

پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۱۲۷

A



۱۲۷A

نام:

نام خانوادگی:

محل امضا:



دفترچه شماره (۱)

صبح جمعه
۱۳۹۴/۱۲/۱۴

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح عی شود.»
امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمركز) – سال ۱۳۹۵

علوم کامپیوتر (کد ۲۲۰۷)

مدت پاسخگویی: ۱۲۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۵

عنوان دروس اختصاصی، تعداد و شماره سوال‌ها

ردیف	دروس اختصاصی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	ساختمان داده‌ها و الگوریتم‌ها، مبانی نظریه محاسبه، مبانی ماتریس‌ها و جبر خطی	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق جاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی انتخابی‌های علمی مجاز نیاشد و با متخلفین برای علوفات و فثار عی شود.

پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۲

127A

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمام کن)

ساختمان داده‌ها و الگوریتم‌ها:

-۱ همه موارد زیر صحیح‌اند، به‌غیراز:

(۱) اگر $P = NP$ باشد آنگاه $NP=NP\text{-complete}$ خواهد بود.

(۲) هر مسئله از کلاس NP می‌تواند در زمان نمایی حل شود.

(۳) مسئله «برای هر $n = p \times q$ که در آن p و q اعداد اول k بیتی هستند، p و q را پیدا کن» یک مسئله از کلاس NP است.

(۴) اگر یک مسئله X بتواند به یک مسئله شناخته‌شده از کلاس $NP\text{-Hard}$ کاهش یابد، آنگاه X باید از کلاس $NP\text{-Hard}$ باشد.

-۲ دو پیمایش $\{A, B, C, D\}$ و $\{A, B, C, D\}$ از درختی در دسترس هستند. تعداد درخت‌های پوشش‌دهنده این دو پیمایش چند تا است؟

۱۴ (۴)

۴ (۳)

۱ (۲)

۰ (۱)

کدام گزینه در مورد رابطه بازگشتی $T(n) = T(c_1n) + T(c_2n) + f(n)$ به‌طوری‌که $f(n)$ یک تابع بر حسب n و همچنین $c_1, c_2 > 0$ درست است؟

(۱) اگر $c_1 + c_2 = 1$ در این صورت $T(n) = O(f(n))$

(۲) اگر $c_1 + c_2 = 1$ در این صورت $T(n) = O(\log n \times O(f(n)))$

(۳) اگر $c_1 + c_2 < 1$ در این صورت $T(n) = O(\log n \times O(f(n)))$

(۴) اگر $c_1 + c_2 > 1$ در این صورت $T(n) = O(f(n))$

-۳ مقدار تابع زیر به ازای $n \geq 1$ چقدر است؟

$3^n - 2^n$ (۱)

$2^n + 4^n$ (۲)

$-\frac{\gamma}{3} + \frac{1}{3}4^{n+1} + 2^{n+1}$ (۳)

$\frac{\gamma}{3} + \frac{1}{3}4^{n+1} + 2^n$ (۴)

function $F_n(n)$

{

if $n \leq 0$ return 1;

else

return $F_n(n-1) + 2^n + 4^n$;

}

-۴ در یک درخت جستجوی دودویی شامل اعداد $\{1, 2, 3, \dots, 2n\}$ در یک برگ قرارگرفته است.

اگر x اشاره‌گر به گره حاوی n باشد، مقدار برگشته $ancest(x)$ چیست؟

int $ancest(node *x)$ {

node *p = x->parent;

while(p != NULL && x == p->right){

۱ (۱)

 x = p;

۲ (۲)

 p = x->parent;

۳ (۳)

}

۴ (۴)

 retrun p->value;

}

پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۳

127A

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمامکز)

- ۶ تعداد درخت‌های جستجوی دودویی با $n \geq 2$ کلید متمایز، توسط کدام‌یک از روابط بازگشتی زیر می‌توانند تولید شوند؟

$$C_n = \frac{4n-2}{n+1} C_{n-1} \quad (2)$$

$$C_n = \frac{4n-1}{n+1} C_{n-1} \quad (1)$$

$$C_n = \frac{4n-2}{n-1} C_{n-1} \quad (4)$$

$$C_n = \frac{5n-3}{n+1} C_{n-1} \quad (3)$$

- ۷ اگر $n, F_n, F_{n-1}, F_{n-2}, F_1 = 1, F_0 = 0$ و G_h باشد و $G_h = F_{h-1} + F_h$ کمینه تعداد گره‌های یک درخت Avl با ارتفاع h باشد ($G_1 = 2, G_0 = 1$) آنگاه:

$$G_h = F_{h-1} + 1 \quad (2)$$

$$G_h = F_{h+2} - 1 \quad (1)$$

$$G_h = F_{h-1} + 3 \quad (4)$$

$$G_h = F_{h+2} + 1 \quad (3)$$

- ۸ آرایه‌ای با 8 عنصر را با **quicksort** می‌خواهیم مرتب کنیم. بعد از اولین تکرار، داده‌ها به صورت زیر درآمده است. کدام داده **pivot** بوده است؟

$2, 5, 1, 7, 9, 12, 11, 10$

(۱) 7 یا 9 می‌تواند 7 باشد ولی 9 نمی‌تواند 9 باشد.

(۲) 7 و 9 نه 7 و نه 9 نمی‌تواند 7 باشد ولی 9 می‌تواند 9 باشد.

- ۹ مجموعه S با $n \geq 2$ از اعداد نامرتب و متمایز را در نظر بگیرید. می‌خواهیم دو عدد x و y در S را طوری بیابیم که $|x-y| \leq \frac{1}{n-1}(\max(s)-\min(s))$ باشد. بهترین الگوریتم برای یافتن x و y در S دارای چه هزینه زمانی خواهد بود؟

O(log n) (۲)

O(n log n) (۱)

O(n) (۴)

O(n²) (۳)

- ۱۰ در گراف وزن دار فاصله دو رأس به صورت طول کوتاه‌ترین مسیر بین آن دو رأس تعریف می‌شود. قطر گراف نیز برابر بیشترین فاصله بین جفت رأس‌های گراف تعریف می‌شود. بهترین الگوریتم برای یافتن قطر یک درخت ریشه‌دار با n گره، دارای چه مرتبه زمانی است؟

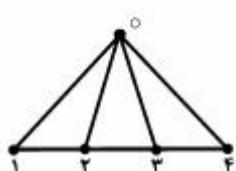
O(log n²) (۲)

O(n log n) (۱)

O(n) (۴)

O(n²) (۳)

- ۱۱ گراف **Fan** زیر را برای $n=4$ در نظر بگیرید. به طور کلی گراف **Fan** همواره دارای $n+1$ گره و ساختاری مشابه شکل زیر دارد. اگر t_n تعداد درخت‌های پوشای **Fan** (Spanning) گراف **Fan** با $n+1$ گره باشد، و $t_1=1$ در این صورت کدام‌یک از روابط زیر برای $n \geq 1$ صادق است؟



$$t_{n+1} = 2t_n + 1 \quad (1)$$

$$t_{n+1} = 2t_n + 2 \quad (2)$$

$$t_{n+1} = t_n + \sum_{i=0}^n t_i \quad (3)$$

$$t_{n+1} = t_n + 2 \sum_{i=0}^n t_i \quad (4)$$

پی اچ دی تست: نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۴

127A

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمام‌کز)

- ۱۲- تعداد درختان پوشای (spanning) برای یک گراف با n رأس که از اتصال دو گراف کامل (k_n) با یک یال به دست می‌آید چقدر است؟

(۱) n^{n-4}

(۲) $2n^{n-2}$

(۳) $2n^{n-4}$

- ۱۳- حداقل و حداقل طول کد یک عنصر در فشرده‌سازی n عنصر با روش هافمن چقدر می‌توانند باشند؟

(۱) $n-1, \log_2 n$

(۲) $n-2, \left\lceil \frac{n}{2} \right\rceil$

(۳) $n-1, \left\lceil \frac{n}{2} \right\rceil$

- ۱۴- مسئله حاصل‌ضرب زنجیره‌ای ماتریس‌ها را در نظر بگیرید:

$$M = M_1 \times M_2 \times \dots \times M_n$$

آیا الگوریتم حریصانه زیر منجر به یافتن ترتیب بهینه (از نظر تعداد ضرب‌ها) برای مسئله می‌شود؟
الگوریتم - در هر مرحله ماتریس‌هایی که مجاورند و بعد مشترک آن‌ها از بعد مشترک هر دو ماتریس مجاور دیگر بیشتر باشد، در هم ضرب می‌شوند و این کار تا رسیدن به ماتریس M ادامه می‌یابد.

(۱) بلی - همیشه منجر به جواب بهینه می‌شود.

(۲) خیر - ظاهراً اوقات منجر به جواب بهینه نمی‌شود.

(۳) خیر - الگوریتم داده شده هیچ وقت جواب بهینه را تولید نمی‌کند.

(۴) بلی - برای n های کوچک منجر به جواب بهینه می‌شود.

- ۱۵- فرض کنید برای هر عدد صحیح نامنفی k ، ماتریس H_k به ابعاد $2^k \times 2^k$ به صورت زیر تعریف شود:
ماتریس H_k به صورت $V \times H_{k-1} \times V$ با n عنصر ($n = 2^k$) را به صورت زیر تعریف شود:

دارای چه مرتبه زمانی خواهد بود؟

(۱) $O(n)$

(۲) $O(n^r)$

(۳) $O(\log_2 n)$

(۴) $O(n \log_2 n)$

مبانی نظریه محاسبه:

- ۱۶- کدام گزینه در مورد مسئله دلخواه P صحیح نیست؟

(۱) همواره می‌توان مسئله P را به صورت یکتابع بیان کرد.

(۲) حداقل توان محاسباتی برای حل تمام نمونه‌های مسئله P یکسان است.

(۳) هر نمونه از مسئله P را می‌توان به یک نمونه از مسئله دیگر P' تبدیل کرد که حل P' سخت‌تر از P نیست.

(۴) همواره می‌توان مسئله جواب داشتن هر نمونه از مسئله P را به عنوان مقدار یکتابع با خروجی بله / خیر بیان کرد.

پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

-۱۷ زبان دلخواه L بر روی الفبای A مفروض است. در چه صورتی زبان دیگری مانند L' بر روی الفبای B وجود دارد که یک تناظر یک‌به‌یک بین اعضای L و L' وجود داشته باشد؟

(۱) فقط در صورتی که اندازه B و A مساوی باشند.

(۲) فقط در صورتی که A زیرمجموعه B باشد.

(۳) کافی است B شامل حداقل یک حرف باشد.

(۴) فقط در صورت که B شامل حداقل دو حرف باشد.

-۱۸ اutomaton متناهی قطعی M با مجموعه حالات Q_M و زبان L_M مفروض است. برای هر دو حالت $p, q \in Q_M$ برابر با مجموعه کلماتی است که برای هر کدام از این کلمات با شروع از حالت p و پس از مصرف آن کلمه در M به حالت q می‌رسیم. کدام گزینه صحیح است؟

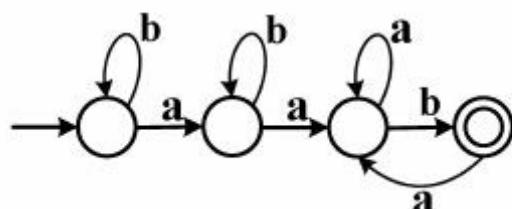
$$\forall M, \forall p, q \in Q_M | L_{pq} \subseteq L_M \quad (۲)$$

$$\exists M | \bigcup_{p, q \in Q_M} L_{pq} \subseteq L_M \quad (۱)$$

$$\forall M, L_M = \bigcup_{p, q \in Q_M} L_{pq} \quad (۴)$$

$$\forall M, \exists p, q \in Q_M | L_{pq} = L_M \quad (۳)$$

-۱۹ عبارت منظم متناظر با automaton متناهی قطعی زیر کدام است؟



$$(a + b)^* ab^* ab \quad (۱)$$

$$b^* ab^* aa^* b \quad (۲)$$

$$b^* ab^* aa^* b(a^* b) \quad (۳)$$

$$b^* ab^* aa^* b(ab)^* \quad (۴)$$

-۲۰ در گرامر G با الفبای A و متغیرهای V هر قاعده $\beta \in A \cup (V^*)$, $\alpha \in V$ به صورت $\alpha \rightarrow \beta$ است. کدام گزینه در مورد گرامر G صحیح است؟

(۱) G منظم است.

(۲) G مستقل از متن است ولی الزاماً منظم نیست.

(۳) G الزاماً حساس به متن نیست.

(۴) G حساس به متن است ولی الزاماً مستقل از متن نیست.

-۲۱ دو گرامر مستقل از متن و نامبهم G_1 و G_2 با متغیرهای شروع S_1 و S_2 مفروض است. گرامر G_3 را از اجتماع دو گرامر G_1 و G_2 با متغیر شروع S_2 و با افزودن دو قاعده $S_3 | S_1 S_2 \rightarrow S_1$ می‌سازیم. کدام گزینه صحیح است؟

(۱) زبان گرامر G_3 ذاتاً مبهم است.

(۲) زبان گرامر G_3 ذاتاً مبهم نیست ولی گرامر G_3 مبهم است.

(۳) گرامر G_3 و درنتیجه زبان گرامر G_3 مبهم نیست.

(۴) مسئله تعیین مبهم بودن زبان گرامر G_3 تصمیم‌ناپذیر است.

پی اچ دی تست: نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

-۲۲ در گرامر G که تعداد متغیرهای آن n و در شکل نرمال چامسکی است کلمه w با طول L با به کارگیری m قاعده ساخته شده است. کدام گزینه صحیح است؟

(۱) در صورتی که $m > n$ آنگاه زبان گرامر G نامتناهی خواهد بود.

(۲) در صورتی که $L > n$ آنگاه زبان گرامر G نامتناهی خواهد بود.

(۳) در صورتی که $L > n$ و $m > n$ آنگاه زبان گرامر G نامتناهی خواهد بود.

(۴) این اطلاعات در مورد تعیین نامتناهی بودن زبان گرامر G کافی نیست.

-۲۳ در مورد زبان حالت پایانی یک اتوماتون پشته‌ای کدام گزینه صحیح است؟

(۱) اگر بیشترین اندازه پشته مصرفی هنگام محاسبه هر کلمه کمتر از طول آن کلمه باشد آنگاه زبان این اتوماتون منظم است.

(۲) اگر بیشترین اندازه پشته مصرفی هنگام محاسبه هر کلمه کمتر از طول آن کلمه باشد آنگاه این اتوماتون قطعی است.

(۳) اگر محاسبه هر کلمه بدون برداشتن از پشته انجام شود، آنگاه زبان این اتوماتون منظم است.

(۴) حداقل اندازه پشته مصرفی هنگام محاسبه هر کلمه همواره تابعی از طول آن کلمه است.

-۲۴ در یک اتوماتون پشته‌ای غیرقطعی که تعداد حالات آن n و تعداد حروف الفبای آن m است در هر وضعیت با مشاهده

حداکثر k حرف ابتدای بخش باقی‌مانده ورودی، تنها گذار ممکن به صورت یکتا مشخص می‌شود. کدام گزینه در مورد تبدیل این اتوماتون به یک اتوماتون پشته‌ای قطعی صحیح است؟

(۱) این اتوماتون را لزوماً نمی‌توان به یک اتوماتون پشته‌ای قطعی تبدیل کرد.

(۲) می‌توان یک اتوماتون پشته‌ای قطعی معادل برای آن باحداکثر $n+k+m$ حالت ساخت.

(۳) می‌توان یک اتوماتون پشته‌ای قطعی معادل برای آن باحداکثر $n \times k \times m$ حالت ساخت ولی با $n+k+m$ حالت لزوماً چنین چیزی امکان‌پذیر نیست.

(۴) می‌توان یک اتوماتون پشته‌ای قطعی معادل برای آن باحداکثر $n \times m^k$ حالت ساخت ولی با $n \times k \times m$ حالت لزوماً چنین چیزی امکان‌پذیر نیست.

-۲۵ کدام کلمه توسط گرامر زیر با متغیر شروع S تولید می‌شود؟

$S \rightarrow abS \mid A$

$bA \rightarrow Aa$

$aA \rightarrow AC$

$aC \rightarrow Ca$

$AC \rightarrow bD$

$DC \rightarrow bD \mid b$

abababab (۱)

abbaabba (۲)

aaaabbbb (۳)

ababbbaa (۴)

پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۷

127A

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمام‌کرزا)

-۲۶ در مورد زبان حالت پذیرش ماشین تورینگ M که محتوای نوار آن غیرقابل تغییر است کدام گزینه صحیح است؟

(۱) زبان M همواره منظم است.

(۲) فقط در صورتی که M قطعی باشد زبان M منظم است.

(۳) زبان M همواره مستقل از متن است ولی لزوماً منظم نیست.

(۴) زبان M لزوماً مستقل از متن نیست.

-۲۷ برای زبان دلخواه $L \subseteq A^*$ تابع جزئی $\{A\} \rightarrow P_L : A^* \rightarrow L$ بدين ترتیب تعریف شده است که $1 = P_L(x)$ اگر و تنها اگر $x \in L$. کدام گزینه در مورد تابع P_L صحیح است؟

(۱) تابع P_L خوش‌تعریف نیست.

(۲) تابع P_L را همواره می‌توان با یک ماشین تورینگ محاسبه کرد.

(۳) تابع P_L را فقط در صورتی می‌توان محاسبه کرد که L شمارش‌پذیر بازگشتی باشد.

(۴) تابع P_L را فقط در صورتی می‌توان محاسبه کرد که L بازگشتی باشد.

کدامیک از مسائل زیر در مورد ماشین تورینگ دلخواه M هنگام محاسبه روی ورودی دلخواه w تصمیم‌پذیر است؟

(۱) آیا M حرفی غیر از Blank روی نوار خود می‌نویسد.

(۲) آیا M حرف خاص a را روی نوار خود می‌نویسد.

(۳) آیا M در وضعیت پذیرش متوقف می‌شود.

(۴) آیا M متوقف می‌شود.

-۲۹ زبان L_1 توسط ماشین تورینگ M با مجموعه حالات Q پذیرفته می‌شود. ماشین تورینگ جدید M' برای هر ورودی w رفتار ماشین M را شبیه‌سازی کرده و دنباله تغییر حالات M را بر روی نوار دوم خود ثبت می‌کند. کدام گزینه در مورد زبان L که به صورت زیر تعریف شده است، صحیح است؟

$$L = \left\{ x \in Q^* \mid \left(\exists w \in L_1 \mid \text{محتوای نوار دوم } M \text{ هنگام پردازش } w \text{ است} \right) \right\}$$

(۱) L منظم است.

(۲) L تصمیم‌پذیر است ولی لزوماً منظم نیست.

(۳) L شمارش‌پذیر بازگشتی نیست.

(۴) L شمارش‌پذیر بازگشتی است ولی تصمیم‌پذیر نیست.

-۳۰ کدام گزینه در مورد توابع بازگشتی (Recursive)، بازگشتی اولیه (Primitive Recursive) و بازگشتی جزئی (Partial Recursive) صحیح است؟

(۱) هر تابع بازگشتی، بازگشتی جزئی است.

(۲) هر تابع بازگشتی، بازگشتی اولیه است.

(۳) هر تابع بازگشتی جزئی، بازگشتی اولیه است.

(۴) هر تابع دلخواه یا بازگشتی اولیه یا بازگشتی جزئی است.

پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

مبانی ماتریس‌ها و جبر خطی:

$$\begin{bmatrix} 2 & 0 & 2 & 2 \\ 0 & 2 & 2 & 2 \\ 1 & 1 & 2 & 2 \end{bmatrix}$$

- ۳۱ - پوجی ماتریس مقابله کدام است؟

- (۱) ۰
(۲) ۱
(۳) ۲
(۴) ۳

- ۳۲ - فرض کنید U و W دو زیر فضای متمایز با بعد ۴ از فضای برداری V با بعد ۶ باشند آنگاه بعد $U \cap W$ کدام است؟

- (۱) ۱ یا ۲
(۲) ۲ یا ۳
(۳) ۳ یا ۴
(۴) ۱ یا ۲ یا ۳

- ۳۳ - اگر $V = M_7(\mathbb{R}) \times M_7(\mathbb{R})$ کدام گزینه است؟

- (۱) ۵
(۲) ۶
(۳) ۱۲
(۴) ۳۶

- ۳۴ - درجه چندجمله‌ای مینیمال کدام است؟

$$\begin{pmatrix} 2 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & 5 \end{pmatrix}$$

- (۱) ۱
(۲) ۲
(۳) ۳
(۴) ۴

- ۳۵ - تحت چه شرطی بردار $(-1, 2, 0, 5, -1)$ در فضای تولیدشده توسط بردارهای $(1, 1, -2, 2)$, $(1, 1, 1, 1)$,

$(1, -1, b, -1)$, قرار دارد؟

- $b \neq 1$ (۱)
 $b \neq 2$ (۲)
 $b = 2$ (۳)
به ازای هیچ مقدار b (۴)

پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

- ۳۶ فرض کنید $A = \text{tr}(A^{-1}) = 0$ و $\det A = 1$ باشد به طوری که ماتریس 3×3 وارون پذیر روی میدان \mathbb{C} باشد.

آنگاه داریم:

$$A^T = I \quad (1)$$

$$A^4 = I \quad (2)$$

$$A + A^{-1} = I \quad (3)$$

$$A^T = I \quad (4)$$

- ۳۷ اگر V یک فضای برداری با بعد متناهی روی میدان \mathbb{C} باشد و $T: V \rightarrow V$ یک تبدیل خطی روی V باشد، بعد

زیرفضای $\ker T \cap T(V)$ کدام است؟

$$\dim T(V) - \dim T^T(V) \quad (1)$$

$$\dim T^T(V) \quad (2)$$

$$\dim T(V) - \dim T^T(V) \quad (3)$$

$$\dim T(V) - \dim T^T(V) - \dim T^{TT}(V) \quad (4)$$

- ۳۸ فرض کنید $P_n(\mathbb{R})$ مجموعه تمام چندجمله‌ای‌های از درجه حداقل n باشد که ضرایب آن‌ها اعدادی حقیقی‌اند. فرض

$$T(f(x)) = 2f'(x) + 2 \int_0^x f(t)dt \quad \text{که } T: P_7(\mathbb{R}) \rightarrow P_7(\mathbb{R})$$

در این صورت رتبه T کدام است؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

- ۳۹ ماتریس بلوکی $A = \begin{bmatrix} I & B \\ O & B \end{bmatrix}$ ، که در آن B ماتریسی 3×3 است که تمام درآیه‌های آن ۱ هستند، را در نظر

$$A^4 = \begin{bmatrix} I & C \\ O & B^4 \end{bmatrix} \quad \text{برابر است با:}$$

۴۰ B (۱)

۸۰ B (۲)

۲۴۲ B (۳)

۱۲۱ B (۴)

- ۴۰ اگر A و B ماتریس‌های 3×3 و ناصف‌فری باشند و $AB + BA = 0$ ، کدام‌یک از احکام زیر درست است؟

$$A^T = 0 \quad (1)$$

وارون پذیر است.

$$\text{tr}A = 0 \quad (3)$$

وارون پذیر نیست.

پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۰

127A

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمام‌کز)

- ۴۱- فرض کنید A ماتریسی است که $A^T = 2I$ ، در این صورت کدام یک از ماتریس‌های زیر ممکن است وارون پذیر نباشد؟

$$A - I \quad (1)$$

$$A + 2I \quad (2)$$

$$A^T - 2A + 2I \quad (3)$$

$$A^T - \sqrt[3]{2} A \quad (4)$$

$$\begin{pmatrix} 1 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 2 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 3 & 0 \\ 0 & 0 & 5 & 5 \end{pmatrix}$$

- ۴۲- بعد فضای تولیدشده توسط بردارهای ویژه ماتریس روبرو کدام است؟

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

- ۴۳- فرض کنید A یک ماتریس حقیقی 7×7 باشد و $\text{tr}(A) = 8$ ، اگر $A^T = 5A^T - 6A$ آنگاه رتبه A برابر است با:

۱ (۱)

۲ (۲)

۳ (۳)

۴ (۴)

- ۴۴- فرض کنید A ماتریسی 8×8 باشد که عناصر روی قطر آن ۱ است و بقیه درایه‌های آن ۰ هستند. در این صورت مجموع درایه‌های وارون A برابر است با:

$$-\frac{3}{4} \quad (1)$$

$$\frac{3}{4} \quad (2)$$

$$-\frac{4}{3} \quad (3)$$

$$\frac{4}{3} \quad (4)$$

پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۱

127A

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌عتمرکز)

$$A = \begin{pmatrix} 1394 & 1 & \sqrt{2} & -4 \\ 4 & 1395 & 9 & \sqrt{5} \\ -\sqrt{7} & 3 & 1396 & 96 \\ 13 & 97 & \sqrt{3} & 1397 \end{pmatrix}$$

در این صورت داریم:

-۴۵ فرض

- (۱) A وارون ناپذیر و ۱ مقدار ویژه آن می‌باشد.
- (۲) A وارون پذیر است و ۱ مقدار ویژه آن می‌باشد.
- (۳) A وارون ناپذیر است و ۱ مقدار ویژه آن نمی‌باشد.
- (۴) A وارون پذیر است و ۱ مقدار ویژه آن نمی‌باشد.

پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۲

127A

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌متتمرکز)

آخرین اخبار و اطلاعات آزمون دکتری در وبسایت پیاچدی تست