

269

F

نام:

نام خانوادگی:

محل امضاء:

269F

صبح جمعه
۹۳/۱۲/۱۵
دفترچه شماره ۱ از ۲



اگر دانشگاه اصلاح شود، مملکت اصلاح می‌شود.
امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی
دوره‌های دکتری (نیمه‌تمترکز) داخل
سال ۱۳۹۴

روشه مهندسی مکانیک – سازه و بدنه – گذرشته ۲۳۲۷

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوال‌ها

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره	ضریب
۱	مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات مهندسی، طراحی و تحلیل سازه و بدنه خودرو، ارتعاشات پیشرفتی)	۴۵	۱	۴۵	۴

این آزمون نمره منفی دارد.
استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

اسفندماه – سال ۱۳۹۳

حق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و ...) بس از برگزاری آزمون، برای نمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۲

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک – سازه و بدن (کد ۲۳۲۷) ۲۶۹F

دانلود کلیه سوالات عمومی و تخصصی آزمون دکتری در وب سایت پی اچ دی تست

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات مهندسی، طراحی و تحلیل سازه و بدن، خودرو، ارتعاشات پیشرفته):

$$\begin{cases} y'' + \lambda y = 0 \\ y(0) = 0 \\ y(\pi) = y'(\pi) \end{cases} \quad \text{برای توابع ویژه و مقادیر ویژه مسئله روبرو، کدام گزینه صحیح است؟} \quad -1$$

$$n = 0, 1, 2, 3, \dots, \tan(\alpha_n \pi) = 2\alpha_n \quad y_n(x) = \sin(\alpha_n x) \quad (1)$$

$$n = 0, 1, 2, 3, \dots, \tan(\alpha_n \pi) = \alpha_n \quad y_n(x) = \sin(\alpha_n x) \quad (2)$$

$$n = 0, 1, 2, 3, \dots, \tan(\alpha_n) = \alpha_n \quad y_n(x) = \sin(\alpha_n x) \quad (3)$$

$$n = 0, 1, 2, 3, \dots, \cot(\alpha_n \pi) = \alpha_n \quad y_n(x) = \sin(\alpha_n x) \quad (4)$$

پاسخ کراندار $w(x,t)$ مسئله مقدار اولیه کرانه‌ای زیر، کدام است؟ -2

$$\begin{cases} \frac{\partial^2 w}{\partial x^2} = \frac{\partial^2 w}{\partial t^2}, & x > 0, t > 0 \\ w(x,0) = \frac{\partial w(x,0)}{\partial t} = 0, & x \geq 0 \\ \frac{\partial w(0,t)}{\partial x} = \text{cost}, & t \geq 0 \end{cases}$$

$$-2, \text{ که در آن، } u \text{ تابع پله واحد است.} \quad (1)$$

$$-\frac{1}{2} \sin(2t - 2x) u(t-x), \text{ که در آن، } u \text{ تابع پله واحد است.} \quad (2)$$

$$-\sin(t-x) u(t-x), \text{ که در آن، } u \text{ تابع پله واحد است.} \quad (3)$$

(4) پاسخ کراندار ندارد.

یک راه حل مسئله مقدار اولیه کرانه‌ای (یا مرزی) به صورت زیر: -3

$$\begin{cases} u_{tt} - a^2 u_{xx} = f(x,t), & 0 < x < L, t > 0 \\ u(x,0) = g(x), u_t(x,0) = h(x) \\ u(0,t) = 0 = u(L,t), t > 0 \end{cases}$$

u و g و h توابع تکه‌ای هموار داده شده‌اند) آن است که شرایط اولیه داده شده و توابع f (علوم) و

(مجهول) را بر حسب یک پایه متعامد مناسب $\{\phi_k(x)\}_{k=1}^{\infty}$ ، به صورت زیر بسط دهیم:

$$u(x,t) = \sum_{k=1}^{\infty} u_k(t) \phi_k(x), \quad f(x,t) = \sum_{k=1}^{\infty} f_k(t) \phi_k(x), \quad g(x) = \sum_{k=1}^{\infty} g_k \phi_k(x), \quad h(x) = \sum_{k=1}^{\infty} h_k \phi_k(x)$$

و سپس با قرار دادن این کاندیداها در معادلات مسئله داده شده، مجهولات $u_k(t)$ را بیابیم. در این صورت

پایه متعامد $\{\phi_k(x)\}_{k=1}^{\infty}$ ، کدام است؟

$$\left\{ \cos \frac{k\pi x}{L} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (2)$$

$$\left\{ \sin \frac{k\pi x}{L} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (1)$$

$$\left\{ \cos \frac{(2k-1)\pi x}{2L} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (4)$$

$$\left\{ \sin \frac{(2k-1)\pi x}{2L} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (3)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۴

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - سازه و بدن (کد ۲۲۲۷) (۲۶۹F)

-۴ سری فوریه سینوسی نیم‌دامنه تابع $f(x) = x \sin x$ ، $0 \leq x \leq \pi$ ، کدام است؟

$$\sum_{m=1}^{\infty} \frac{-16m}{\pi(2m-1)^2(2m+1)^2} \sin(2mx) \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{2} \sin x + \sum_{m=1}^{\infty} \frac{-8m}{\pi(2m-1)^2(2m+1)^2} \sin(2mx) \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{2} \sin x + \sum_{m=1}^{\infty} \frac{-16m}{\pi(2m-1)^2(2m+1)^2} \sin(2mx) \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{2} \sin x + \sum_{m=1}^{\infty} \frac{-16m}{\pi(2m-1)^2(2m+1)^2} \sin((2m-1)x) \quad (4)$$

-۵ برای تابع $f(x) = x \cos x$ ، $0 < x < \pi$ ، سری فوریه کسینوسی نیم‌دامنه را در نظر می‌گیریم. سه جمله اول این سری، کدام است؟

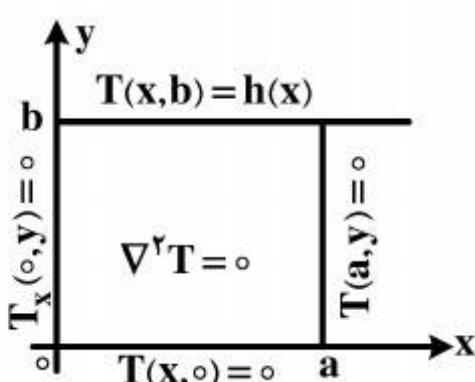
$$-\frac{2}{\pi} + \pi \cos x - \frac{2}{9\pi} \cos 2x \quad (1)$$

$$-\frac{2}{\pi} + \cos x - \frac{2}{9\pi} \cos 2x \quad (2)$$

$$-\frac{2}{\pi} + \frac{\pi}{2} \cos x - \frac{1}{9\pi} \cos 2x \quad (3)$$

$$-\frac{2}{\pi} + \frac{\pi}{2} \cos x - \frac{2}{9\pi} \cos 2x \quad (4)$$

-۶ در مسئله مقدار مرزی معادله دیفرانسیل لاپلاس زیر، پایه متعامد بسط تابع $h(x)$ داده شده به سری فوریه، کدام است؟



$$\left\{ \cos \frac{k\pi x}{2a} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (1)$$

$$\left\{ \cos \frac{(2k-1)\pi x}{2a} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (2)$$

$$\left\{ \sin \frac{(2k-1)\pi x}{2a} \right\}_{k=1}^{\infty} \quad (3)$$

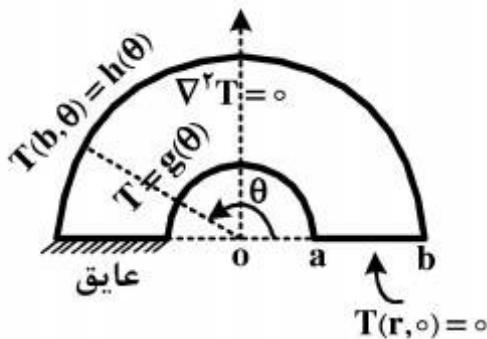
$$\left\{ \frac{1}{2}, \cos \frac{\pi x}{a}, \cos \frac{2\pi x}{a}, \dots, \cos \frac{k\pi x}{a}, \dots \right\} \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۵

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - سازه و بدن (کد ۲۲۲۷) (۲۶۹F)

-۷ برای مسئله مقدار مرزی زیر، در مورد معادله دیفرانسیل لاپلاس در داخل یک نیم‌طوق، کدام‌ید جواب به کدام صورت است؟



$$T(r, \theta) = \sum_{k=1}^{\infty} A_k r^k \sin(k\theta) \quad (1)$$

$$T(r, \theta) = \sum_{k=1}^{\infty} (A_k r^k + B_k r^{-k}) \sin\left(\frac{rk-1}{2}\right)\theta \quad (2)$$

$$\alpha_k = \left(\frac{rk-1}{2}\right), T(r, \theta) = \sum_{k=1}^{\infty} A_k r^{\alpha_k} \sin\left(\frac{rk-1}{2}\right)\theta \quad (3)$$

$$\alpha_k = \left(\frac{rk-1}{2}\right), T(r, \theta) = \sum_{k=1}^{\infty} (A_k r^{\alpha_k} + B_k r^{-\alpha_k}) \sin\left(\frac{rk-1}{2}\right)\theta \quad (4)$$

-۸ در معادله رویه مینیمال جواب‌هایی به صورت $\mathbf{u}(x, y) = \mathbf{F}(x) + \mathbf{G}(y)$ کدام هستند؟

$$u(x, y) = \frac{-1}{c} \ln \cos(cx + c_1) + c_2 + \frac{1}{c} \ln \cos(-cy + d_1) + d_2 \quad (1)$$

$$u(x, y) = \frac{1}{c} \ln \cos(cx + c_1) + c_2 + \frac{1}{c} \ln \cos(-cy + d_1) + d_2 \quad (2)$$

$$u(x, y) = \frac{-1}{c} \ln \cos(cx + c_1) + c_2 + \frac{1}{c} \ln \cos(cy + d_1) + d_2 \quad (3)$$

$$u(x, y) = \frac{1}{c} \ln \cos(cx + c_1) + c_2 + \frac{1}{c} \ln \cos(cy + d_1) + d_2 \quad (4)$$

-۹ با فرض اینکه، جواب مسئله مقدار اولیه $\begin{cases} u_t - u_{xx} = 0 \\ u(x, 0) = \phi(x) \end{cases}$ و ϕ تابع معلوم، به صورت

$$u(x, t) = \frac{1}{2\sqrt{\pi t}} \int_{-\infty}^{\infty} \phi(\zeta) e^{\frac{-(x-\zeta)^2}{4t}} d\zeta$$

$$\phi(x) = \begin{cases} T_1, & x > 0 \\ T_2, & x < 0 \end{cases}$$

$$u(x, t) = \frac{T_1 + T_2}{2} + \frac{T_1 - T_2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{\sqrt{4t}}} e^{-\alpha^2} d\alpha \quad (1)$$

$$u(x, t) = \frac{T_1 - T_2}{2} + \frac{T_1 + T_2}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{\sqrt{4t}}} e^{-\alpha^2} d\alpha \quad (2)$$

$$u(x, t) = (T_1 - T_2) \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{\sqrt{4t}}} e^{-\alpha^2} d\alpha \right) \quad (3)$$

$$u(x, t) = (T_1 + T_2) \left(\frac{1}{2} + \frac{1}{\sqrt{\pi}} \int_0^{\frac{x}{\sqrt{4t}}} e^{-\alpha^2} d\alpha \right) \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

-۱۰ مقدار انتگرال $I = \int_0^\infty \frac{(\ln x)^r}{1+x^r} dx$ کدام است؟

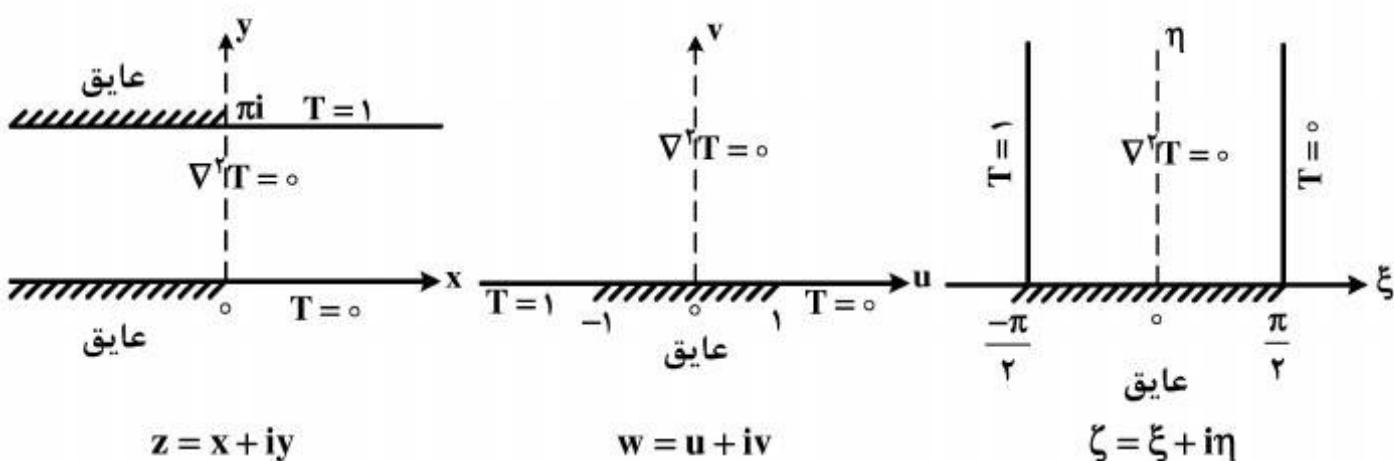
$$\frac{\pi^r}{16} \quad (1)$$

$$\frac{\pi^r}{8} \quad (2)$$

$$\frac{\pi^r}{4} \quad (3)$$

$$\frac{\pi^r}{8} + \frac{\pi^r}{4} \quad (4)$$

-۱۱ سه مسئله مقدار مرزی زیر، برای معادله دیفرانسیل لاپلاس داده شده‌اند. جواب کراندار در نیمه نوار قائم و دو نگاشت مناسب از صفحه ζ به صفحه w و سپس از صفحه w به صفحه T که جواب‌های کراندار دو مسئله مقدار مرزی دیگر را بدھند، کدامند؟



$$z = e^w, w = \sin \zeta, T(\xi, \eta) = \frac{1}{\pi} \left(\frac{\pi}{2} - \xi \right) \quad (1)$$

$$w = \operatorname{Log} z, \zeta = \sin w, T(\xi, \eta) = \frac{1}{\pi} \left(\xi - \frac{\pi}{2} \right) \quad (2)$$

$$w = \operatorname{Log} z, w = \sin \zeta, T(\xi, \eta) = \frac{1}{\pi} \left(\frac{\pi}{2} - \xi \right) \quad (3)$$

$$z = \operatorname{Log} w, w = \sin \zeta, T(\xi, \eta) = \frac{1}{\pi} \left(\frac{\pi}{2} - \xi \right) \quad (4)$$

-۱۲ با انتگرال‌گیری از تابع مختلط $f(z) = \frac{e^{az}}{1+e^z}$ روى کرانه مستطيل $|x| < R$ ، با انتگرال‌گیری از تابع مختلط $f(z) = \frac{e^{az}}{1+e^z}$ روى کرانه مستطيل $|x| < R$

در جهت مثلثاتي، و سپس ميل دادن $R \rightarrow \infty$ ، مقدار $\int_{-\infty}^{\infty} \frac{e^{ax}}{1+e^x} dx$ کدام است؟

$$\frac{2\pi}{\sin(\pi a)} \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{\sin(\pi a)} \quad (1)$$

$$\frac{2\pi}{\sinh(\pi a)} \quad (4)$$

$$\frac{\pi}{\sinh(\pi a)} \quad (3)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۷

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - سازه و بدن (کد ۲۳۲۷) ۲۶۹F

- ۱۳ - اگر $f(z)$ تابع تام، $|chz f(z)| \leq 1$ و $f(\infty) = 2$ آنگاه مقدار $f(\ln 2)$ کدام است؟

(۱) صفر

(۲) $\frac{3}{4}$

(۳) ۱

(۴) $\frac{8}{5}$

- ۱۴ - در صورتی که به ازای هر نقطه $z = r_0 e^{i\theta}$ در داخل دایره $\zeta = r_0 e^{i\phi}$ ، $0 \leq \phi < 2\pi$ داشته باشیم

$$f(r_0 e^{i\theta}) = \frac{r_0^2 - r^2}{2\pi} \int_0^{2\pi} \frac{f(r_0 e^{i\phi})}{|\zeta - z|} d\phi$$

حقیقی f باشد، آنگاه $f(r_0 e^{i\theta}) = \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} P(r_0, r, \phi - \theta) u(r_0, \phi) d\phi$. در این صورت، کدامیک از موارد

زیر، صحیح نیست؟

$$(1) \frac{1}{2\pi} \int_0^{2\pi} P(r_0, r, \phi - \theta) d\phi = 1$$

$$(2) P(r_0, r, \phi - \theta) = \frac{r_0^2 - r^2}{r_0^2 + 2rr_0 \cos(\phi - \theta) + r^2}$$

(3) تابع $P(r_0, r, \phi - \theta)$ همیشه مثبت است.

(4) تابع $P(r_0, r, \phi - \theta)$ تابعی زوج و دوره‌ای (متناوب) از $(\phi - \theta)$ است.

- ۱۵ - در مورد خودالحاق (self Adjoint) بودن معادله دیفرانسیل زیر، کدام عبارت صحیح است؟

$$xy'' + (1-x)y' + ay = 0$$

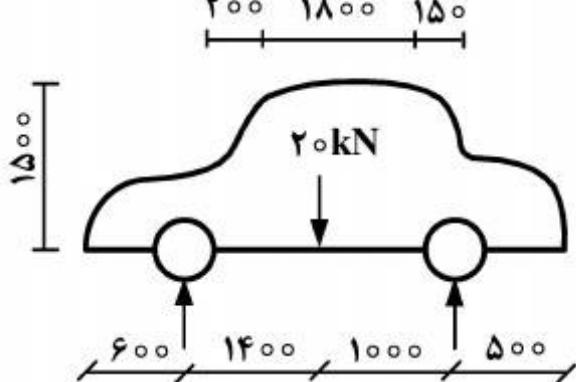
(۱) با ضرب در x خودالحاق می‌شود.

(۲) با ضرب در $\frac{1}{x}$ خودالحاق می‌شود.

(۳) با ضرب در e^{-x} خودالحاق می‌شود.

(۴) خودالحاق است.

- ۱۶ - خودرو شکل زیر، در حال سکون و تحت بارهای استاتیکی قرار دارد. نیرویی که به پانل سقف وارد می‌شود، چند kN است؟ (ابعاد بر حسب میلی‌متر است.)



(۱) صفر

(۲) ۱۳,۳۴

(۳) ۱۸,۶۷

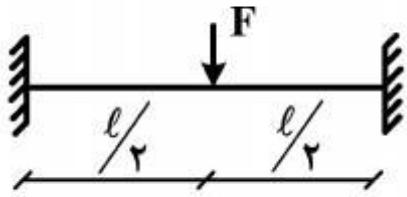
(۴) ۳۲

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۸

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک – سازه و بدن (کد ۲۳۲۷) ۲۶۹F

- ۱۷- در شکل زیر، مقدار نیروی F که باعث فروریزش پلاستیک در تیر می‌شود، چند برابر $\frac{M_p}{\ell}$ است؟

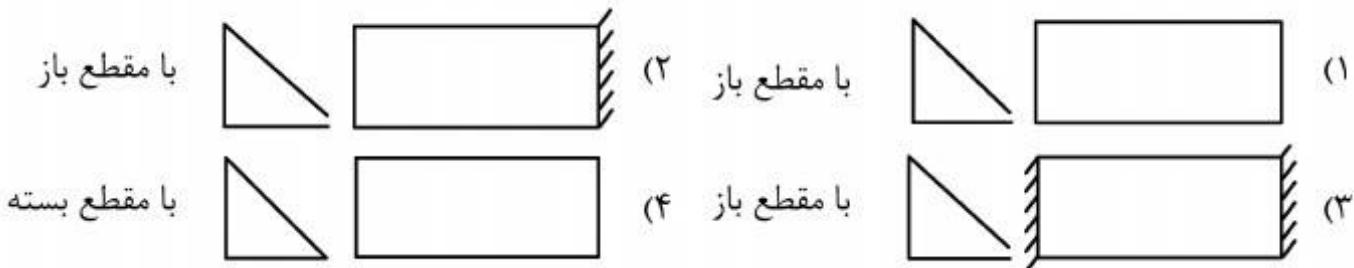


- ۰/۵ (۱)
۲ (۲)
۴ (۳)
۸ (۴)

- ۱۸- در آزمون‌های برخورد از جلو، سرعت خودرو تقریباً چند $\frac{m}{s}$ است؟

- ۱۰ (۱)
۵۰ (۴)
۳۰ (۳)

- ۱۹- در هر کدام از موارد زیر، یک عضو تحت پیچش با مقطع مثلثی، با شرایط مرزی مختلف نشان داده شده است. زاویه پیچش در کدام مورد بزرگتر است؟



- ۲۰- برای اعضای تحت بار محوری، کدام مقطع، مقاومت بیشتری در برابر کمانش دارد؟



- ۲۱- سفتی خمشی مطلوب برای بدن خودرو سواری، تقریباً چند $\frac{N}{mm}$ است؟

- ۱۰۰۰ (۲)
۱۰۰ (۱)
۱۰۰۰۰۰ (۴)
۱۰۰۰۰ (۳)

- ۲۲- گستره مطلوب برای فرگانس خمشی بدن خودرو سواری، چند هرتز است؟

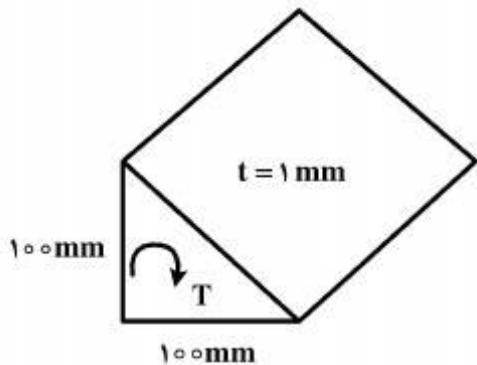
- ۱۵-۱۷ (۲)
۲۲-۲۵ (۴)
۱۰-۱۵ (۱)
۱۹-۲۲ (۳)

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۹

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک – سازه و بدن (کد ۲۳۲۷) ۲۶۹F

- ۲۳ - در شکل زیر، زاویه پیچش برای تیر با مقطع مثلث، تحت گشتاور پیچشی $T = 25 \times 10^4 \text{ Nmm}$ ، چند رادیان است؟



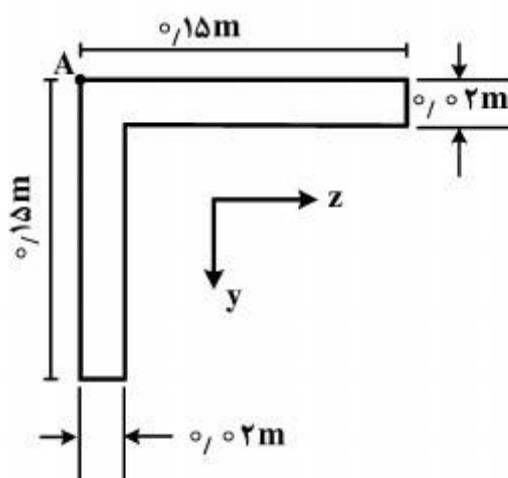
$$5/47 \times 10^{-2} \quad (1)$$

$$6/9 \times 10^{-2} \quad (2)$$

$$5/47 \times 10^{-3} \quad (3)$$

$$6/9 \times 10^{-3} \quad (4)$$

- ۲۴ - نبشی شکل زیر، تحت خمس قرار دارد. تنش در نقطه A چند MPa است؟



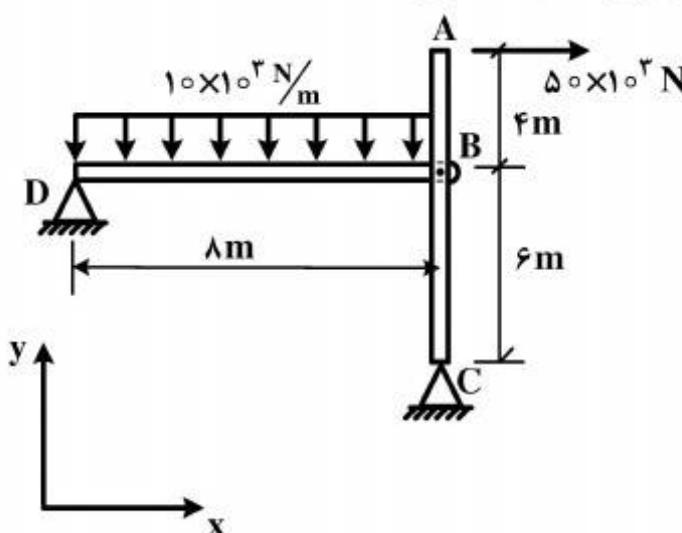
$$114 \quad (1)$$

$$132 \quad (2)$$

$$154 \quad (3)$$

$$172 \quad (4)$$

- ۲۵ - در سازه شکل زیر، عکس العمل افقی تکیه‌گاه D، چند نیوتن است؟



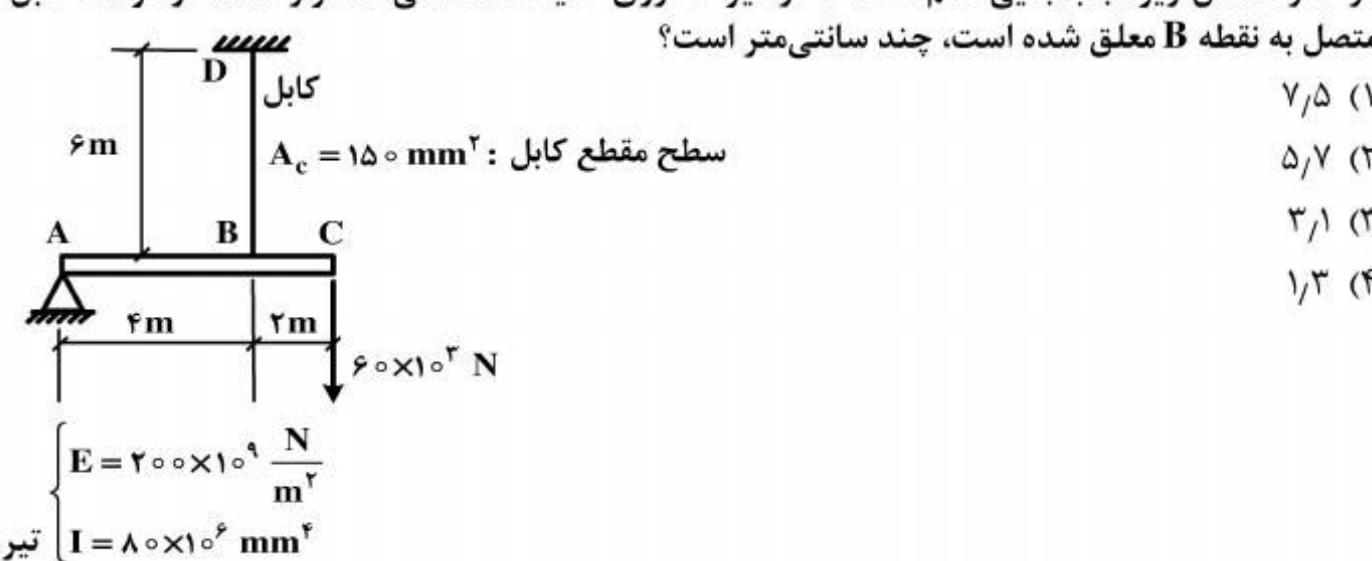
$$16666/7 \quad (1)$$

$$33333/3 \quad (2)$$

$$66666/7 \quad (3)$$

$$83333/3 \quad (4)$$

- ۲۶ - در سازه شکل زیر، جابه‌جایی قائم نقطه C از تیر که روی تکیه‌گاه مفصلی A قرار داشته و توسط کابل متصل به نقطه B معلق شده است، چند سانتی‌متر است؟



$$7/5 \quad (1)$$

$$5/7 \quad (2)$$

$$3/1 \quad (3)$$

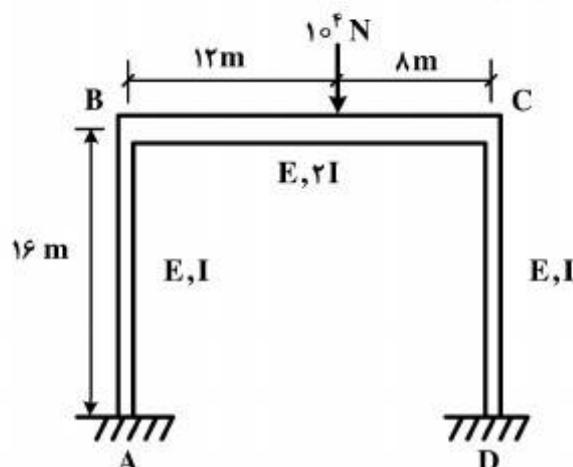
$$1/3 \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۰

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - سازه و بدن (کد ۲۳۲۷) ۲۶۹F

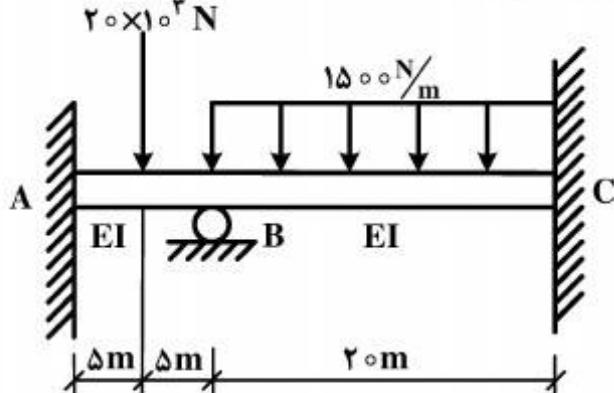
- ۲۷- در سازه شکل زیر، چنانچه ممان سطح مقطع تیر BC دو برابر ستون های جانبی AB و CD باشد، تحت بارگذاری نشان داده شده، عکس العمل افقی تکیه گاه ستون ها، چند نیوتون است؟



- (۱) ۶۲۵
(۲) ۱۲۵۰
(۳) ۲۵۰۰
(۴) ۵۰۰۰

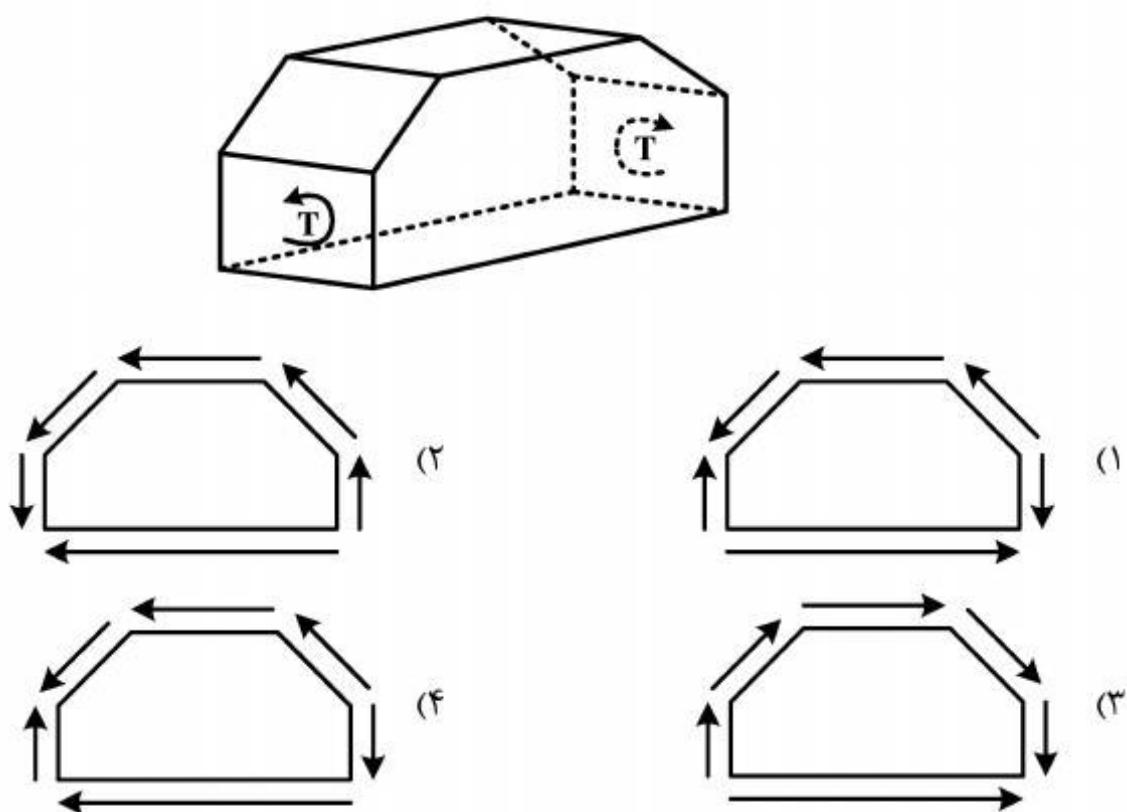
- ۲۸- در سازه شکل زیر، اگر ضرایب پخش لنگر در محل تکیه گاه B در سمت AB، برابر $\frac{2}{3}$ و در سمت BC

برابر $\frac{1}{3}$ باشد، ممان خمشی تیر در تکیه گاه B، چند کیلونیوتون متر است؟



- (۱) ۸/۳۳
(۲) ۱۶/۶۷
(۳) ۴۱/۶۷
(۴) ۵۴/۱۷

- ۲۹- در شکل زیر، کابین یک خودرو سواری، تحت گشتاور پیچشی با استفاده از المان های ساده سازی سطح (sss)، مدل سازی شده است. دیاگرام آزاد صحیح برای پانل جانبی، کدام است؟

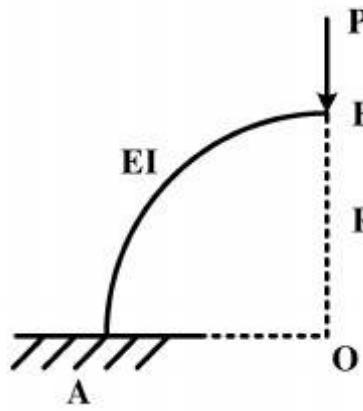


پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۱

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - سازه و بدن (کد ۲۲۲۷) ۲۶۹F

- ۳۰- سازه شکل زیر، یک تیر با سختی EI و مقطع ثابت، به صورت $\frac{1}{4}$ دایره به شعاع R است. جابه‌جایی در جهت بار، کدام است؟



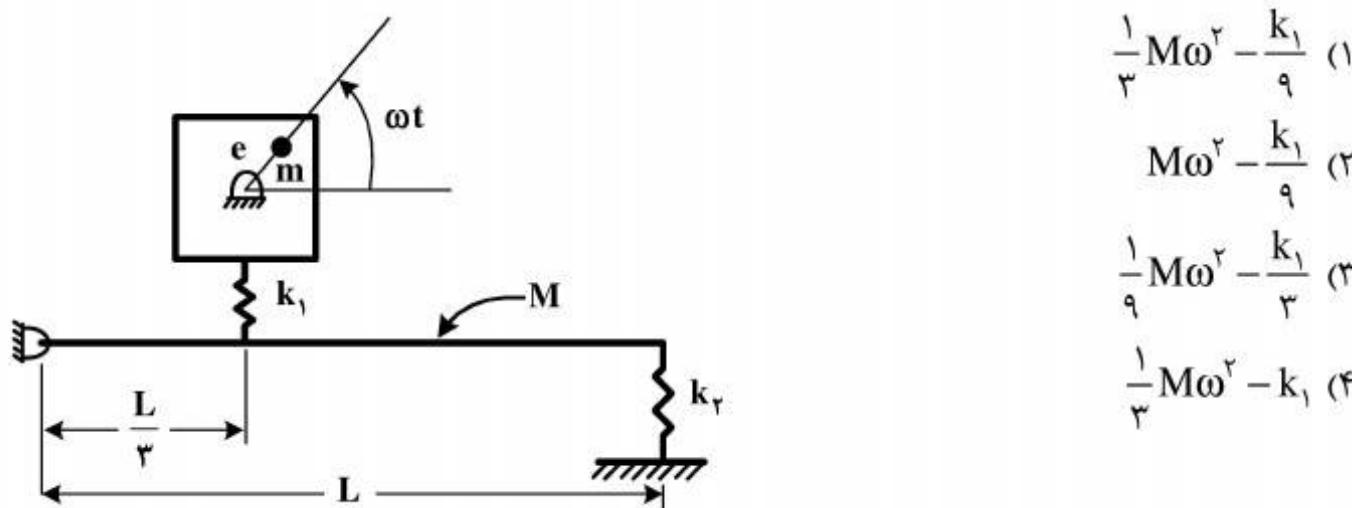
$$\frac{\pi PR^3}{EI} \quad (1)$$

$$\frac{\pi PR^3}{2EI} \quad (2)$$

$$\frac{\pi PR^3}{3EI} \quad (3)$$

$$\frac{\pi PR^3}{4EI} \quad (4)$$

- ۳۱- در سیستمی مطابق شکل زیر، مقدار k_2 برای اینکه ماشین سوار شده روی میله ایزوله شود، کدام است؟



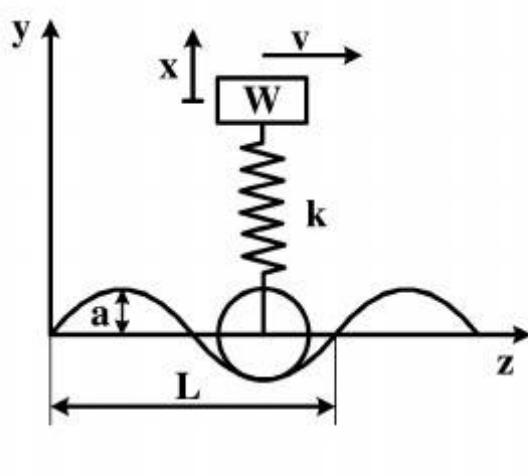
$$\frac{1}{3}M\omega^2 - \frac{k_1}{9} \quad (1)$$

$$M\omega^2 - \frac{k_1}{9} \quad (2)$$

$$\frac{1}{9}M\omega^2 - \frac{k_1}{3} \quad (3)$$

$$\frac{1}{3}M\omega^2 - k_1 \quad (4)$$

- ۳۲- مدل یک درجه آزادی اتومبیل در شکل زیر، با سرعت v بر روی یک مسیر با منحنی سینوسی و با دامنه a حرکت می‌کند. سرعت بحرانی کدام است؟ (W : وزن اتومبیل)



$$\frac{L}{\pi} \sqrt{\frac{k \cdot g}{W}} \quad (1)$$

$$\frac{a}{\pi} \sqrt{\frac{k \cdot g}{W}} \quad (2)$$

$$\frac{L}{2\pi} \sqrt{\frac{k \cdot g}{W}} \quad (3)$$

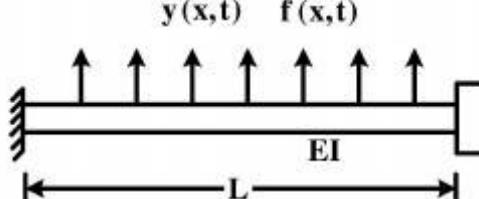
$$\frac{a}{2\pi} \sqrt{\frac{k \cdot g}{W}} \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۲

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - سازه و بدن (کد ۲۳۲۷) (۲۶۹F)

- ۳۳ - معادله ارتعاشی تیر با بارگذاری نشان داده شده روبرو، کدام است؟
 $(0 < x < L)$



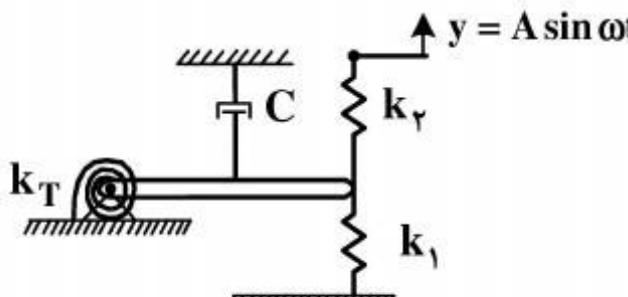
$$-\frac{\partial^2}{\partial x^2} \left[EI \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial x^2} \right] + f(x,t) = m(x) \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial t^2} \quad (1)$$

$$\frac{\partial^2}{\partial x^2} \left[EI \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial x^2} \right] + f(x,t) = m(x) \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial t^2} \quad (2)$$

$$\frac{\partial^2}{\partial x^2} \left[EI \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial x^2} \right] + f(x,t) = m(x) \frac{\partial y(x,t)}{\partial t} \quad (3)$$

$$-\frac{\partial^2}{\partial x^2} \left[EI \frac{\partial^2 y(x,t)}{\partial x^2} \right] + f(x,t) = m(x) \frac{\partial y(x,t)}{\partial t} \quad (4)$$

- ۳۴ - دامنه و فاز پاسخ ماندگار میله صلب شکل زیر، به جرم m و طول L در برابر حرکت سینوسی انتهای آزاد فنر k_2 کدام است؟ (میراکننده لزج C در وسط میله قرار گرفته و میله همگن است.)



$$x = A \quad \phi = \frac{\pi}{2} \quad (1)$$

$$x = \frac{Ak_2}{\sqrt{(k_T + k_1 + k_2 - m\omega^2)^2 + (C\omega)^2}} \quad \phi = \tan^{-1} \frac{C\omega}{(k_T + k_1 + k_2 - m\omega^2)} \quad (2)$$

$$x = \frac{k_2 l A}{\sqrt{(k_T + k_1 l^2 + k_2 l^2 - \frac{ml^2}{12}\omega^2)^2 + (\frac{Cl}{4}\omega)^2}} \quad \phi = \tan^{-1} \frac{\frac{Cl}{4}\omega}{(k_T + k_1 l^2 + k_2 l^2) - \frac{ml^2}{12}\omega^2} \quad (3)$$

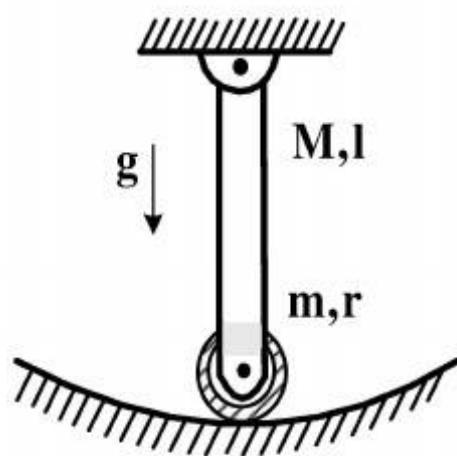
$$x = \frac{k_2 l A}{\sqrt{(k_T + k_1 l^2 + k_2 l^2 - \frac{ml^2}{12}\omega^2)^2 + (\frac{Cl}{4}\omega)^2}} \quad \phi = \tan^{-1} \left\{ \frac{\frac{Cl}{4}\omega}{[(k_T + k_1 l^2 + k_2 l^2) - \frac{ml^2}{12}\omega^2]} \right\} \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۳

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک – سازه و بدن (کد ۲۳۲۷) ۲۶۹F

- ۳۵ - فرکانس نوسانات آزاد با دامنه کوچک سیستم زیر، با فرض غلتش خالص دیسک همگن به جرم m و شعاع r بر روی سطح داخلی سیلندر کدام است؟ (میله صلب و یکنواخت بوده و جرم و طول آن، به ترتیب M و l و تمام اتصالات لولا هستند).



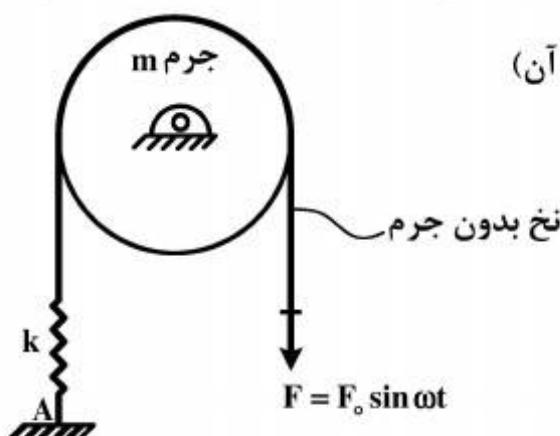
$$\sqrt{\frac{g}{1}} \quad (1)$$

$$\sqrt{\frac{(M+m)g}{\left(\frac{M}{3} + \frac{m}{2}\right)l}} \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{\left(\frac{M}{2} + m\right)g}{\left(\frac{M}{3} + m\right)l}} \quad (3)$$

$$\sqrt{\frac{\left(\frac{M}{2} + m\right)g}{\left(\frac{M}{3} + \frac{3m}{2}\right)l}} \quad (4)$$

- ۳۶ - نیروی هارمونیک مطابق شکل زیر، به نخ بدون جرم و غیرکشسان که روی دیسک غلتش ناب دارد، وارد می‌شود. اگر فرکانس تحریک $\omega = \sqrt{\frac{k}{m}}$ باشد، دامنه نیروی وارد بر زمین در A چقدر است؟ (R = شعاع و m = جرم دیسک و $\frac{1}{2}mR^2$ = ممان اینرسی دیسک حول مرکز آن)



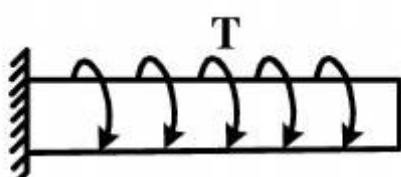
(۱) صفر

F_0 (۲)

$2F_0$ (۳)

(۴) بینهایت

- ۳۷ - معادله ارتعاش پیچشی میله شکل زیر، کدام است؟ (ρ = چگالی، G = مدول برشی و J = ممان قطبی سطح مقطع)



$$\rho J \ddot{\theta} - JG \dot{\theta}' = T(x, t) \quad (1)$$

$$\rho J \ddot{\theta} - JG \dot{\theta}'' = T(x, t) \quad (2)$$

$$\rho J \dot{\theta} + JG \dot{\theta}'' = T(x, t) \quad (3)$$

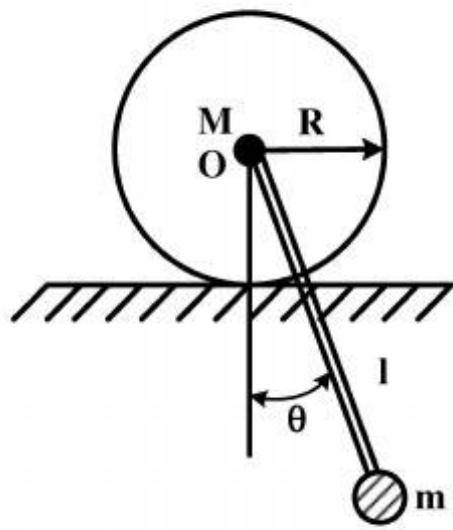
$$\rho J \ddot{\theta} + JG \dot{\theta}'' = T(x, t) \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۴

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - سازه و بدن (کد ۲۳۲۷) ۲۶۹F

- ۳۸- فرکانس طبیعی f_n سیستم زیر، شامل یک دیسک به جرم M که در نقطه O میله بدون جرمی به طول l به آن جوش خورده و در انتهای میله، گلوله m با ابعاد کوچک به آن وصل شده، کدام است؟ (زاویه θ ، کوچک و ممان اینرسی دیسک حول نقطه O , I_0 فرض شود.)



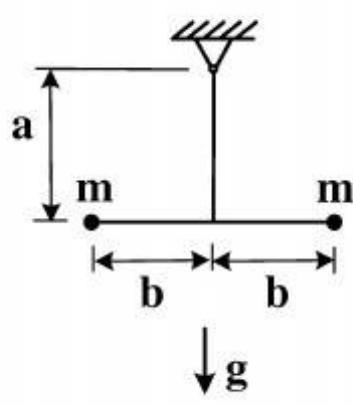
$$\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{mgl^2}{I_0 + MR^2 - m(l+R)^2}} \quad (1)$$

$$\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{mgl}{I_0 + MR^2 + m(l-R)^2}} \quad (2)$$

$$\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{mgl}{I_0 + M(R-l)^2}} \quad (3)$$

$$\frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{mgl}{I_0 + MR^2 + ml^2}} \quad (4)$$

- ۳۹- مجدور فرکانس طبیعی سیستم نشان داده شده زیر، بدون درنظر گرفتن جرم میله، کدام است؟



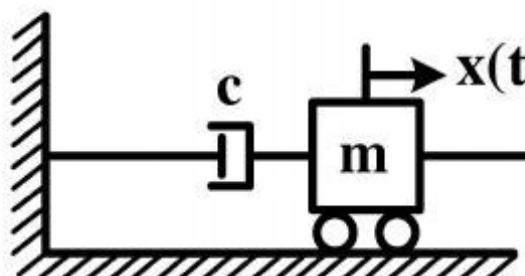
$$\frac{g}{a} \quad (1)$$

$$\frac{g}{(a+b)} \quad (2)$$

$$\frac{ga}{(a+b)^2} \quad (3)$$

$$\frac{ga}{(a^2 + b^2)} \quad (4)$$

- ۴۰- پاسخ سیستم جرم و دمپر زیر تحت ورودی واحد، کدام است؟ (سیستم ابتدا در حالت سکون و در مبدأ فرض شود.)



$$\frac{1}{c} \left(\frac{-c}{1 - e^{-\frac{c}{m}t}} \right) \quad (1)$$

$$\frac{1}{m} \left(\frac{-c}{1 - e^{-\frac{c}{m}t}} \right) \quad (2)$$

$$\frac{1}{c} \left(\frac{-m}{1 - e^{-\frac{m}{c}t}} \right) \quad (3)$$

$$\frac{1}{m} \left(\frac{-m}{1 - e^{-\frac{m}{c}t}} \right) \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۵

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک – سازه و بدن (کد ۲۲۲۷) ۲۶۹F

-۴۱ در ارتعاشات اجباری تحت محرك هارمونيك برای یک سیستم جرم - فنر - میراکننده لزجی یک درجه آزادی، نسبت دامنه دینامیکی پاسخ به دامنه استاتیکی آن، کوچکتر از یک و فرکانس تحریک، کوچکتر از فرکانس طبیعی سیستم است. کدام مورد، در خصوص نسبت میرایی این سیستم (۱) امکان‌پذیر است؟

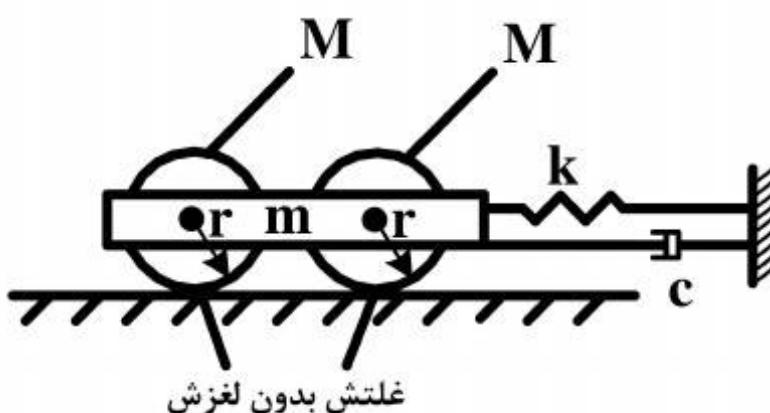
$$(2) \frac{1}{2} < \zeta < 1$$

$$(3) \frac{1}{3} < \zeta < \frac{1}{2}$$

$$(1) \zeta > 1$$

$$(4) \zeta < \frac{1}{3}$$

-۴۲ ضریب میرایی بحرانی، C_{cr} سیستم زیر، کدام است؟ (توزیع جرم چرخها یکنواخت فرض شود).



$$(1) \sqrt{2k(3m+M)}$$

$$(2) \sqrt{2k(3M+m)}$$

$$(3) \sqrt[3]{k(2M+m)}$$

$$(4) \sqrt[2]{k(3M+m)}$$

-۴۳ برای یک سیستم جرم و فنر، زاویه فاز بین پاسخ و تحریک هارمونیک است.

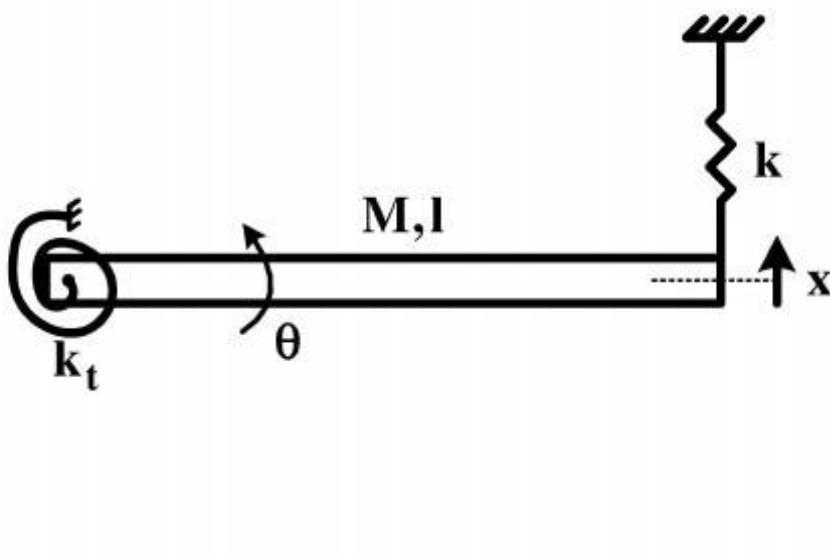
$$(1) ۰^\circ$$

$$(2) ۱۸۰^\circ$$

$$(3) صفر یا ۱۸۰^\circ$$

$$(4) به جرم و سختی فنر وابسته$$

-۴۴ فرکانس طبیعی سیستم ارتعاشاتی زیر، کدام است؟ (میله صلب، نازک و با توزیع جرم یکنواخت فرض شود).



$$(1) \sqrt{\frac{(k_t + kl^2)}{MI^2}}$$

$$(2) \sqrt{\frac{(k_t + 2kl^2)}{MI^2}}$$

$$(3) \sqrt{\frac{3(k_t + kl^2)}{MI^2}}$$

$$(4) \sqrt{\frac{3(k_t + 2kl^2)}{MI^2}}$$

-۴۵ درباره معادله دیفرانسیل $\ddot{X} + \beta X = 0$ ، کدام مورد صحیح است؟

(۱) همواره ارتعاشی است.

(۲) در صورتی که $\beta > 0$ باشد، ارتعاشی است.

(۳) در صورتی که $\beta > C_{cr}$ باشد، ارتعاشی است.

(۴) در صورتی که $\beta > 0$ باشد و نیروی خارجی وجود نداشته باشد، ارتعاش نخواهد داشت.

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۶

آزمون تخصصی رشته مهندسی مکانیک - سازه و بدن (کد ۲۲۲۷) ۲۶۹F

[دانلود کلیه سوالات عمومی و تخصصی آزمون دکتری در وب سایت پی اچ دی تست](#)