (1) \quad \alpha_0 = 3e^{-t} - 3e^{-2t} - e^{-3t} \quad (2)$$

$$\alpha_0 = e^{-t} + e^{-2t} - 3e^{-3t} \quad (3) \quad \alpha_0 = e^{-t} - e^{-2t} + 3e^{-3t} \quad (4)$$

-۲۷

یک سیستم چند متغیره باتابع تبدیل مربعی  $G(s)$  و تحقق  $\{A, B, C, D\}$  را در نظر بگیرید. کدام یک از گزینه‌های زیر یک تحقق  $G^{-1}(s)$  (معکوس  $G(s)$ ) است؟

$$\{A + BD^{-1}C, -BD^{-1}, D^{-1}C, D^{-1}\} \quad (1)$$

$$\{A - BD^{-1}C, BD^{-1}, -D^{-1}C, D^{-1}\} \quad (2)$$

$$\{D^{-1} + CA^{-1}B, -D^{-1}C, BD^{-1}, D^{-1}\} \quad (3)$$

$$\{D^{-1} - CA^{-1}B, D^{-1}C, -BD^{-1}, D^{-1}\} \quad (4)$$

$$A = \begin{bmatrix} -2 & 1 \\ 1 & 0 \end{bmatrix} \quad \text{با مقادیر} \quad \begin{cases} \dot{x} = Ax + Bu \\ y = Cx \end{cases} \quad \text{معادلات حالت مینیمال} \quad -28$$

$$C = \begin{bmatrix} 1 & -1 \end{bmatrix}, B = \begin{bmatrix} 1 \\ 2 \end{bmatrix} \quad \text{و فیدبک حالت } u = -kx + r \text{ را در نظر بگیرید. به}$$

ازای کدام یک از ماتریس‌های فیدبک حالت زیر، سیستم حلقه بسته رؤیت‌نایابی است؟

$$(1) \quad k = [a \quad 2-a] \quad (\text{برای تمام مقادیر } a)$$

$$(2) \quad k = [a \quad 1+2a] \quad (\text{برای تمام مقادیر } a)$$

$$(3) \quad k = \begin{bmatrix} a & \frac{1}{2}-a \end{bmatrix} \quad (\text{برای تمام مقادیر } a)$$

(4) به ازای تمام مقادیر  $k$ ، سیستم حلقه بسته رؤیت‌پذیر است.

$$\sin(A), A = \begin{bmatrix} 0 & -\frac{\pi}{4} \\ \frac{\pi}{4} & -\frac{\pi}{2} \end{bmatrix} \quad \text{با داشتن ماتریس } A \text{ به صورت} \quad -29$$

$$\begin{bmatrix} -\frac{\sqrt{2}(\pi+\frac{\pi}{4})}{\lambda} & -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & \frac{\sqrt{2}(\pi-\frac{\pi}{4})}{\lambda} \end{bmatrix} \quad (2) \quad \begin{bmatrix} 0 & -\frac{\sqrt{2}\pi}{\lambda} \\ \frac{\sqrt{2}\pi}{\lambda} & -1 \end{bmatrix} \quad (1)$$

$$\begin{bmatrix} 0 & -\frac{\sqrt{2}}{2} \\ \frac{\sqrt{2}}{2} & -1 \end{bmatrix} \quad (4) \quad \begin{bmatrix} \frac{\sqrt{2}(\pi-\frac{\pi}{4})}{\lambda} & -\frac{\sqrt{2}\pi}{\lambda} \\ \frac{\sqrt{2}\pi}{\lambda} & -\frac{\sqrt{2}(\pi+\frac{\pi}{4})}{\lambda} \end{bmatrix} \quad (3)$$

سیستم زیر را در نظر بگیرید: -۳۰

$$\dot{x} = Ax + Bu, A \in \mathbb{R}^n, n > 1$$

می‌دانیم یکی از مقادیر ویژه ماتریس  $A$  دارای مقدار حقیقی مثبت است. کدام یک از جملات زیر درست نیست؟

۱) ماتریس انتقال حالت سیستم نامحدود است.

۲) پاسخ ورودی صفر سیستم لزوماً نامحدود است.

۳) با تعریف مناسب خروجی، سیستم می‌تواند پایدار BIBO باشد.

۴) پاسخ حالت صفر سیستم به تمام ورودی‌های محدود، لزوماً نامحدود است.

# پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

محل انجام محاسبات	صفحه ۱۴	۱۵۰F	مجموعه دروس تخصصی
			-۳۱
	اگر ماتریس $A$ در فرم کانوئیک کنترل پذیر باشد آنگاه فرم اسمیت $sI - A$ کدام است؟		
		$\Delta(s)$ چند جمله‌ای مشخصه ماتریس $A$ است	
	$\text{diag}(\underbrace{1, 1, \dots, 1}_{n-1}, \Delta(s))$ (۱)	$\text{diag}(\underbrace{s, s, \dots, s}_{n-1}, \Delta(s))$ (۲)	
	$\text{diag}(1, s, s^2, \dots, s^{n-1}, \Delta(s))$ (۳)	$\text{diag}(1, s, s^2, \dots, s^n)$ (۴)	
			-۳۲
	اگر $(D(s) \text{ و } N(s))$ دو ماتریس چند جمله‌ای هم اول راست (right coprime) باشند آنگاه کدام گزینه درست نیست؟		
		(۱) $N(s) + D(s)$ هم اول راست هستند.	
		(۲) $N(s) + D(s) + sN(s)$ هم اول راست هستند.	
		(۳) $D(s) - N(s) + D(s) + sN(s)$ هم اول راست هستند.	
		(۴) $D(s) - N(s) + D(s) + N(s)$ هم اول راست هستند.	
			-۳۳
	اگر $\bar{\sigma}$ و $\underline{\sigma}$ به ترتیب بزرگترین و کوچکترین مقدار استثنایی یک ماتریس $X$ (Singular value) یک ماتریس مربعی باشد، کدام گزینه صحیح است؟		
		(۱) اگر $\bar{\sigma}(X) < 1$ باشد آنگاه $X + I$ وارون پذیر است.	
		(۲) اگر $\underline{\sigma}(X) < 1$ باشد آنگاه $X + I$ وارون پذیر است.	
		(۳) اگر $\bar{\sigma}(X) < 1$ باشد آنگاه $X$ وارون پذیر است.	
		(۴) اگر $\underline{\sigma}(X) < 1$ باشد آنگاه $X$ وارون پذیر است.	
			-۳۴
		ماتریس تابع تبدیل زیر را در نظر بگیرید.	
		$G(s) = \frac{1}{s+1} \begin{bmatrix} s-a & 1 \\ (a+2)^2 & s-a \end{bmatrix}, a \in \mathbb{R}$	
	در این صورت به ازای چه مقدار از $a$ سیستم نامنیمم فاز است؟		
		(۱) $a < -2$	$a < -2$
		(۲) $a > -1$	$a > -1$
		(۳) $a > -2$	$a > -2$
			-۳۵
	نوع سیستم در ماتریس تابع تبدیل زیر کدام است؟		
		$G(s) = \begin{bmatrix} \frac{1}{s} & \frac{1}{s(s+1)} \\ \frac{1}{s+1} & \frac{1}{s} \end{bmatrix}$	
	(۱) نوع صفر		
	(۲) نوع یک		
	(۳) نوع دو		

- ۳۶

سیستم زیر را در نظر بگیرید:

$$G(s) = \frac{1}{s(s+1)} \begin{bmatrix} 1 & \frac{1}{s} \\ 1 & \frac{1}{s^2} \end{bmatrix}$$

خطای حالت ماندگار سیستم حلقه بسته با فیدبک منفی واحد به کدام ورودی صفر است؟

$$c_1 \in \mathbb{R}, [c_1, t^0]^T \quad (1)$$

$$c_1 \in \mathbb{R}, [\circ, c_1 t^2]^T \quad (2)$$

$$c_1, c_2, c_3 \in \mathbb{R}, [c_1 \ c_2 + c_3 t]^T \quad (3)$$

$$c_1, c_2, c_3, c_4 \in \mathbb{R}, [c_1 + c_2 t \ c_3 + c_4 t]^T \quad (4)$$

- ۳۷ ماتریستابع تبدیل زیر را در نظر بگیرید:

$$G(s) = \frac{1}{(s+1)^2} \begin{bmatrix} s-1 & 1 \\ 1 & 3 \end{bmatrix}$$

کدام گزینه در رابطه با تحقق فضای حالت این سیستم درست است؟

۱) تحقق می‌نیمال فضای حالت سیستم مرتبه ۲ است و سیستم می‌نیمم فاز است.

۲) تحقق می‌نیمال فضای حالت سیستم مرتبه ۴ و سیستم غیرمی‌نیمم فاز است.

۳) تحقق می‌نیمال فضای حالت سیستم مرتبه ۲ و سیستم یک صفر عنصر در نیمه راست صفحه دارد.

۴) تحقق می‌نیمال فضای حالت سیستم مرتبه ۴ و سیستم می‌نیمم فاز با صفر عنصر در نیمه راست صفحه است.

$$\dot{\underline{x}} = \begin{pmatrix} -3 & -2 & 0 \\ 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -1 \end{pmatrix} \underline{x} + \begin{pmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 0 \\ 0 & 1 \end{pmatrix} \underline{u}$$

$$\underline{y} = \begin{pmatrix} 1 & 2 & 1 \\ 0 & -1 & 1 \end{pmatrix} \underline{x}$$

بردار شرایط اولیه  $\underline{x}_0$  و راستای ورودی  $\underline{u} = k e^{\lambda t}, t \geq 0$  که خروجی  $\underline{y}$  متعدد با صفر می‌باشد کدام گزینه است؟ ( $k \neq 0, x_0 \neq 0$ )

$$\underline{u} = \alpha \begin{pmatrix} 4 \\ -2 \end{pmatrix} e^{-\gamma t} \text{ و } \underline{x}_0 = \alpha \begin{pmatrix} -3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \quad (1)$$

$$\underline{u} = \alpha \begin{pmatrix} -2 \\ 4 \end{pmatrix} e^{-\gamma t} \text{ و } \underline{x}_0 = \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix} \quad (2)$$

$$\underline{u} = \alpha \begin{pmatrix} 4 \\ -2 \end{pmatrix} e^{-\gamma t} \text{ و } \underline{x}_0 = \alpha \begin{pmatrix} 1 \\ -3 \\ 1 \end{pmatrix} \quad (3)$$

$$\underline{u} = \alpha \begin{pmatrix} -2 \\ 4 \end{pmatrix} e^{-\gamma t} \text{ و } \underline{x}_0 = \alpha \begin{pmatrix} -3 \\ 1 \\ 1 \end{pmatrix} \quad (4)$$

-۳۹ ماتریس تابع تبدیل سیستم زیر را در نظر بگیرید. برای چه مقدار  $\alpha$  نمی‌توان سیستم را با فیدبک حالت دکوپله کرد؟

$$G(s) = \begin{bmatrix} \frac{1}{s+2} & \frac{\alpha}{s+3} \\ \frac{2s}{s+5} & \frac{3s}{s+2} \end{bmatrix}$$

$$\alpha = \frac{3}{2} \quad (2)$$

$$\alpha \neq \frac{3}{2} \quad (4)$$

$$\alpha = \frac{2}{3} \quad (1)$$

$$\alpha \neq \frac{2}{3} \quad (3)$$

-۴۰

ماتریس تابع تبدیل زیر را در نظر بگیرید:

$$G(s) = \frac{k}{s^2 - 1} \begin{bmatrix} s+3 & -4 \\ 2 & s-3 \end{bmatrix} \quad (k \in \mathbb{R})$$

کدام گزینه درباره پایداری سیستم حلقه بسته با فیدبک منفی واحد درست است؟

- ۱) برای تمام مقادیر  $k$  ناپایدار است.
- ۲) برای تمام مقادیر مثبت  $k$  پایدار است.
- ۳) برای برخی مقادیر  $k$  پایدار، و برای مقادیری از  $k$ ، ۲ قطب ناپایدار دارد.
- ۴) برای برخی مقادیر  $k$  پایدار، و برای سایر مقادیر از  $k$ ، ۱ قطب ناپایدار دارد.

-۴۱

ماتریس تابع تبدیل زیر را با فیدبک منفی واحد در نظر بگیرید:

$$G(s) = \frac{k}{s(s-1)} \begin{bmatrix} s-2 & 1 \\ -2 & s+1 \end{bmatrix}$$

در رابطه با پایداری حلقه بسته داریم:

- ۱) برای  $k$  های خیلی کوچک پایدار است.
- ۲) برای تمام  $k$  ناپایدار است.
- ۳) برای  $1 < k < 0$  پایدار است.
- ۴) برای  $-1 < k < 0$  پایدار است.

-۴۲

با در نظر گرفتن آرایه بهره نسبی (RGA) زیر، در کدام حالت قرار گرفتن جفت ورودی - خروجی امکان پایدارسازی حلقه بسته وجود دارد؟

$$\Lambda = \begin{bmatrix} 0/1 & 0/6 & 0/2 \\ 0/3 & -0/01 & 0/6 \\ 0/5 & 0/3 & 0/1 \end{bmatrix} \quad G(0) = \begin{bmatrix} 0/2 & 0/8 & 0/3 \\ -1 & 0/1 & 1 \\ 0/5 & -0/6 & 0/1 \end{bmatrix}$$

$$\begin{array}{ll} u_1 \leftrightarrow y_1 & u_1 \leftrightarrow y_2 \\ u_2 \leftrightarrow y_2 \text{ (۲)} & u_2 \leftrightarrow y_1 \text{ (۱)} \\ u_3 \leftrightarrow y_3 & u_3 \leftrightarrow y_3 \end{array}$$

$$\begin{array}{ll} u_1 \leftrightarrow y_1 & u_1 \leftrightarrow y_3 \\ u_2 \leftrightarrow y_3 \text{ (۴)} & u_2 \leftrightarrow y_2 \text{ (۳)} \\ u_3 \leftrightarrow y_2 & u_3 \leftrightarrow y_1 \end{array}$$

-۴۳- ماتریس تابع تبدیل زیر را در نظر بگیرید:

$$G(s) = \begin{bmatrix} -\frac{1}{s+1} & \frac{5}{s+1} \\ \frac{2}{s+2} & \frac{1}{s+1} \end{bmatrix}$$

در رابطه با کنترل غیرمت مرکز این سیستم، کدام گزینه درست است؟

- ۱) کنترل غیرمت مرکز این سیستم به نایابی ایار حلقه بسته منجر می‌گردد.
- ۲) تنها از ورودی اول برای کنترل خروجی دوم و از ورودی دوم برای کنترل خروجی اول می‌توان استفاده کرد.
- ۳) از هر کدام از ورودی‌ها می‌توان برای کنترل هر کدام از خروجی‌ها استفاده کرد.
- ۴) تنها از ورودی اول برای کنترل خروجی اول و از ورودی دوم برای کنترل خروجی دوم می‌توان استفاده کرد.

-۴۴- برای سیستم  $\dot{x} = Bu$  و  $y \in \mathbb{R}^q$  و  $u \in \mathbb{R}^p$  و  $x \in \mathbb{R}^n$  تابع

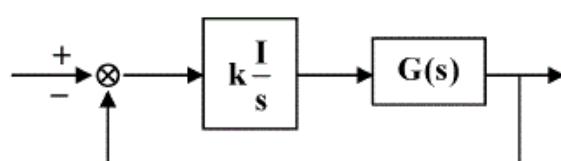
معیار  $J = \int_0^\infty (\dot{x}^T c^T c x + u^T R u) dt$

معین است. شرط وجود قانون کنترل بهینه کدام است؟

$$n \leq p = q \quad (2) \quad n \leq \min(p, q) \quad (1)$$

$$n = p = q \quad (3)$$

-۴۵- سیستم کنترل چند متغیره زیر را در نظر بگیرید:



که در آن:

$G(s)$  - پایدار است و آرایه بهره نسبی آن عبارت است از

$$\Lambda(s) \approx \begin{bmatrix} -1/89 & 3/59 & -0,69 \\ -0,13 & 3,02 & -1,89 \\ 3,02 & -5,6 & 3,59 \end{bmatrix}$$

آنگاه:

- ۱) با یک مقدار مناسب  $k > 0$  می‌توان سیستم حلقه بسته را پایدار کرد.
- ۲) با هیچ مقدار  $k$  نمی‌توان به یک سیستم کنترل مناسب حلقه بسته دست پیدا کرد.
- ۳) یک بازه برای مقدار  $k$  می‌توان چنان یافت که سیستم حلقه بسته پایدار باشد.
- ۴) با یک مقدار مناسب  $k < 0$  می‌توان سیستم حلقه بسته را پایدار کرد و سیستم حلقه بسته را تضمین کرد.