

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

266

F

نام:

نام خانوادگی:

محل امضاء:

صبح جمعه
۹۳/۱۲/۱۵
دفترچه شماره ۱ از ۲



جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

اگر دانشگاه اصلاح شود، مملکت اصلاح می شود.
امام خمینی (ره)

آزمون ورودی دوره‌های دکتری (نیمه‌تمترکز) داخل سال ۱۳۹۴

رشته مهندسی مکانیک – تبدیل انرژی – کد رشته ۲۳۲۴

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوال‌ها

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره	ضریب
۱	مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات مهندسی، مکانیک سیالات پیشرفت، ترمودینامیک پیشرفته)	۴۵	۱	۴۵	۴

این آزمون نمره منفی دارد.
استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

اسفندماه - سال ۱۳۹۳

حق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با عخلفین برابر مقررات رفnar می‌شود.

دانلود کلیه سوالات عمومی و تخصصی آزمون دکتری در وب سایت پی اچ دی تست

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات مهندسی، مکانیک سیالات پیشرفت، ترمودینامیک پیشرفت):

$$\begin{cases} y'' + \lambda y = 0 \\ y(0) = 0 \\ y(\pi) = y'(\pi) \end{cases} \quad \begin{array}{l} \text{برای توابع ویژه و مقادیر ویژه مسئله روبرو، کدام گزینه صحیح است؟} \\ n = 0, 1, 2, 3, \dots, \tan(\alpha_n \pi) = 2\alpha_n \quad y_n(x) = \sin(\alpha_n x) \quad (1) \\ n = 0, 1, 2, 3, \dots, \tan(\alpha_n \pi) = \alpha_n \quad y_n(x) = \sin(\alpha_n x) \quad (2) \\ n = 0, 1, 2, 3, \dots, \tan(\alpha_n) = \alpha_n \quad y_n(x) = \sin(\alpha_n x) \quad (3) \\ n = 0, 1, 2, 3, \dots, \cot(\alpha_n \pi) = \alpha_n \quad y_n(x) = \sin(\alpha_n x) \quad (4) \end{array}$$

پاسخ کراندار $w(x, t)$ مسئله مقدار اولیه کرانه‌ای زیر، کدام است؟ -۲

$$\begin{cases} \frac{\partial^2 w}{\partial x^2} = \frac{\partial^2 w}{\partial t^2}, \quad x > 0, t > 0 \\ w(x, 0) = \frac{\partial w(x, 0)}{\partial t} = 0, \quad x \geq 0 \\ \frac{\partial w(0, t)}{\partial x} = \text{cost}, \quad t \geq 0 \end{cases}$$

$-2 \sin\left(\frac{t-x}{2}\right)u(t-x) \quad (1)$

$\frac{1}{2} \sin(2t-2x)u(t-x) \quad (2)$

$-\sin(t-x)u(t-x) \quad (3)$

(4) پاسخ کراندار ندارد.

یک راه حل مسئله مقدار اولیه کرانه‌ای (یا مرزی) به صورت زیر: -۳

$$\begin{cases} u_{tt} - a^2 u_{xx} = f(x, t), \quad 0 < x < L, \quad t > 0 \\ u(x, 0) = g(x), \quad u_t(x, 0) = h(x) \\ u(0, t) = 0 = u(L, t), \quad t > 0 \end{cases}$$

توابع تکه‌ای هموار داده شده‌اند) آن است که شرایط اولیه داده شده و توابع f (معلوم) و u

(مجھول) را بر حسب یک پایه متعامد مناسب $\{\phi_k(x)\}_{k=1}^{\infty}$ ، به صورت زیر بسط دهیم:

$$u(x, t) = \sum_{k=1}^{\infty} u_k(t) \phi_k(x), \quad f(x, t) = \sum_{k=1}^{\infty} f_k(t) \phi_k(x), \quad g(x) = \sum_{k=1}^{\infty} g_k \phi_k(x), \quad h(x) = \sum_{k=1}^{\infty} h_k \phi_k(x)$$

و سپس با قرار دادن این کاندیداها در معادلات مسئله داده شده، مجھولات $u_k(t)$ را بیابیم. در این صورت

پایه متعامد $\{\phi_k(x)\}_{k=1}^{\infty}$ ، کدام است؟

$$\left\{ \cos \frac{k\pi x}{L} \right\}_{k=0}^{\infty} \quad (2)$$

$$\left\{ \sin \frac{k\pi x}{L} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (1)$$

$$\left\{ \cos \frac{(2k-1)\pi x}{2L} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (4)$$

$$\left\{ \sin \frac{(2k-1)\pi x}{2L} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (3)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۳

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - تبدیل انرژی (کد ۲۳۲۴) (۲۶۶ F)

-۴ سری فوریه سینوسی نیم‌دامنه تابع $f(x) = x \sin x$ ، $x \leq \pi$ ، کدام است؟

$$\sum_{m=1}^{\infty} \frac{-16m}{\pi(2m-1)^2(2m+1)^2} \sin(2mx) \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{2} \sin x + \sum_{m=1}^{\infty} \frac{-8m}{\pi(2m-1)^2(2m+1)^2} \sin(2mx) \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{2} \sin x + \sum_{m=1}^{\infty} \frac{-16m}{\pi(2m-1)^2(2m+1)^2} \sin(2mx) \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{2} \sin x + \sum_{m=1}^{\infty} \frac{-16m}{\pi(2m-1)^2(2m+1)^2} \sin((2m-1)x) \quad (4)$$

-۵ برای تابع $f(x) = x \cos x$ ، $x < \pi$ ، سری فوریه کسینوسی نیم‌دامنه را در نظر می‌گیریم. سه جمله اول این سری، کدام است؟

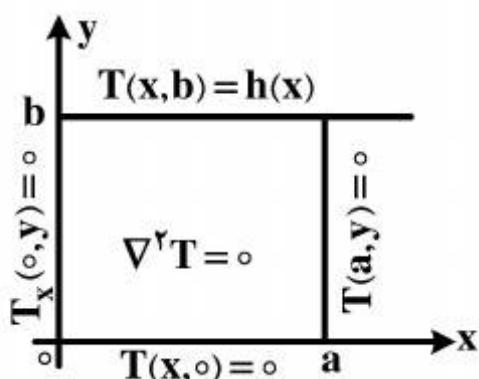
$$-\frac{2}{\pi} + \pi \cos x - \frac{2}{9\pi} \cos 2x \quad (1)$$

$$-\frac{2}{\pi} + \cos x - \frac{2}{9\pi} \cos 2x \quad (2)$$

$$-\frac{2}{\pi} + \frac{\pi}{2} \cos x - \frac{1}{9\pi} \cos 2x \quad (3)$$

$$-\frac{2}{\pi} + \frac{\pi}{2} \cos x - \frac{2}{9\pi} \cos 2x \quad (4)$$

-۶ در مسئله مقدار مرزی معادله دیفرانسیل لاپلاس زیر، پایه متعامد بسط تابع $h(x)$ داده شده به سری فوریه، کدام است؟



$$\left\{ \cos \frac{k\pi x}{2a} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (1)$$

$$\left\{ \cos \frac{(2k-1)\pi x}{2a} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (2)$$

$$\left\{ \sin \frac{(2k-1)\pi x}{2a} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (3)$$

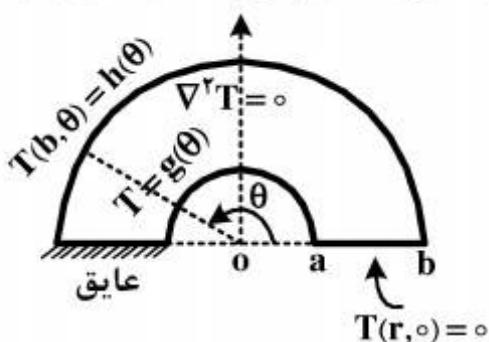
$$\left\{ \frac{1}{2}, \cos \frac{\pi x}{a}, \cos \frac{2\pi x}{a}, \dots, \cos \frac{k\pi x}{a}, \dots \right\} \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۴

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - تبدیل انرژی (کد ۲۳۲۴) ۲۶۶ F

-۷ برای مسئله مقدار مرزی زیر، در مورد معادله دیفرانسیل لاپلاس در داخل یک نیم‌طوق، کاندید جواب به کدام صورت است؟



$$T(r, \theta) = \sum_{k=1}^{\infty} A_k r^k \sin(k\theta) \quad (1)$$

$$T(r, \theta) = \sum_{k=1}^{\infty} (A_k r^k + B_k r^{-k}) \sin\left(\frac{rk-1}{r}\theta\right) \quad (2)$$

$$\alpha_k = \left(\frac{rk-1}{r}\right) \cdot T(r, \theta) = \sum_{k=1}^{\infty} A_k r^{\alpha_k} \sin\left(\frac{rk-1}{r}\theta\right) \quad (3)$$

$$\alpha_k = \left(\frac{rk-1}{r}\right) \cdot T(r, \theta) = \sum_{k=1}^{\infty} (A_k r^{\alpha_k} + B_k r^{-\alpha_k}) \sin\left(\frac{rk-1}{r}\theta\right) \quad (4)$$

-۸ در معادله رویه مینیمال $(1+u_x^2)u_{yy} - u u_x u_y u_{xy} + (1+u_y^2)u_{xx} = 0$ ، جواب‌هایی به صورت $\mathbf{u}(x, y) = \mathbf{F}(x) + \mathbf{G}(y)$ کدام هستند؟

$$u(x, y) = \frac{-1}{c} \ln \cos(cx + c_1) + c_2 + \frac{1}{c} \ln \cos(-cy + d_1) + d_2 \quad (1)$$

$$u(x, y) = \frac{1}{c} \ln \cos(cx + c_1) + c_2 + \frac{1}{c} \ln \cos(-cy + d_1) + d_2 \quad (2)$$

$$u(x, y) = \frac{-1}{c} \ln \cos(cx + c_1) + c_2 + \frac{1}{c} \ln \cos(cy + d_1) + d_2 \quad (3)$$

$$u(x, y) = \frac{1}{c} \ln \cos(cx + c_1) + c_2 + \frac{1}{c} \ln \cos(cy + d_1) + d_2 \quad (4)$$

-۹ با فرض اینکه، جواب مسئله مقدار اولیه $\begin{cases} u_t - u_{xx} = 0 \\ u(x, 0) = \phi(x) \end{cases}$ و ϕ تابع معلوم، به صورت

$$u(x, t) = \frac{1}{\sqrt{\pi t}} \int_{-\infty}^{\infty} \phi(\zeta) e^{\frac{-(x-\zeta)^2}{4t}} d\zeta$$

$$u(x, t) = \frac{T_1 + T_2}{2} + \frac{T_1 - T_2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{\sqrt{t}}} e^{-\alpha^2} d\alpha \quad (1)$$

$$u(x, t) = \frac{T_1 - T_2}{2} + \frac{T_1 + T_2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{\sqrt{t}}} e^{-\alpha^2} d\alpha \quad (2)$$

$$u(x, t) = (T_1 - T_2) \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{\sqrt{t}}} e^{-\alpha^2} d\alpha \right) \quad (3)$$

$$u(x, t) = (T_1 + T_2) \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{\sqrt{t}}} e^{-\alpha^2} d\alpha \right) \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۵

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - تبدیل انرژی (کد ۲۳۲۴) ۲۶۶ F

- ۱۰ - مقدار انتگرال $I = \int_0^\infty \frac{(\ln x)^r}{1+x^r} dx$ کدام است؟

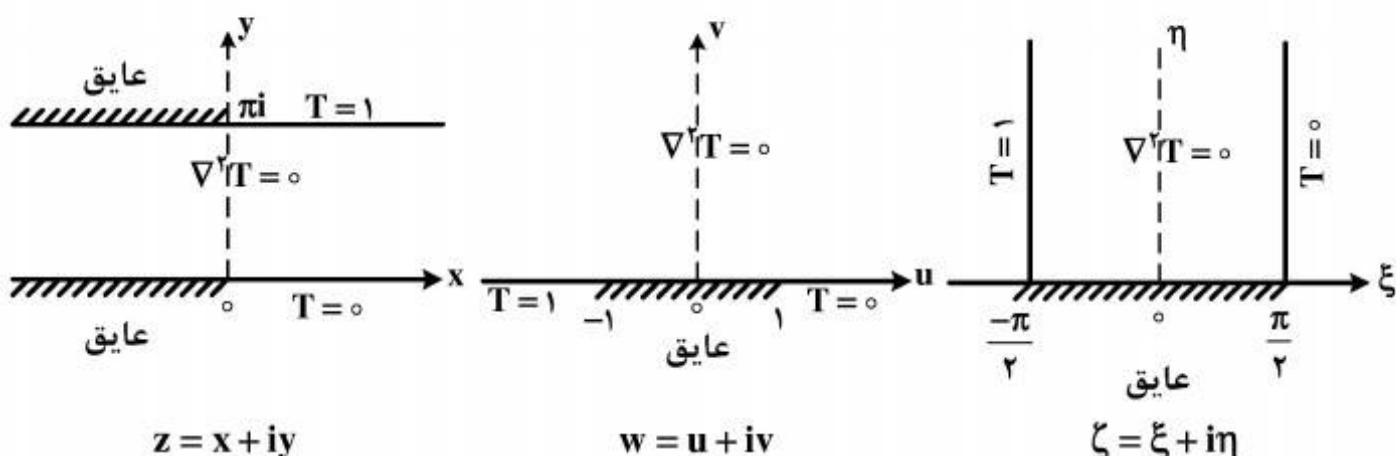
$$\frac{\pi^r}{16} \quad (1)$$

$$\frac{\pi^r}{8} \quad (2)$$

$$\frac{\pi^r}{4} \quad (3)$$

$$\frac{\pi^r}{8} + \frac{\pi^r}{4} \quad (4)$$

- ۱۱ - سه مسئله مقدار مرزی زیر، برای معادله دیفرانسیل لاپلاس داده شده‌اند. جواب کراندار در نیمه نوار قائم و دو نگاشت مناسب از صفحه ζ به صفحه w و سپس از صفحه w به صفحه z ، که جواب‌های کراندار دو مسئله مقدار مرزی دیگر را بدھند، کدامند؟



$$z = e^w, w = \sin \zeta, T(\xi, \eta) = \frac{1}{\pi} \left(\frac{\pi}{2} - \xi \right) \quad (1)$$

$$w = \operatorname{Log} z, \zeta = \sin w, T(\xi, \eta) = \frac{1}{\pi} \left(\xi - \frac{\pi}{2} \right) \quad (2)$$

$$w = \operatorname{Log} z, w = \sin \zeta, T(\xi, \eta) = \frac{1}{\pi} \left(\frac{\pi}{2} - \xi \right) \quad (3)$$

$$z = \operatorname{Log} w, w = \sin \zeta, T(\xi, \eta) = \frac{1}{\pi} \left(\frac{\pi}{2} - \xi \right) \quad (4)$$

- ۱۲ - با انتگرال‌گیری از تابع مختلط $f(z) = \frac{e^{az}}{1+e^z}$ روى کرانه مستطیل $|x| < R$ با $a < 1$ ثابت () دادن، مقدار

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{e^{ax}}{1+e^x} dx, \text{ در جهت مثلثاتی، و سپس میل دادن } R \rightarrow \infty$$

$$\frac{2\pi}{\sin(\pi a)} \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{\sin(\pi a)} \quad (1)$$

$$\frac{2\pi}{\sinh(\pi a)} \quad (4)$$

$$\frac{\pi}{\sinh(\pi a)} \quad (3)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۶

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - تبدیل انرژی (کد ۲۳۲۴) ۲۶۶ F

- ۱۳- اگر $f(z)$ تابع نام، $1 \leq |chz f(z)| \leq 2$ ، و آنگاه مقدار $f(Ln z)$ کدام است؟

(۱) صفر

$\frac{3}{4}$ (۲)

۱ (۳)

$\frac{8}{5}$ (۴)

- ۱۴- در صورتی که به ازای هر نقطه $z = r_0 e^{i\theta}$ در داخل دایره $\zeta = r_0 e^{i\phi}$ ، $0 < \phi < 2\pi$ ، داشته باشیم

$$f(r_0 e^{i\theta}) = \frac{r_0^2 - r^2}{2\pi} \int_0^{2\pi} \frac{f(r_0 e^{i\phi})}{|\zeta - z|} d\phi$$

حقیقی f باشد، آنگاه $u(r, \theta) = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} P(r_0, r, \phi - \theta) u(r_0, \phi) d\phi$. در این صورت، کدامیک از موارد

زیر، صحیح نیست؟

$$\frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} P(r_0, r, \phi - \theta) d\phi = 1 \quad (۱)$$

$$P(r_0, r, \phi - \theta) = \frac{r_0^2 - r^2}{r_0^2 + 2\pi r_0 \cos(\phi - \theta) + r^2} \quad (۲)$$

(۳) تابع $P(r_0, r, \phi - \theta)$ همیشه مثبت است.

(۴) $P(r_0, r, \phi - \theta)$ تابعی زوج و دوره‌ای (متناوب) از $(\phi - \theta)$ است.

- ۱۵- در مورد خودالحاق (self Adjoint) بودن معادله دیفرانسیل زیر، کدام عبارت صحیح است؟

$$xy'' + (1-x)y' + ay = 0$$

(۱) با ضرب در x خودالحاق می‌شود.

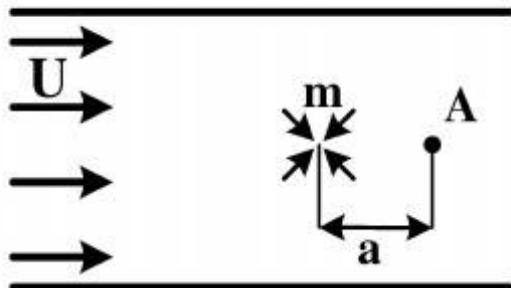
(۲) با ضرب در $\frac{1}{x}$ خودالحاق می‌شود.

(۳) با ضرب در e^{-x} خودالحاق می‌شود.

(۴) خودالحاق است.

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

- ۱۶- در یک رودخانه، سیال با سرعت یکنواخت U در حال حرکت است. در مسیر جریان، یک چاه با قدرت m قرار دارد. کمترین فاصله ذره A از چاه (a) چقدر باشد تا این ذره وارد چاه نشود؟



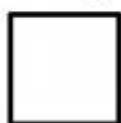
$$\frac{m}{2\pi U} \quad (1)$$

$$\frac{m}{\pi U} \quad (2)$$

$$\frac{m}{2U} \quad (3)$$

$$\frac{m}{U} \quad (4)$$

- ۱۷- در جریان آرام، دائم و توسعه یافته در کanalی با مقطع مربع شکل، تنفس برشی روی دیواره هر مقطع، چگونه است؟



مقطع کanal

(۱) یکنواخت است.

(۲) در وسط ضلع مربع، حداقل و در گوشها، صفر است.

(۳) در وسط ضلع مربع، صفر و در گوشها، حداقل است.

(۴) مخالف صفر و در وسط ضلع مربع، حداقل و در گوشها، حداقل است.

- ۱۸- در سیالات، تغییر سرعت دو نقطه در همسایگی یکدیگر را می‌توان به صورت زیر نوشت. جملات اول و دوم داخل برآکت، به ترتیب نشان‌دهنده کدامند؟

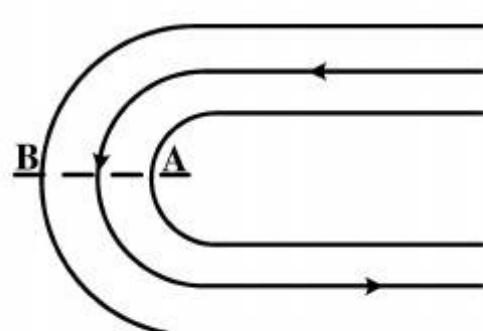
$$d\vec{V} = \left[\frac{1}{2} (\nabla \vec{V} + \nabla \vec{V}^T) + \frac{1}{2} (\nabla \vec{V} - \nabla \vec{V}^T) \right] \cdot d\vec{x}$$

(۱) نرخ کرنش و نرخ چرخش بین این دو نقطه

(۲) نرخ چرخش و نرخ کرنش بین این دو نقطه

(۳) نرخ کرنش زاویه‌ای و نرخ کرنش نرمال بین این دو نقطه

(۴) نرخ کرنش نرمال و نرخ کرنش زاویه‌ای بین این دو نقطه



- ۱۹-

مقطع AB را از جریان سیال در مجرای شکل روبرو، درنظر بگیرید.

کدام مورد، صحیح است؟

(۱) طبق معادله برنولی، فشار در A و B یکسان است.

(۲) طبق معادله برنولی، فشار در B بیشتر از فشار در A است.

(۳) طبق معادله ممنتوم، فشار در B بیشتر از فشار در A است.

(۴) طبق معادله ممنتوم، فشار در A بیشتر از فشار در B است.

- ۲۰-

کدام مورد، صحیح است؟

(۱) یک جریان چرخشی، همواره یک جریان اولر است.

(۲) یک جریان اولر، همواره یک جریان غیرچرخشی است.

(۳) یک جریان غیرچرخشی، همواره یک جریان اولر است.

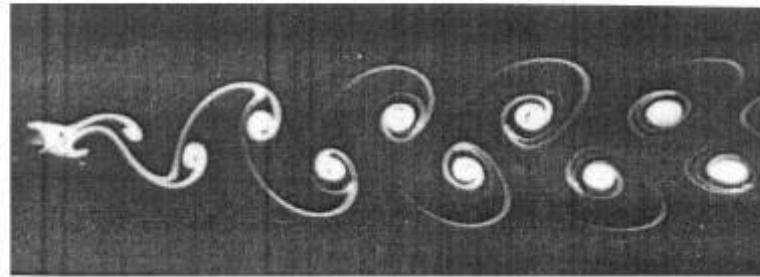
(۴) بین جریان غیرچرخشی و پتانسیل، ارتباطی وجود ندارد.

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۸

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - تبدیل انرژی (کد ۲۳۲۴) ۲۶۶ F

- ۲۱ در جریان دو بعدی سیال نیوتونی در پشت یک استوانه، خیابان گردابه‌های کارمن، مطابق شکل زیر، تشکیل می‌شود. کدام مورد، صحیح‌تر است؟



- (۱) اگر جریان سیال مغشوش باشد، گردابه‌ها جابه‌جا نبوده، بلکه در مقابل هم قرار می‌گیرند.
- (۲) جریان سیال در پشت استوانه (خیابان گردابه‌های کارمن)، آرام اما ناپایا است.
- (۳) در اعداد رینولدز بالا، ممکن است این ساختار (خیابان گردابه‌های کارمن) تشکیل نشود.
- (۴) تشکیل ساختار فوق، فقط در محدوده خاصی از جریان آرام سیال صورت می‌گیرد.

- ۲۲ با توجه به میدان سرعت دو بعدی زیر، خط مسیری که در زمان صفر از نقطه A به مختصات $\begin{cases} u = x(1+2t) \\ v = y \end{cases}$ می‌گذرد، کدام است؟

$$x = y \quad (1)$$

$$x = y^{1-\ln y} \quad (2)$$

$$x = y^{1+\ln y} \quad (3)$$

$$y = x^{1+\ln x} \quad (4)$$

- ۲۳ مایعی حاوی ذرات ریز گلولای است که می‌توانند در طی حرکت تنهشین شوند. بقای جرم این مخلوط در هر نقطه کدام است؟ (\vec{V} بردار سرعت و ρ چگالی مخلوط است).

$$\frac{D\rho}{Dt} = 0 \quad (2) \qquad \nabla \cdot \vec{V} = 0 \quad (1)$$

$$\nabla \cdot \vec{V} = 0 \quad \text{و} \quad \frac{D\rho}{Dt} = 0 \quad (4) \qquad \frac{D\rho}{Dt} + \rho \nabla \cdot \vec{V} = 0 \quad (3)$$

- ۲۴ میدان سرعت جریان دو بعدی غیرقابل تراکم، به صورت $\vec{V} = 2(x^2 - y^2)\hat{i} - 4xy\hat{j}$ داده شده است. مقدار دبی حجمی عبوری از عرض خط AB چقدر است؟



- ۲۵ سیلندری به شعاع R و طول زیاد در فضای بی‌نهایت از سیال لزج، با سرعت زاویه‌ای ω می‌چرخد. میدان سرعت سیال کدام است؟

$$u_\theta = R^2 \frac{\omega}{r} \quad (2) \qquad u_\theta = \omega r \quad (1)$$

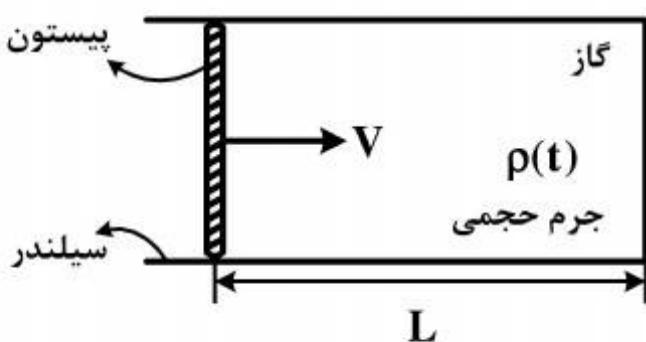
$$u_\theta = \omega(r + \frac{R^2}{r}) \quad (4) \qquad u_\theta = \omega(r - \frac{R^2}{r}) \quad (3)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۹

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - تبدیل انرژی (کد ۲۳۲۴) F 266

- ۲۶ - یک پیستون با سرعت ثابت V درون یک سیلندر حرکت کرده و گاز را متراکم می‌کند. جرم حجمی اولیه گاز ρ_0 می‌باشد که به ازای طول اولیه L_0 به دست می‌آید. با فرض اینکه سرعت گاز در حدفاصل بین پیستون و کف سیلندر، به صورت خطی از V به صفر کاهش یابد، جرم حجمی گاز بر حسب زمان t کدام است؟



$$\rho_0 \left(1 - \frac{Vt}{L_0}\right)^2 \quad (1)$$

$$\rho_0 \left(1 - \frac{Vt}{L_0}\right) \quad (2)$$

$$\rho_0 \left(1 - \frac{Vt}{L_0}\right)^{-2} \quad (3)$$

$$\rho_0 \left(1 - \frac{Vt}{L_0}\right)^{-1} \quad (4)$$

- ۲۷ - افت فشار در واحد طول لوله در جریان لایه‌ای (laminar) در حال توسعه (developing flow) نسبت به جریان لایه‌ای توسعه یافته (fully developed) در لوله، چگونه است؟

- (۱) کمتر است.
 (۲) بیشتر است.
 (۳) قابل مقایسه نیستند.
 (۴) مساوی است.

- ۲۸ - قطعه یخی مکعب‌شکل، بر روی سطح آزاد آب درون یک لیوان شناور است. اگر یخ در شرایطی که دمای کل مجموعه یکنواخت باشد، کاملاً ذوب شود، کدام مورد در خصوص ارتفاع سطح آب لیوان، صحیح است؟



- ۲۹ - کدام مورد، در خصوص ارتباط شرط عدم لغش روی یک مرز جامد با لزجت سیالی که در مجاورت آن جریان دارد، صحیح است؟

- (۱) هیچ‌گونه رابطه‌ای وجود ندارد.
 (۲) شرط عدم لغش، به‌واسطه لزجت سیال است.
 (۳) شرط عدم لغش، فقط به جنس مرز جامد بستگی دارد.
 (۴) شرط عدم لغش، علاوه بر لزجت سیال، به جنس مرز جامد نیز بستگی دارد.

- ۳۰ - کدام مورد، در خصوص میدان تنش در جریان سیال، صحیح است؟

- (۱) یک بردار با ۳ عضو است.
 (۲) یک تانسور با ۹ عضو است.
 (۳) درون جریان تانسوری با ۹ عضو و بر روی سطوح مرزی جریان برداری با ۳ عضو است.
 (۴) همه موارد، در صورتی که سیال نیوتونی باشد.

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۰

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - تبدیل انرژی (کد ۲۳۲۴) ۲۶۶ F

- ۳۱ - انهدام اگزرسی در یک شیر فشارشکن بی دررو که گازی ایده‌آل با ثابت R از آن عبور می‌کند و نسبت فشار

$$(k = \frac{c_p}{c_v}) \quad \text{در آن برابر با } 10^\circ \text{ باشد، چقدر است؟} \quad (T_0 \text{ دمای محیط, } c_p \text{ گرمای ویژه در فشار ثابت و } c_v)$$

(۱) صفر

$$T_0 R \ln 10^\circ \quad (2)$$

$$T_0 R \ln \frac{1}{10^\circ} \quad (3)$$

$$c_p T_0 \ln \left(\frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{k-1}{k}} - R \ln \frac{P_2}{P_1} \quad (4)$$

- ۳۲ - علامت $\left(\frac{\partial P}{\partial V} \right)_T$ برای یک ماده خالص، چگونه است؟

(۱) منفی

(۲) مثبت

(۳) مثبت یا صفر

- ۳۳ - یک سیستم ترمودینامیکی حاوی مایع و بخار، چندجزی (Multi-Component) و چندفازی (Multi-phase) است. شرط لازم و کافی برای تعادل این سیستم، کدام است؟

(۱) دما در همه فازها یکسان باشد.

(۲) فشار در همه فازها یکسان باشد.

(۳) دما، فشار و نرخ تبخیر و میعان در همه فازها یکسان باشد.

(۴) دما و فشار در همه فازها ثابت باشد و پتانسیل شیمیابی هر جزء (یمل) در تمام فازها یکسان باشد.

- ۳۴ - گازی دارای معادلات حالت $T = 3B \left(\frac{U^2}{NV} \right)^{\frac{1}{2}}$ و $P = \frac{U}{V}$ است. اگر گاز از دمای اولیه T_i و فشار اولیه P_i

یک انبساط ژول تامسون انجام دهد و فشار نهایی آن P_f باشد، دمای نهایی T_f چقدر است؟ (B یک ثابت مثبت است و در آن P, U, N, V و T به ترتیب فشار، انرژی داخلی، حجم، مول و دمای گاز هستند)

$$T_i \quad (1)$$

$$2T_i \quad (2)$$

$$T_i \left(\frac{P_f}{P_i} \right)^{\frac{1}{3}} \quad (3)$$

$$T_i \left(\frac{P_f}{P_i} \right) \quad (4)$$

- ۳۵ - یک سیستم بولتزمن با سه سطح انرژی غیردیژنر (Non degenerate energy level) با واحد 1° و 2° حاوی 10000 ذره و دارای انرژی کلی 2000 واحد است. تعداد حالت ماکرو (Macrostate) در این سیستم، کدام است؟

$$1001 \quad (2)$$

$$500,000 \quad (1)$$

$$501 \quad (4)$$

$$1000 \quad (3)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۱

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - تبدیل انرژی (کد ۲۳۲۴) F 266

- ۳۶ - تفاوت اساسی آمار کلاسیک (quantum statistics) و آمار کوانتومی (classical statistics)، در کدام مورد است؟

- ۱) توزیع ذرات در توزیع کلاسیک، دو برابر توزیع ذرات کوانتومی است.
- ۲) در توزیع کلاسیک، ذرات غیرقابل تمیزند و در توزیع کوانتومی، ذرات قابل تمیزند.
- ۳) در توزیع کلاسیک، ذرات قابل تمیزند و در توزیع کوانتومی، ذرات غیرقابل تمیزند.
- ۴) در توزیع کلاسیک، در هر تراز کوانتومی تنها یک ذره قرار می‌گیرد و در مدل کوانتومی، چنین محدودیتی وجود ندارد.

- ۳۷ - دو ساچمه سنگزنی هر یک با جرم m و گرمای ویژه c و دمای اولیه T_1 با سرعت V ، به یکدیگر برخورد می‌کنند و ساکن می‌شوند. با فرض اینکه در این فرایند، هیچ‌گونه انرژی به محیط داده نمی‌شود، دمای نهایی دو ساچمه کدام است؟

$$mcV \quad (1)$$

$$T_1 + \frac{V^2}{2c} \quad (2)$$

$$mcV + T_1 \quad (3)$$

$$m(T_1 + \frac{V^2}{2c}) \quad (4)$$

- ۳۸ - با توجه به منحنی تابع توزیع سرعت ماکسول - بولتزمن برای فضای سه‌بعدی، نقطه کار بهینه سیستم در کجا اتفاق می‌افتد؟

- ۱) در محتمل‌ترین سرعت
- ۲) در سرعت‌های بالا
- ۳) در سرعت‌های پایین
- ۴) به سایر پارامترهای سیستم نیز نیاز است.

- ۳۹ - دو گاز ایده‌آل در دما و فشار برابر، در یک محفظه عایق قرار داشته و توسط یک غشاء جدا شده‌اند. پس از برداشتن غشاء و اختلاط گازها، تغییر انتروپی ناشی از اختلاط ΔS_m کدام است؟

n_1	n_2
P	P
T	T

$$\left(x_1 = \frac{n_1}{n_1 + n_2}, x_2 = \frac{n_2}{n_1 + n_2} \right)$$

(۱) صفر

$$R \sum_{i=1}^2 x_i \ln \frac{1}{x_i} \quad (2)$$

$$-R \sum_{i=1}^2 x_i \ln \frac{1}{x_i} \quad (3)$$

$$\sum x_i S_{mi} + \sum x_i S_{\infty, mi} + R \left(\sum x_i \ln \frac{1}{x_i} - \ln P_r \right) \quad (4)$$

- ۴۰ - معادله حالت کلوزیوس برای یک گاز $P(v-b) = RT$ است. اگر R ثابت گاز باشد، کار انجام شده از حالت ۱ تا حالت ۲ در یک فرایند برگشت‌پذیر دما ثابت، چقدر است؟

$$mRT \ln \frac{P_2}{P_1} \quad (2)$$

$$mRT \ln \frac{P_1}{P_2} \quad (1)$$

$$mRT \ln \left(\frac{v_1 - b}{v_2 - b} \right) \quad (4)$$

$$mRT \ln \frac{v_1}{v_2} \quad (3)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۲

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - تبدیل انرژی (کد ۲۳۲۴) F 266

- ۴۱- سیستمی حاوی ۵ ذره و هفت سل، از توزیع آماری فرمی - دیراک (Fermi-Dirac) تبعیت می کند و در هر سل، بیشتر از یک ذره قرار نمی گیرد. تعداد حالات محتمل برای این سیستم، کدام است؟

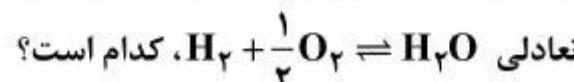
۲۱ (۲)

۷۲ (۴)

۱ (۱)

۳۶ (۳)

- ۴۲- اگر ثابت تعادل برای واکنش تعادلی $2H_2 + O_2 \rightleftharpoons 2H_2O$ باشد، ثابت تعادل برای واکنش



k_p (۲)

$2k_p$ (۱)

$\sqrt{k_p}$ (۴)

$\frac{k_p}{2}$ (۳)

- ۴۳- مقدار مول اکسیژن خالص موردنیاز برای سوختن یک مول خالص کربن که مول های مساوی CO_2 و CO حاصل شود، کدام است؟

۱/۵ (۲)

۳ (۴)

$0/75$ (۱)

۲ (۳)

- ۴۴- اگر ضریب ژول تامسون $\alpha = \frac{1}{v} \left(\frac{\partial v}{\partial T} \right)_P$ و ضریب انبساط حجمی $\beta = \left(\frac{\partial T}{\partial P} \right)_h$ باشد، دما در نقطه وارونگی (Inversion Point)، چقدر است؟

$\frac{1}{1-\alpha}$ (۲)

$\alpha(1-\alpha)$ (۱)

$\frac{1}{\alpha}$ (۴)

$\frac{1}{\alpha^2}$ (۳)

- ۴۵- مخزنی حاوی ۱ kmol هوا با دمای محیط برابر 300 K و فشار 300 kPa ، در مجاورت فضای خلاء با دو برابر حجم هوا قرار دارد. اگر زری هوا چقدر است؟

هوای	خلاء
V	۲V

$8/314 \times 300 \ln 6$ (۱)

$8/314 (300 \ln 6 - 100)$ (۲)

$8/314 (300 \ln 6 - 150)$ (۳)

$8/314 (300 \ln 6 - 250)$ (۴)