



507F

کد کنترل

507

F

آزمون (نیمه‌تمکز) ورود به دوره‌های دکتری – سال ۱۴۰۲

دفترچه شماره (۱)

صبح پنج شنبه

۱۴۰۱/۱۲/۱۱



جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»
امام خمینی (ره)

مهندسی مکانیک – طراحی کاربردی (کد ۲۳۲۲)

زمان پاسخ‌گویی: ۱۳۵ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: – ریاضیات مهندسی – مکانیک محیط پیوسته – تئوری الاستیسیته	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با مخالفین برابر مقررات رفتار می‌شود.

پی اچ دی قست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۲

(۵۰۷F)

مهندسی مکانیک - طراحی کاربردی (کد ۲۳۲۲)

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول زیر، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ نامه و دفترچه سوالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی جلد دفترچه سوالات و پایین پاسخ نامه ام را تأیید می نمایم.

امضا:

مجموعه دروس تخصصی (ریاضیات مهندسی - مکانیک محیط پیوسته - تئوری الاستیسیته):

$$\text{مسئله } -1 \quad \begin{cases} 2y'' + y = 0, 0 < x < \pi \\ y(0) = 1 \\ y(\pi) = a \end{cases}$$

باشد و $Y_s(x) = \frac{108}{17\pi}$ ، مقدار a کدام است؟

۴ (۱)

۶ (۲)

۸ (۳)

۱۰ (۴)

معادله $y'' + \lambda y = 0 ; x \in (0, \pi)$ را به همراه شرایط کرانه‌ای $y(0) = y(\pi) = 0$ و $y'(0) = y'(\pi)$ به ازای مقدار ویژه λ در نظر بگیرید. کدام مورد درست است؟

۱) هر دو تابع $\cos(nx)$ و $\sin(nx)$ ، توابع ویژه متناظر با n مین مقدار ویژه مثبت هستند.

۲) تنها برای مقدار ویژه صفر، تابع ویژه ساده (یک تابع ویژه مستقل خطی) است.

۳) برخی توابع ویژه (متمايز) مسئله، در بازه $[0, \pi]$ بر یك دیگر عمود نیستند.

۴) کوچک‌ترین مقدار ویژه مثبت، $1 = \lambda$ است.

$$\text{مسئله } -3 \quad \text{فرض کنید سری فوریه تابع } f(x) = \begin{cases} -4k & -2 \leq x \leq 1 \\ kx + 5 & 1 < x \leq 2 \end{cases} \text{ در } x=1 \text{ به } k \text{ همگرا باشد. مقدار } k, \text{ کدام است؟}$$

۱) صفر

۲ (۱)

$\frac{5}{4}$ (۳)

۲ (۴)

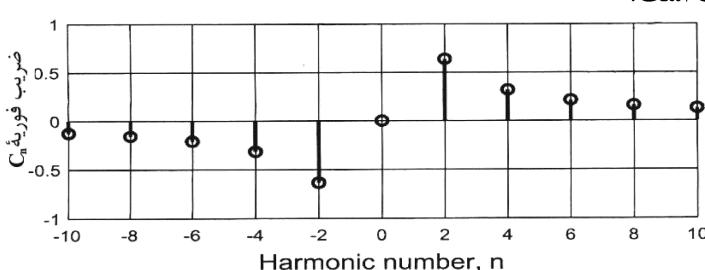
تعدادی از ضرایب سری فوریه مختلط تابع g در شکل زیر نشان داده شده است. روند مشاهده شده برای تابع در دو طرف، تا بینهایت ادامه دارد. کدام مورد درست است؟

۱) g موهومی و فرد است.

۲) g موهومی و زوج است.

۳) g حقیقی و فرد است.

۴) g حقیقی و زوج است.



پی اچ دی قست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۳

(۵۰۷F)

مهندسی مکانیک - طراحی کاربردی (کد ۲۳۲۲)

-۵ فرض کنید در مسئله ۱ $g''(x) = \frac{\pi}{4} \int_0^\infty \int_0^\infty \sin(wt) \sin(wx) g(t) dt dw$; $g(0) = 0$; $g'(0) = 0$. g تابعی

حقیقی و فرد است. (۱) g کدام است؟

$$\frac{2}{\pi} \quad (1)$$

$$\frac{\pi}{2} \sin\left(\frac{2}{\pi}\right) \quad (2)$$

$$\frac{\pi}{2} \sinh\left(\frac{2}{\pi}\right) \quad (3)$$

$$\frac{2}{\pi} \sinh\left(\frac{\pi}{2}\right) \quad (4)$$

مسئله ۱، ۲ را در نظر بگیرید.

-۶

مقدار (۱, ۲) u کدام است؟

$$\frac{\sin 1}{e^r} \quad (1)$$

$$\frac{\sin 2}{e^r} \quad (2)$$

$$\frac{\sin 1}{e} \quad (3)$$

$$\frac{\sin 2}{e} \quad (4)$$

فرض کنید $u = u(x, t)$ جواب مسئله انتقال حرارت زیر باشد. مقدار $u\left(\frac{\pi}{2}, \frac{1}{9}\right)$, کدام است؟

-۷

$$\begin{cases} u_t = u_{xx}, \quad 0 < x < \pi, \quad t > 0 \\ u_x(0, t) = u_x(\pi, t) = 0; \quad t \geq 0 \\ u(x, 0) = \cos^r x; \quad 0 \leq x \leq \pi \end{cases}$$

$$\frac{1}{2}(1 - e^{-9}) \quad (1)$$

$$\frac{1}{2}(1 - e^{-4}) \quad (2)$$

$$\frac{1}{2}(1 + e^{-9}) \quad (3)$$

$$\frac{1}{2}(1 + e^{-4}) \quad (4)$$

جواب مسئله لاپلاس زیر در مختصات قطبی کران دار است. (۱) $\frac{u(r, \theta)}{\sin \theta}$ کدام است؟

-۸

$$\begin{cases} u_{rr} + \frac{1}{r} u_r + \frac{1}{r^2} u_{\theta\theta} = 0; \quad 0 < r < 1, -\pi < \theta \leq \pi, \\ u(1, \theta) = (2 + \cos \theta) \sin \theta; \quad -\pi < \theta \leq \pi, \end{cases}$$

$$2 + \frac{1}{2} r^2 \cos \theta \quad (1)$$

$$2 \cos(\ln r) + \frac{1}{r} \cos(2 \ln r) \cos \theta \quad (2)$$

$$2r + r^2 \cos \theta \quad (3)$$

پی اچ دی قست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۴

(۵۰۷F)

مهندسی مکانیک - طراحی کاربردی (کد ۲۳۲۲)

-۹ مسئله الکترواستاتیک در ناحیه $r^2 < r < 2\sqrt{5}$ با شرایط مرزی $\frac{\pi}{2} \leq |\theta| \leq \pi$ مقدار \mathbf{u}_r را در نظر بگیرید. مقدار $\mathbf{u}(r, \theta) = u_r(r, \theta)\mathbf{e}_r + u_\theta(r, \theta)\mathbf{e}_\theta$ کدام است؟

$$\mathbf{u}\left(\frac{3}{2}, \frac{\pi}{3}\right) - \mathbf{u}\left(\frac{2}{3}, \frac{\pi}{6}\right) = -\pi$$

$$2\pi \ln\left(\frac{9}{4}\right) - \pi \quad (1)$$

$$2\pi \log_4\left(\frac{9}{4}\right) \quad (2)$$

$$2\pi \log_4(9) \quad (3)$$

$$2\pi \log_4(9) + \pi \quad (4)$$

-۱۰ فرض کنید تابع لگاریتم با شاخه اصلی یعنی $\pi \leq \operatorname{Arg}z \leq -\pi$ ، تعریف شده باشد. مقدار $\ln\left(\frac{1+i\sqrt{3}}{1-i\sqrt{3}}\right)^3$ کدام است؟

$$\frac{4\pi}{3}i \quad (1)$$

$$\frac{2\pi}{3}i \quad (2)$$

$$-\frac{2\pi}{3}i \quad (3)$$

$$-\frac{4\pi}{3}i \quad (4)$$

-۱۱ فرض کنید $\sum_{n=-3}^1 |a_n| \cdot \frac{1}{z^n \sinh(z)} = \sum_{n=-\infty}^{\infty} a_n z^n$ در ناحیه همگرایی سری کدام است؟

$$\frac{427}{360} \quad (1)$$

$$\frac{413}{360} \quad (2)$$

$$\frac{307}{360} \quad (3)$$

$$\frac{293}{360} \quad (4)$$

پی اچ دی قست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۵

(۵۰۷F) مهندسی مکانیک - طراحی کاربردی (کد ۲۳۲۲)

- ۱۲ فرض کنید $\int_C f(z) dz$ تحلیلی باشد. مقدار $f(z) = \sin(x) \cosh(ay) + i\sin(x, y)$ پاره خط جهتدار از

$$(z = x + iy) \text{ میباشد، کدام است؟ } \left(\frac{\pi}{2}, \frac{\pi}{2} \right)$$

$$1 + i \sinh \frac{\pi}{2} \quad (1)$$

$$i + \sinh \frac{\pi}{2} \quad (2)$$

$$i - \sinh \frac{\pi}{2} \quad (3)$$

$$1 - i \sinh \frac{\pi}{2} \quad (4)$$

- ۱۳ $\oint_{|z|=1} \frac{e^{(z+1)/z}}{z} dz$ مقدار کدام است؟

$$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{k!(k+1)!} \quad (1)$$

$$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{k!}{(2k)!} \quad (2)$$

$$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{k!(2k)!} \quad (3)$$

$$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{1}{(k!)^2} \quad (4)$$

- ۱۴ مقدار $\int_0^\pi \sin(e^{\gamma i\theta}) \sin^\gamma(\theta) d\theta$ کدام است؟ ($i = \sqrt{-1}$)

$$-\frac{\pi}{4} \quad (1)$$

(2) صفر

$$\frac{\pi}{4} \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۶

(۵۰۷F) (۲۳۲۲ کد) مهندسی مکانیک - طراحی کاربردی

- ۱۵ - مقدار کدام است؟

$$\int_{-\infty}^{\infty} \frac{x^2 \cos x}{x^4 + 5x^2 + 4} dx$$

(۱) $\frac{\pi}{2}(e^{-2} - 2e^{-1})$

(۲) $\frac{\pi}{3}(e^{-2} - 2e^{-1})$

(۳) $\frac{\pi}{2}(2e^{-2} - e^{-1})$

(۴) $\frac{\pi}{3}(2e^{-2} - e^{-1})$

- ۱۶ - هرگاه معادله حرکت محیط پیوسته‌ای به صورت زیر داده شده باشد، کدام مورد در خصوص این حرکت درست است؟

$$x_1 = X_1 e^t + X_2 (e^t - 1)$$

$$x_2 = X_2$$

$$x_3 = X_3 + X_4 (e^t - e^{-t})$$

(۲) حرکت امکان‌پذیر نیست.

(۱) حرکت همگن نیست.

(۴) حرکت امکان‌پذیر است، ولی همگن نیست.

(۳) حرکت امکان‌پذیر و همگن است.

- ۱۷ - اگر در یک جامد الاستیک خطی ناهمسانگرد، راستای e_2 محور تقارن دورانی ماده به ازای دوران $+90^\circ$ درجه باشد، کدام رابطه در خصوص تانسور الاستیسیته ماده درست است؟

$$C_{1223} = C_{2223} \quad (۴) \quad C_{1313} = C_{2323} \quad (۳) \quad C_{2323} = C_{1212} \quad (۲) \quad C_{1323} = 0 \quad (۱)$$

- ۱۸ - برای یک تانسور T که مؤلفه‌های آن در مختصات کارتزینی متعامد در ماتریس زیر داده شده‌اند، حاصل عبارت $\text{div}(\text{div}(T))$ کدام است؟

$$[T_{ij}] = \begin{bmatrix} x_1^2 - x_2^2 & -2x_1x_2 & x_3^2 \\ 0 & 2x_2x_3 & 0 \\ 0 & 0 & 3x_3^2 \end{bmatrix}$$

(۱) صفر

(۴) ۶

- ۱۹ - معکوس گرادیان تغییر شکل نگاشت زیر، کدام است؟

$$\vec{x}(\vec{X}) = (3/5 + X_1 + 0/5 X_2) \hat{e}_1 + (4 + X_2) \hat{e}_2 + X_3 \hat{e}_3$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0/5 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (۲)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & -0/5 & 0 \\ 0 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (۱)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ 0/5 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (۴)$$

$$\begin{bmatrix} 1 & 0 & 0 \\ -0/5 & 1 & 0 \\ 0 & 0 & 1 \end{bmatrix} \quad (۳)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۷

(۵۰۷F)

مهندسی مکانیک - طراحی کاربردی (کد ۲۳۲۲)

-۲۰ اگر حرکت جسم با نگاشت $\vec{X}(t) = \vec{x}(1+t)$ تعریف شود، مشتق تابع $\phi(\vec{X}, t) = \vec{X}t^2$ در مختصات مادی کدام است؟

$$2\vec{x}t \quad (1)$$

$$2\vec{X}t \quad (2)$$

$$\frac{2\vec{x}t}{(1+t)^2} \quad (3)$$

$$\frac{2\vec{X}t}{1+t} \quad (4)$$

-۲۱ با توجه به بردارهای زیر، حاصل $\vec{a} \cdot (\vec{b} \times \vec{c})$ کدام است؟ (نماد جایگشت)

$$\vec{a} = A_{ij}\hat{e}_j, \vec{b} = A_{jk}\hat{e}_k, \vec{c} = A_{ki}\hat{e}_i$$

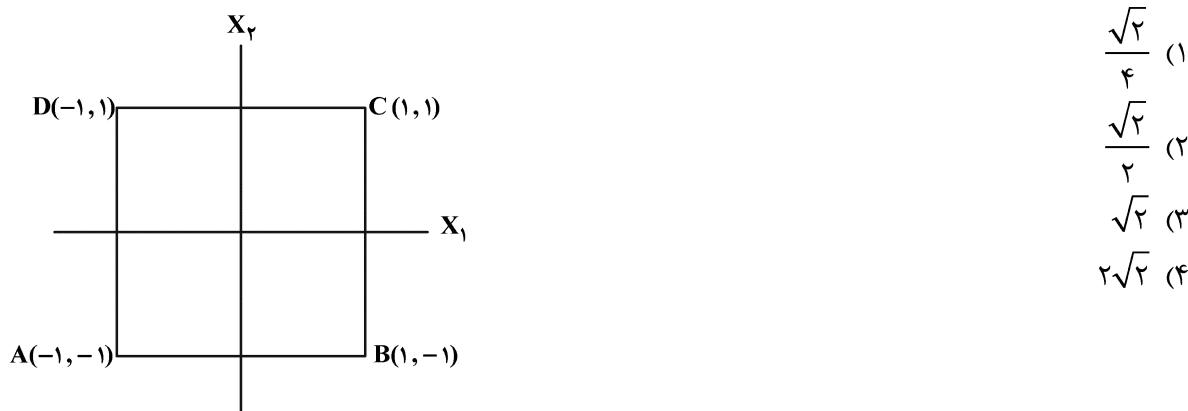
$$e_{ijk}A_{ij}A_{jk}A_{ki} \quad (1)$$

$$e_{jik}A_{ij}A_{jk}A_{ki} \quad (2)$$

$$e_{ijk}A_{ji}A_{ij}A_{ik} \quad (3)$$

$$e_{kji}A_{ji}A_{ij}A_{ik} \quad (4)$$

-۲۲ کشیدگی قطر AC در مربع شکل زیر، تحت نگاشت $\vec{x}(\vec{X}) = (2 + X_1 - X_2)\vec{e}_1 + (4 - X_2)\vec{e}_2 - X_3\vec{e}_3$ کدام است؟



$$\frac{\sqrt{2}}{4} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{2}}{2} \quad (2)$$

$$\sqrt{2} \quad (3)$$

$$2\sqrt{2} \quad (4)$$

-۲۳ در یک تغییر شکل همگن در دستگاه دکارتی، سطح مرجع $X_1^2 + X_2^2 + X_3^2 = 1$ به سطح $9x_1^2 + x_2^2 + 4x_3^2 = 1$ تغییر یافته است. کشیدگی پاره خطی که در وضعیت مرجع در راستای $e_1 + e_2 + e_3$ است، کدام است؟

$$\frac{\sqrt{5}}{6} \quad (1)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{4} \quad (2)$$

$$\frac{\sqrt{3}}{2} \quad (3)$$

$$\frac{\sqrt{5}}{3} \quad (4)$$

-۲۴ در مختصات کارتزینی متعامد سه بعدی، حاصل انتگرال $\int_V (\vec{X} \cdot \vec{X})_{jj} dV$ کدام است؟

$$3V \quad (1)$$

$$6V \quad (2)$$

$$4 \text{ صفر} \quad (3)$$

$$6V \quad (1)$$

$$2V \quad (2)$$

پی اچ دی قست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۸

(۵۰۷F) مهندسی مکانیک - طراحی کاربردی (کد ۲۳۲۲)

- ۲۵ حرکت یک جسم به صورت، $x_1 = X_1 + ktX_2$, $x_2 = X_2 + ktX_3$, $x_3 = X_3 + ktX_1$ می باشد و k ثابت است. اگر یک المان مادی در زمان $t = 0$ در راستای $\hat{e}_1 + \hat{e}_3$ باشد، آنگاه المان مذکور در زمان $t = 1$ در کدام راستا خواهد بود؟

$$k(\hat{e}_1 + \hat{e}_3) + \hat{e}_2 \quad (1)$$

$$(1+k)(\hat{e}_1 + \hat{e}_3) + k\hat{e}_2 \quad (2)$$

$$(1+k)(\hat{e}_1 + \hat{e}_3) + k\hat{e}_2 \quad (3)$$

- ۲۶ در میدان سرعت: $v_1 = kx_2$, $v_2 = v_3 = 0$, نرخ کشیدگی المان خط بر واحد طول خط مادی $d\vec{x} = dL(\hat{e}_1 + 2\hat{e}_2)$ کدام است؟

$$\frac{1}{5}k \quad (1)$$

$$\frac{2}{5}k \quad (2)$$

$$\frac{3}{5}k \quad (3)$$

$$2k \quad (4)$$

- ۲۷ اگر محیط پیوسته هیچ گونه تغییر شکلی نداشته باشد، کدام مورد در خصوص تانسور گرادیان تغییر شکل، $(F = \frac{\partial \mathbf{x}}{\partial \mathbf{X}})$ درست است؟

$$F = F^T \quad (1) \quad F \neq F^{-1} \quad (2) \quad F = O \quad (3) \quad F = I \quad (4)$$

- ۲۸ میدان سرعت اویلری در یک محیط پیوسته به صورت زیر داده شده است. بیشترین نرخ کشیدگی پاره خط های مادی در این محیط کدام است؟

$$v_1 = x_1 + x_3, v_2 = x_2, v_3 = 2x_3$$

$$\frac{3+\sqrt{2}}{2} \quad (1)$$

$$\frac{3-\sqrt{2}}{2} \quad (2)$$

$$\frac{-3+\sqrt{2}}{2} \quad (3)$$

$$\frac{-(3+\sqrt{2})}{4} \quad (4)$$

- ۲۹ در یک تغییر شکل همگن در دستگاه دکارتی، تانسور گرادیان تغییر شکل به صورت زیر داده شده است. جهت گیری کدام یک از سطوح مرجع زیر پس از تغییر شکل ثابت می ماند؟

$$F = \begin{bmatrix} 1 & -2 & 0 \\ 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 3 \end{bmatrix}$$

$$2X_1 + X_2 = 2 \quad (1)$$

$$2X_1 - X_3 = 2 \quad (2)$$

$$X_1 - 2X_2 = 2 \quad (3)$$

$$X_1 + 2X_3 = 2 \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۹

(507F)

مهندسی مکانیک - طراحی کاربردی (کد ۲۳۲۲)

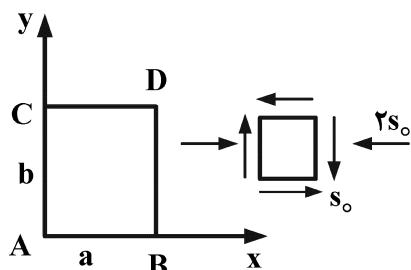
- ۳۰ در یک محیط پیوسته، تانسور تنش کوشی، به صورت زیر داده شده است. اگر تغییرشکل در این محیط پیوسته به صورت $x_1 = X_1 - 3X_3$, $x_2 = 2X_3$, $x_3 = -4X_2$ بیان شود، مؤلفه قائم تنش اول پیولا روی سطح مرجع کدام است؟
- $$\sigma = \begin{bmatrix} 9 & -9 & 0 \\ -9 & 18 & 0 \\ 0 & 0 & 27 \end{bmatrix}$$

- ۳۴ (۱)
-۶۸ (۲)
۳۴ (۳)
۶۸ (۴)

- ۳۱ اگر در یک وضعیت کلی تنش در یک نقطه از جسم، حداقل یک سطح بدون تنش وجود داشته باشد، باید در آن نقطه، کدام خاصیت موجود باشد؟

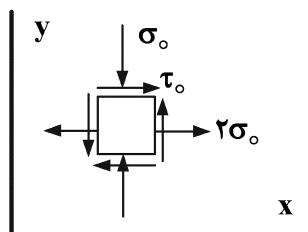
- ۲) تنش‌های قائم صفر باشند.
۳) پایای اول تانسور تنش (I_1) صفر باشد.

- ۳۲ ورق نازکی با ابعاد a و b و ضخامت h ، تحت شرط تنش صفحه‌ای مطابق شکل زیر است. میزان تغییر زاویه قائمه کدام است؟



- $\frac{(1+v)}{2E}S_0$ (۱)
 $\frac{(1+v)}{E}S_0$ (۲)
 $\frac{2(1+v)}{E}S_0$ (۳)
 $\frac{3(1+v)}{E}S_0$ (۴)

- ۳۳ المانی از ورق نازک به ضخامت h ، در حالت تنش صفحه‌ای به صورت زیر است. اگر E مدول الاستیسیته و ضریب پواسون باشد، تغییر ضخامت ورق کدام است؟



- $\frac{-2v\sigma_0 h}{E}$ (۱)
 $\frac{-v\sigma_0 h}{E}$ (۲)
 $\frac{v\sigma_0 h}{E}$ (۳)
 $\frac{2v\sigma_0 h}{E}$ (۴)

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۰

مهندسی مکانیک - طراحی کاربردی (کد ۲۳۲۲) (۵۰۷F)

- ۳۴ در صورتی که جابه‌جایی‌های مربوط به میدان کرنش (روابط زیر) در ناحیه همبند ساده تک‌مقدار باشند، نسبت $\frac{A}{B}$ کدام است؟

$$\varepsilon_{xx} = Ay^2 \quad \varepsilon_{yy} = Ax^2 \quad \varepsilon_{xy} = B(x^2y + xy^2)$$

کدام است؟

$$\frac{2}{3} \quad (1)$$

$$\frac{3}{4} \quad (2)$$

$$\frac{4}{3} \quad (3)$$

$$\frac{3}{2} \quad (4)$$

- ۳۵ المانی تحت تنش تک‌محوری σ_x قرار دارد. کرنش حجمی آن کدام است؟

$$\frac{\sigma_x}{2E}(1-v) \quad (2)$$

$$\frac{\sigma_x}{E}(2-v) \quad (1)$$

$$\frac{\sigma_x}{E}(1-v) \quad (4)$$

$$\frac{\sigma_x}{2E}(1-v) \quad (3)$$

- ۳۶ اگر تانسور تنش در نقطه‌ای σ_{ij} باشد، بردار ترکشن در صفحه‌ای که با محورهای مختصات،

$$\begin{bmatrix} 2 & 0 & 1 \\ 0 & -2 & 0 \\ 1 & 0 & 2 \end{bmatrix}$$

زواياي يكسان مى‌سازد، کدام است؟

$$\frac{1}{\sqrt{3}}(i + j + k) \quad (1)$$

$$\frac{1}{\sqrt{3}}(3i - 2j + 3k) \quad (2)$$

$$\frac{1}{2}(4i - 2j + 4k) \quad (3)$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}}(2i + j + 2k) \quad (4)$$

- ۳۷ اگر تنش‌های اصلی در نقطه‌ای از یک جسم به صورت $\sigma_1 = \sigma_2 = -\sigma_3 = \sigma_0$ باشند، تنش برشی هشت‌وجهی تنش انحراف کدام است؟

(۱) صفر

$$\frac{\sqrt{2}}{3}\sigma_0 \quad (2)$$

$$\frac{2\sqrt{2}}{3}\sigma_0 \quad (3)$$

$$\frac{3\sqrt{2}}{2}\sigma_0 \quad (4)$$

پی اچ دی قست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۱

(۵۰۷F) (۲۳۲۲ کد) مهندسی مکانیک - طراحی کاربردی

- ۳۸ در تحلیل کرنش صفحه‌ای یک جامد الاستیک، اگر میدان کرنش به صورت زیر باشد، با فرض $\mu = \lambda$ برای ثابت‌های لامه، $\sigma_{22} = 5$ کدام است؟ ($\epsilon_{12} = 8 kx_2$, $\epsilon_{22} = -12 kx_2$, $k = 4$ و $\theta = 45^\circ$ ثابت است.)

$$-\frac{32}{9} \mu kx_2 \quad (1)$$

$$-\frac{8}{9} \mu kx_2 \quad (2)$$

$$\frac{8}{9} \mu kx_2 \quad (3)$$

$$\frac{16}{9} \mu kx_2 \quad (4)$$

- ۳۹ جسمی تحت بارگذاری تکمحوری با تنش نرمال $\sigma_{11} = 5$ است. مؤلفه‌های تنش نرمال و تنش برشی روی

$$\text{صفحه‌ایی با بردار نرمال } (\bar{\sigma} = \frac{1}{3}(2\bar{\epsilon}_1 + 2\bar{\epsilon}_2 + \bar{\epsilon}_3)) \text{ کدام است؟}$$

$$(1) \text{ تنش نرمال} = \frac{2\sqrt{5}}{9}\sigma, \text{ تنش برشی} = \frac{4}{9}\sigma$$

$$(2) \text{ تنش نرمال} = \frac{2\sqrt{5}}{9}\sigma, \text{ تنش برشی} = \frac{2}{9}\sigma$$

$$(3) \text{ تنش نرمال} = \frac{3\sqrt{5}}{9}\sigma, \text{ تنش برشی} = \frac{1}{9}\sigma$$

$$(4) \text{ تنش نرمال} = \frac{\sqrt{5}}{9}\sigma, \text{ تنش برشی} = \frac{4}{9}\sigma$$

- ۴۰ اگر در آزمون کشنش ساده ماده در راستای محور x ، بارگذاری به‌گونه‌ای باشد که $\sigma_x = \sigma_y = -\frac{1}{4}\sigma_z$ ، در این

- صورت مدول یانگ ظاهری E^* و نسبت پواسون ظاهری v^* ماده بر حسب مدول یانگ واقعی E و نسبت پواسون واقعی v ماده کدامند؟

$$E^* = \frac{2E}{1+3v}, v^* = \frac{4+2v}{1+3v} \quad (1)$$

$$E^* = \frac{E}{2+v}, v^* = \frac{1+3v}{2+v} \quad (2)$$

$$E^* = \frac{2E}{2+v}, v^* = \frac{1+3v}{4+2v} \quad (3)$$

$$E^* = \frac{E}{1+3v}, v^* = \frac{2+v}{1+3v} \quad (4)$$

- ۴۱ در یک ورق نازک در صفحه xy که از ماده‌ای تراکم‌ناپذیر ساخته شده و در وضعیت تنش صفحه‌ای قرار دارد، کرنش‌های درون این صفحه به صورت زیر داده شده‌اند. که در آنها $f(x)$ تابعی فرد است. اگر کرنش‌ها در مبداء مختصات صفر باشند، نسبت ضخامت جدید ورق به ضخامت قدیم آن در نقطه $(1, 2)$ کدام است؟

$$e_{xx} = ky^3, e_{yy} = f(x), e_{xy} = k(1/5xy^2 + 3x^2y), k = 10^{-3} \quad (1)$$

$$1/101 \quad (1)$$

$$0/99 \quad (2)$$

$$C/99 + C^0 \quad (3)$$

$$1/101 + C \quad (4)$$

$$C/101 + C^0 \quad (4)$$

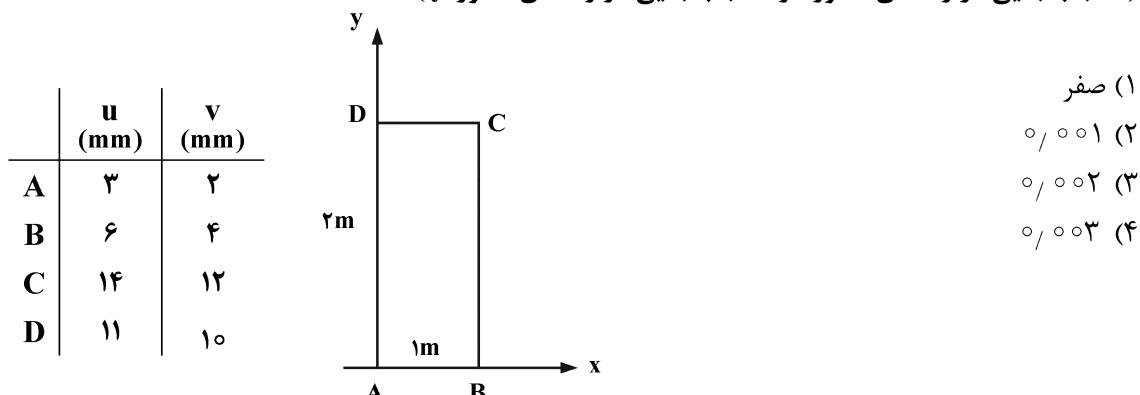
پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۲

(۵۰۷F) (۲۳۲۲) مهندسی مکانیک - طراحی کاربردی (کد

- ۴۲ - ورق شکل زیر به صورت مستطیل ABCD با اضلاعی به طول ۱ متر و ۲ متر در راستای محورهای x و y مفروض است. با اعمال یک میدان جابه‌جایی خطی درون صفحه، مقادیر جابه‌جایی رئوس به صورت زیر داده شده‌اند. مقدار دوران صلب این مستطیل حول محور z عمود بر صفحه، کدام است؟

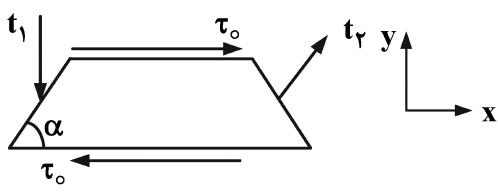
(u): جابه‌جایی در راستای محور x و v: جابه‌جایی در راستای محور y



- ۴۳ - تابع تنش ایری در یک مسئله تنش صفحه‌ای در صفحه xy به صورت $\phi = 4x^2y^3 + C_1y^5 - 6x^3y^2 - C_2x^5$ داده شده است که در آن C_1 و C_2 ثابت هستند. با صرف نظر از نیروهای حجمی، بزرگ‌ترین مقدار تنش اصلی در نقطه (۱,۱) کدام است؟

۲۰ (۴) ۱۶ (۳) ۱۲ (۲) ۴ (۱)

- ۴۴ - ورق نازک به شکل ذوزنقه بسیار کوچک متساوی الساقین در یک میدان تنش صفحه‌ای یکنواخت قرار دارد. بردار تنش روی لبه‌های افقی آن به صورت برشی و روی لبه مورب سمت چپ مطابق شکل زیر در راستای y است. تنش قائم روی لبه مورب سمت راست، کدام است؟

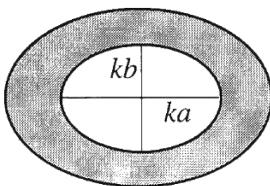
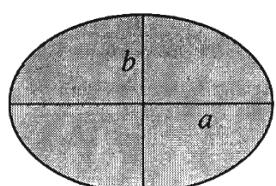


- $\tau_0 \sin 2\alpha$ (۱)
 $\tau_0 \sin \alpha$ (۲)
 $1/5 \tau_0 \sin \alpha$ (۳)
 $1/5 \tau_0 \sin 2\alpha$ (۴)

- ۴۵ - تابع تنش برای پیچش مقطع بیضی توپر نشان داده شده، مطابق زیر است. مقطع توپر را با برداشتن بخش بیضی مشابه با بیضی مرز، توانایی می‌کنیم. اگر به ازای لنگر پیچشی یکسان، حداقل تنش برشی در مقطع بیضی توانایی دو برابر این تنش در مقطع بیضی توپر باشد، مقدار ضریب k کدام است؟

$$\phi = \frac{a^2 b^2 \mu \alpha}{a^2 + b^2} \left[1 - \left(\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} \right) \right], T = \frac{\pi a^3 b^3 \mu \alpha}{a^2 + b^2}$$

(Lençor پیچشی وارد شده، α زاویه پیچش بر واحد طول و μ مدول برشی است. $a > b$)



- $\frac{1}{2}$ (۱)
 $\frac{1}{\sqrt{2}}$ (۲)
 $\frac{1}{\sqrt[3]{2}}$ (۳)
 $\frac{1}{\sqrt[4]{2}}$ (۴)