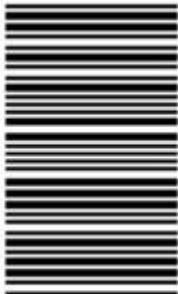


136

B

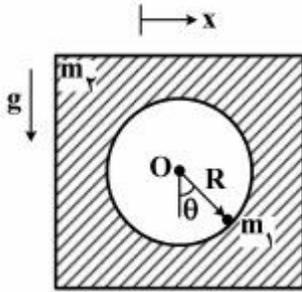


136B

نام:  
نام خانوادگی:  
محل امضا:

دفترچه شماره (۱)		«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.» امام خمینی (ره)		
صبح جمعه ۱۳۹۴/۱۲/۱۴	جمهوری اسلامی ایران وزارت علوم، تحقیقات و فناوری سازمان سنجش آموزش کشور			
<b>آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌متمرکز) - سال ۱۳۹۵</b>				
<b>مهندسی مکانیک (کد ۲۳۰۴)</b>				
مدت پاسخگویی: ۱۲۰ دقیقه		تعداد سؤال: ۴۰		
عنوان دروس اختصاصی، تعداد و شماره سؤال‌ها				
ردیف	دروس اختصاصی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	دینامیک، ترمودینامیک، مقاومت مصالح	۴۰	۱	۴۰
این آزمون نمره منفی دارد. استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.				
<small>حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و ...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متغلفین برابر مقررات رفتار نمی‌شود.</small>				

- ۱- ذره‌ای به جرم  $m_1$  بر روی دایره صیقلی به شعاع  $R$  که از یک جسم به جرم  $m_2$  بریده شده است، از موقعیت  $\theta = \frac{\pi}{4}$  از حالت سکون رها می‌شود. جسم  $m_2$  بر روی مسیر افقی صیقلی حرکت می‌کند. با توجه به اینکه مؤلفه  $x$ ، موقعیت افقی جسم  $m_2$  و  $\theta$  موقعیت ذره  $m_1$  نسبت به محور عمودی را نشان می‌دهد، سرعت جرم  $m_1$  و  $m_2$  در  $\theta = 0$ ، کدام است؟



$$V_2 = \sqrt{\frac{2\left(\frac{m_1}{m_2}\right)gR}{1 + \frac{m_2}{m_1}}}, \quad V_1 = \sqrt{\frac{2\left(\frac{m_1}{m_2}\right)gR}{1 + \frac{m_2}{m_1}}} \quad (1)$$

$$V_2 = \sqrt{\frac{2\left(\frac{m_1}{m_2}\right)gR}{1 + \frac{m_1}{m_2}}}, \quad V_1 = \sqrt{\frac{2\left(\frac{m_1}{m_2}\right)gR}{1 + \frac{m_2}{m_1}}} \quad (2)$$

$$V_2 = \sqrt{\frac{2\left(\frac{m_2}{m_1}\right)gR}{1 + \frac{m_2}{m_1}}}, \quad V_1 = -\sqrt{\frac{2\left(\frac{m_1}{m_2}\right)gR}{1 + \frac{m_2}{m_1}}} \quad (3)$$

$$V_2 = \sqrt{\frac{2\left(\frac{m_1}{m_2}\right)gR}{1 + \frac{m_2}{m_1}}}, \quad V_1 = -\sqrt{\frac{2\left(\frac{m_2}{m_1}\right)gR}{1 + \frac{m_2}{m_1}}} \quad (4)$$

- ۲- متحرکی با سرعت اولیه صفر در مسیری دایره‌ای به شعاع  $R$  شروع به حرکت می‌کند. اگر شتاب مماسی متحرک مقدار ثابت  $a_0$  فرض شود، مقدار شتاب کل متحرک پس از طی یک دوره کامل مسیر، کدام است؟

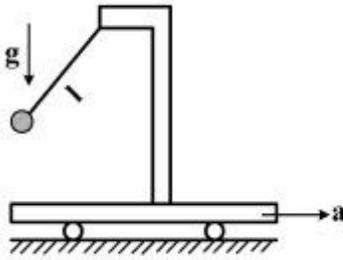
$$4\pi a_0 \quad (1)$$

$$a_0 \sqrt{1 + 16\pi^2} \quad (2)$$

$$a_0 \sqrt{1 + 4\pi^2} \quad (3)$$

$$\text{صفر} \quad (4)$$

۳- پاندولی به طول  $l$  به ارابه‌ای که با شتاب  $a$  مطابق شکل در حرکت است، متصل است. پربود نوسان پاندول، کدام است؟



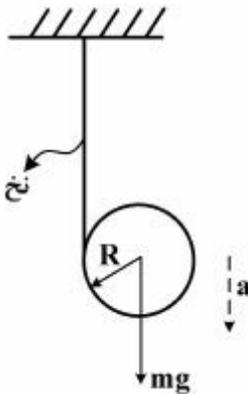
$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{\sqrt{a^2 - g^2}}} \quad (1)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{\sqrt{g^2 + a^2}}} \quad (2)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{a + g}} \quad (3)$$

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{a} + \frac{l}{g}} \quad (4)$$

۴- سیلندری مطابق شکل زیر توسط نخ‌کی که حول آن پیچیده شده و سر آزاد آن به تکیه‌گاه صلبی متصل است، بر اثر وزن خود « $mg$ » دوران نموده و از نخ باز می‌شود. شتاب سیلندر، در این حالت کدام است؟



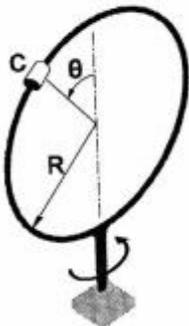
$$a = \frac{g}{3} \quad (1)$$

$$a = \frac{2}{3}g \quad (2)$$

$$a = \frac{2g}{3} \quad (3)$$

$$a = \frac{g}{6} \quad (4)$$

۵- ذره‌ای به جرم  $2$  کیلوگرم می‌تواند آزادانه بر روی حلقه‌ای به جرم  $3$  کیلوگرم و شعاع  $250$  میلی‌متر حرکت کند. حلقه با میله عمودی خود می‌تواند آزادانه به دور تکیه‌گاه خود بگردد. در زمان اولیه، حلقه دارای سرعت زاویه‌ای  $35 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$  می‌باشد و ذره در بالای حلقه ( $\theta = 0$ ) قرار گرفته است و از اینجا با سرعت ناچیز حرکت خود را آغاز می‌کند. مقدار سرعت زاویه‌ای حلقه زمانی که ذره از مکان  $\theta = 90^\circ$  می‌گذرد، چند رادیان بر ثانیه است؟ (از اصطکاک صرف‌نظر کنید.)



$$15 \quad (1)$$

$$16 \quad (2)$$

$$18 \quad (3)$$

$$21 \quad (4)$$

۶- کره‌ای توپر از حالت سکون به پایین سطح شیب‌داری با زاویه شیب  $30^\circ$  درجه می‌غلتد. برای اینکه هیچ لغزشی اتفاق نیافتد، حداقل ضریب اصطکاک ایستایی لازم چقدر باید باشد؟

(۱)  $\frac{2}{7\sqrt{3}}$

(۲)  $\frac{5}{7\sqrt{3}}$

(۳)  $\frac{\sqrt{3}}{5}$

(۴)  $\frac{2\sqrt{3}}{5}$

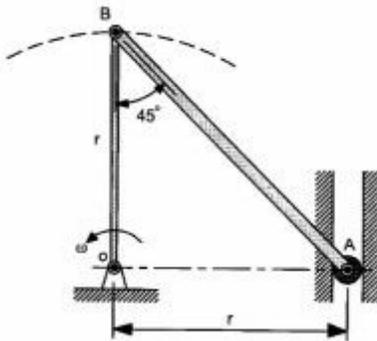
۷- میله  $OB$  با سرعت زاویه‌ای ثابت  $\omega$  در حال چرخش می‌باشد. شتاب زاویه‌ای میله  $AB$  در این حالت، کدام است؟

(۱)  $\sqrt{2}\omega^2$

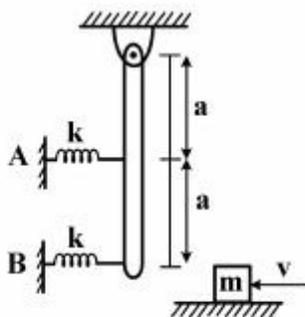
(۲)  $\omega^2$

(۳)  $\frac{\omega^2}{\sqrt{2}}$

(۴)  $\frac{\omega^2}{2}$



۸- در اثر برخورد جرم  $m$  با میله حداکثر نیرویی که به دیواره  $A$  وارد می‌شود، کدام است؟ (از جرم فنرها و میله و اصطکاک در لولای میله صرف‌نظر کنید).



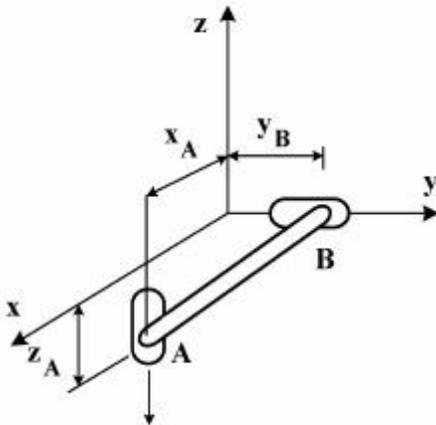
(۱)  $F_A = v\sqrt{\frac{4mk}{5}}$

(۲)  $F_A = v\sqrt{\frac{3mk}{5}}$

(۳)  $F_A = v\sqrt{\frac{mk}{5}}$

(۴)  $F_A = v\sqrt{\frac{2mk}{5}}$

۹- لغزنده A با سرعت  $v_0$  مطابق شکل حرکت می‌کند. سرعت لغزنده B، کدام است؟



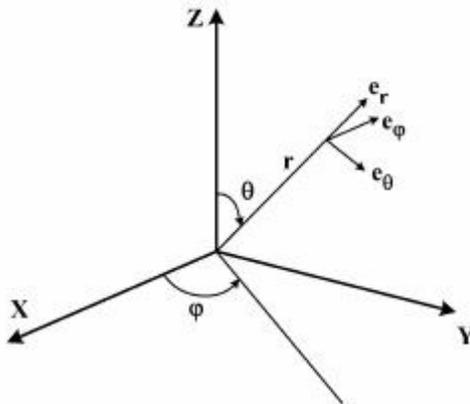
$v_B = v_0$  (۱)

$v_B = 2v_0 \cdot y_B / z_A$  (۲)

$v_B = v_0 \cdot y_B / z_A$  (۳)

$v_B = v_0 \cdot z_A / y_B$  (۴)

۱۰- هرگاه در مختصات کروی،  $e_r$  و  $e_\theta$  و  $e_\phi$  به ترتیب بردارهای یکه باشند، مشتق  $e_r$  برابر کدام است؟



$\dot{e}_r = \dot{\theta} e_\theta + \dot{\phi} \sin \theta e_\phi$  (۱)

$\dot{e}_r = \dot{\theta} \sin \theta e_\theta - \dot{\phi} e_\phi$  (۲)

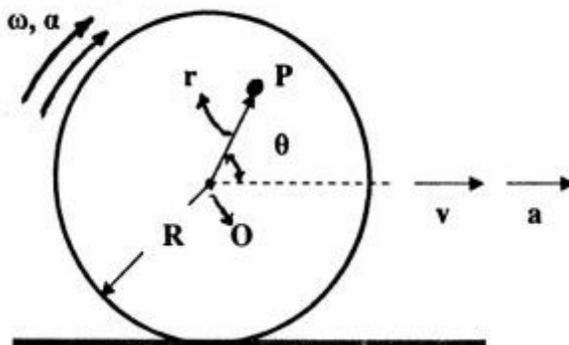
$\dot{e}_r = \dot{\theta} e_\theta + \dot{\phi} \cos \theta e_\phi$  (۳)

$\dot{e}_r = \dot{\theta} \cos \theta e_\theta - \dot{\phi} e_\phi$  (۴)

۱۱- چرخشی به شعاع R بدون لغزش مطابق شکل زیر می‌غلند. اندازه سرعت مرکز آن  $v = R\dot{\theta} = R\omega$  و شتاب مرکز آن

$a = R\ddot{\theta} = R\alpha$  است. در این چرخ نقطه‌ای مانند P با شتاب صفر موجود است. فاصله نقطه P از مرکز چرخ O،

یعنی r، کدام است؟



$r = \frac{R\alpha}{\alpha - \omega^2}$  (۱)

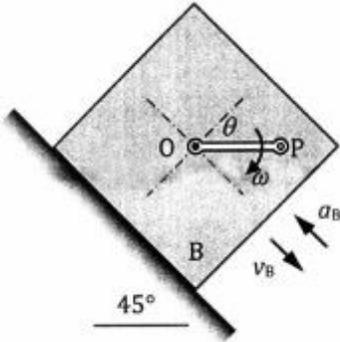
$r = \frac{R\sqrt{\alpha^2 + \omega^2}}{\alpha}$  (۲)

$r = \frac{R\alpha}{\sqrt{\alpha^2 + \omega^2}}$  (۳)

$r = \frac{R\omega^2}{\alpha + \omega^2}$  (۴)

# پی‌اچ‌دی تست: نخستین وب‌سایت تخصصی آزمون دکتری

۱۲- میله  $OP$  به طول  $OP = 10\sqrt{2}\text{cm}$  در نقطه  $O$  به جعبه لولا شده و با سرعت زاویه‌ای ثابت ساعت‌گرد  $\omega = 5\text{rad/s}$  دوران می‌کند. در لحظه‌ای که  $\theta = 45^\circ$  است، جعبه  $B$  با سرعت روبه پایین  $v_B = 1\text{m/s}$  و شتاب روبه بالای  $a_B = 5\text{m/s}^2$  روی سطح شیب‌دار  $45^\circ$  حرکت می‌کند. اندازه سرعت و شتاب نقطه انتهایی  $P$  در این لحظه برابر کدام است؟



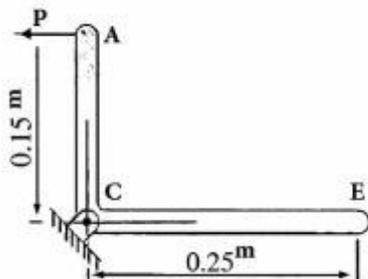
(۱)  $a_p = \frac{5\sqrt{2}}{2} (\text{m/s}^2)$  ،  $v_p = \frac{\sqrt{2}}{2} (\text{m/s})$

(۲)  $a_p = \frac{5\sqrt{10}}{2} (\text{m/s}^2)$  ،  $v_p = \frac{\sqrt{2}}{2} (\text{m/s})$

(۳)  $a_p = \frac{5\sqrt{2}}{2} (\text{m/s}^2)$  ،  $v_p = \frac{\sqrt{10}}{2} (\text{m/s})$

(۴)  $a_p = \frac{5\sqrt{10}}{2} (\text{m/s}^2)$  ،  $v_p = \frac{\sqrt{10}}{2} (\text{m/s})$

۱۳- میله  $ACE$  حول محوری که از  $C$  می‌گذرد دوران می‌کند و در موقعیت نشان داده‌شده دارای سرعت زاویه‌ای  $8 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$  و شتاب زاویه‌ای  $24 \frac{\text{rad}}{\text{s}^2}$  می‌باشد. جرم  $AC$  و  $CE$  به ترتیب برابر با  $20\text{kg}$  و  $30\text{kg}$  می‌باشند. نیروی



برای این موقعیت چند نیوتن است؟  $(g = 9.81 \frac{\text{m}}{\text{s}^2})$

(۱)  $97/51$

(۲)  $121/25$

(۳)  $148/2$

(۴)  $182/4$

۱۴- استوانه‌ای به شعاع  $1\text{m}$  دارای حرکتی غلتشی (بدون لغزش) بر سطح افقی است. اگر  $\omega = 1 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$  و  $\alpha = 1 \frac{\text{rad}}{\text{s}^2}$  باشد، نسبت حداکثر شتاب به حداقل شتاب نقاط واقع بر محیط استوانه چه مقدار است؟

(۱)  $2$

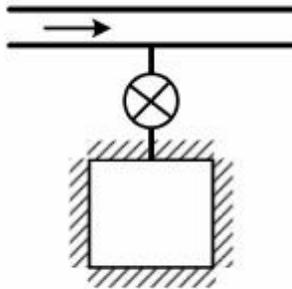
(۲)  $3 - 2\sqrt{2}$

(۳)  $3 + 2\sqrt{2}$

(۴)  $\infty$

## ترمودینامیک:

۱۵- یک خط لوله را که در آن گازی در جریان است در نظر بگیرید. یک مخزن به این خط لوله مطابق شکل زیر متصل است. ابتدا مخزن خالی است شیر باز می‌شود و به سرعت گاز وارد مخزن می‌گردد تا فشار آن با فشار خط برابر شود.



گزینه درست، در این مورد کدام است؟

- (۱) دمای گاز درون مخزن بیش‌تر از دمای گاز در خط لوله است.
- (۲) دمای گاز درون مخزن کم‌تر از دمای گاز در خط لوله است.
- (۳) دمای گاز درون مخزن برابر با دمای خط لوله است.
- (۴) برای پیش‌بینی دمای گاز درون مخزن نیاز به ضریب ژول تامسون می‌باشد.

۱۶- یک کیلوگرم گاز ایدئال در یک مخزن استوانه‌ای شکل به حجم مخصوص  $v_1$  تا حجم مخصوص  $v_2$  به صورت هم‌دما منبسط می‌شود. تغییرات آنروپی گاز در طی فرآیند انبساط برگشت‌پذیر، کدام است؟

$$R \ln \frac{v_1}{v_2} \quad (۱)$$

$$R \ln \frac{v_2}{v_1} \quad (۲)$$

$$R \ln \left( \frac{v_2}{v_1 + v_2} \right) \quad (۳)$$

$$R \ln \left( \frac{v_2 + v_1}{v_2} \right) \quad (۴)$$

۱۷- ماده‌ای در داخل سیستم تحت تأثیر فرآیند شبه تعادلی فشار ثابت قرار دارد. در مورد مقدار انتقال حرارت  $Q_2$ ، گزینه درست کدام است؟

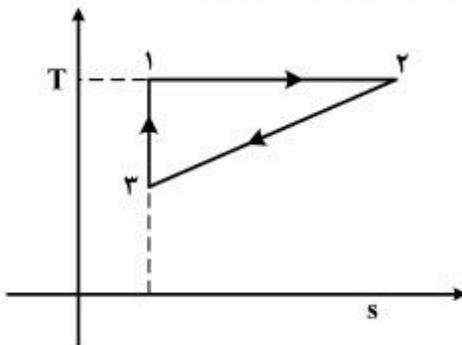
$$P\Delta V \quad (۱)$$

$$V\Delta P \quad (۲)$$

$$\Delta U \quad (۳)$$

$$\Delta H \quad (۴)$$

۱۸- برای چرخه برگشت‌پذیر نشان داده‌شده در نمودار  $T-s$ ، راندمان حرارتی  $\eta_{th}$  برابر کدام است؟



$$\frac{1}{2} \left( 1 - \frac{T_3}{T_1} \right) \left( 1 - \frac{s_1}{s_2} \right) \quad (۱)$$

$$\frac{1}{2} \left( 1 - \frac{T_3}{T_1} \right) \left( 1 + \frac{s_1}{s_2} \right) \quad (۲)$$

$$\frac{1}{2} \left( 1 + \frac{T_3}{T_1} \right) \left( 1 - \frac{s_1}{s_2} \right) \quad (۳)$$

$$\frac{1}{2} \left( 1 - \frac{T_3}{T_1} \right) \quad (۴)$$

۱۹- بالنی دارای گاز ایدئال است. فشار گاز درون بالن با مجذور قطر متناسب است. به بالن حرارت می‌دهیم تا حجمش ۱/۵ برابر گردد. مقدار گرمای داده‌شده به بالن کدام است؟

$$m c_V \Delta T + \frac{P_1 V_1}{\gamma} \quad (۱)$$

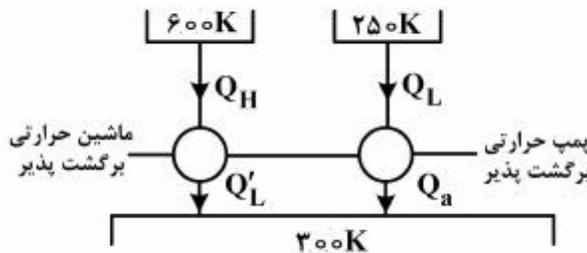
$$m \left( c_P + \frac{\gamma}{\delta} R \right) \Delta T \quad (۲)$$

$$m c_P \Delta T + \frac{P_1 V_1}{\gamma} \quad (۴)$$

$$m \left( c_V + \frac{\gamma}{\delta} R \right) \Delta T \quad (۳)$$

۲۰- یک منبع گرم در دمای ۶۰۰K و محیط در دمای ۳۰۰K در دسترس می‌باشد. می‌خواهیم فضای سردی در دمای ۲۵۰K ایجاد کنیم. اگر همه فرایندها برگشت‌پذیر باشند، نسبت حرارتی که از منبع گرم می‌گیریم به حرارتی که

به محیط پس می‌دهیم  $\left( \frac{Q_H}{Q_a} \right)$  چقدر است؟



$$\frac{1}{6} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{5} \quad (۲)$$

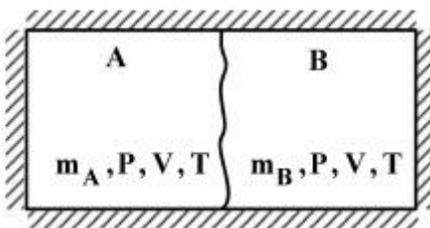
$$\frac{1}{3} \quad (۳)$$

$$\frac{1}{2} \quad (۴)$$

۲۱- کدام فرایند، ناقض قانون دوم ترمودینامیک است؟

- (۱) فرایندی که گاز در آن به‌صورت بی‌دررو و یا هم‌دما منبسط شود
- (۲) فرایندی که تنها با یک منبع تبادل حرارت بکند و کار تولیدی آن مثبت باشد
- (۳) فرایند هم‌دمایی که در آن  $\Delta S < 0$  باشد
- (۴) هیچ‌کدام از فرایندها

۲۲- در مخزن عایق زیر دو گاز ایدئال A و B توسط غشا از هم جدا می‌باشند. اگر غشا پاره شود و گازها باهم مخلوط شوند،  $s_2 - s_1$  برای این تحول کدام است؟



$$\gamma (m_A R_A + m_B R_B) \ln 2 \quad (۱)$$

$$2 m_A R_A \ln 2 \quad (۲)$$

$$\frac{1}{\gamma} m_A R_A \ln 2 \quad (۳)$$

$$0 \quad (۴)$$

۲۳- در تحول انبساط آزاد و آدیاباتیک، یک گاز ایدئال از حجم اولیه V به حجم نهایی ۲V منبسط می‌شود، مقدار تولید

آنترופی در این فرایند کدام است؟ (ظرفیت‌های گرمایی ویژه ثابت و R ثابت گاز فرض شود.)

$$2R \ln(2) \quad (۱)$$

$$R \ln 2 \quad (۲)$$

$$R \ln(0.5) \quad (۳)$$

$$0 \quad (۴)$$

۲۴- کار انجام شده بر واحد جرم برای یک گاز کلوژیوس با معادله حالت  $P(v - b) = RT$  در یک فرایند برگشت پذیر، از فشار و دمای  $P_1$  و  $T_1$  تا فشار و دمای  $P_2$  و  $T_2$ ، کدام است؟

$$RT \ln \left[ \left( \frac{T_2}{T_1} \right) \left( \frac{P_1}{P_2} \right) \right] \quad (۱)$$

$$\frac{kR(T_2 - T_1)}{1 - k} \quad (۳)$$

$$RT \ln \frac{P_1}{P_2} \quad (۲)$$

$$\frac{kR(T_2 - T_1)}{1 - k} \quad (۴)$$

۲۵- تغییرات آنتروپی بر واحد جرم  $(s_2 - s_1)$  برای یک گاز آرمانی از فشار و دمای  $P_1$  و  $T_1$  تا فشار و دمای  $P_2$  و  $T_2$  کدام است؟ (گرمای ویژه ثابت  $(c_p = \text{const.})$  و  $k = \frac{c_p}{c_v}$  می‌باشد).

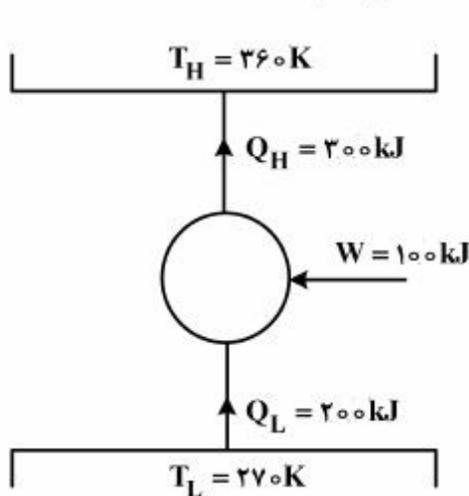
$$c_v \ln \left[ \frac{\frac{T_2}{T_1}}{\left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{k-1}{k}}} \right] \quad (۲)$$

$$c_v \ln \left[ \left( \frac{T_2}{T_1} \right) \left( \frac{P_1}{P_2} \right) \right] \quad (۱)$$

$$c_p \ln \left[ \left( \frac{T_2}{T_1} \right) \left( \frac{P_1}{P_2} \right) \right] \quad (۴)$$

$$c_p \ln \left[ \frac{\frac{T_2}{T_1}}{\left( \frac{P_2}{P_1} \right)^{\frac{k-1}{k}}} \right] \quad (۳)$$

۲۶- تولید آنتروپی در پمپ گرمایی با مشخصات داده شده در شکل زیر، برحسب  $\left[ \frac{\text{kJ}}{\text{K}} \right]$  کدام است؟



$$-\frac{5}{54} \quad (۱)$$

$$\frac{1}{8} \quad (۲)$$

$$\frac{5}{54} \quad (۳)$$

$$\frac{1}{2} \quad (۴)$$

۲۷- برای بخار در فشار ثابت  $P = 3 \text{ MPa}$ ، آنتالپی ( $h$ ) در دمای مختلف ( $T$ ) به‌قرار زیر است.

		$P = 3 \text{ MPa}$	
$T [^\circ\text{C}]$		۲۵۰	۳۵۰
$h \left[ \frac{\text{kJ}}{\text{kgK}} \right]$		۲۸۵۵	۳۱۱۵

مقدار گرمای ویژه در فشار ثابت ( $c_p$ ) در دمای  $300^\circ\text{C}$  به‌طور تقریبی چقدر است؟

- (۱) ۰/۲۸۷
- (۲) ۱/۰
- (۳) ۱/۴
- (۴) ۲/۶

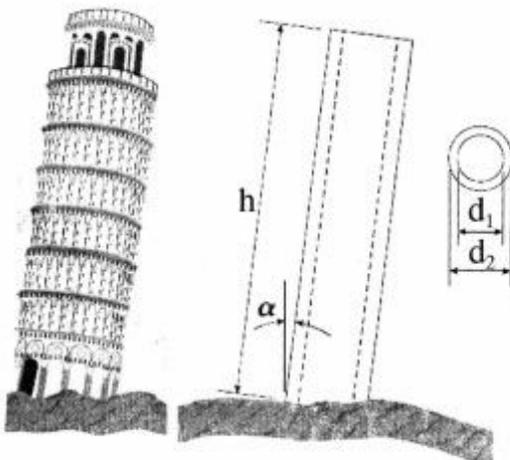
مقاومت مصالح:

۲۸- یک استوانه توپر برنجی ( $E = 100 \text{ GPa}$ ,  $\nu = 0.3$ ) به قطر  $200 \text{ mm}$  و ارتفاع  $500 \text{ mm}$  در سیالی تحت فشار خارجی هیدرو استاتیک  $50 \text{ MPa}$  قرار دارد. کاهش ارتفاع و کاهش حجم استوانه در اثر فشار سیال به ترتیب از راست چند میلی‌متر و چند میلی‌متر مکعب است؟

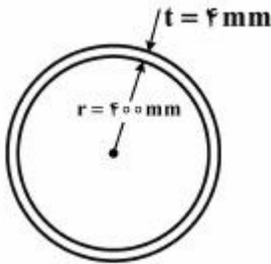
- (۱) ۰/۱، ۶۲۸۰
- (۲) ۰/۱، ۹۴۲۰
- (۳) ۰/۲، ۹۴۲۰
- (۴) ۰/۲، ۶۲۸۰

۲۹- یک برج را می‌توان به‌صورت استوانه توخالی همگنی که از ماده تردی ساخته شده به‌صورت شکل زیر در نظر گرفت. برقراری کدام شرط مانع ایجاد تنش کششی در برج می‌شود؟

- (۱)  $4hd_2 \tan \alpha \leq d_1^2 + d_2^2$
- (۲)  $4hd_2 \tan \alpha \leq d_2^2 - d_1^2$
- (۳)  $2hd_2 \tan \alpha \leq d_1^2 + d_2^2$
- (۴)  $2hd_2 \tan \alpha \leq d_2^2 - d_1^2$

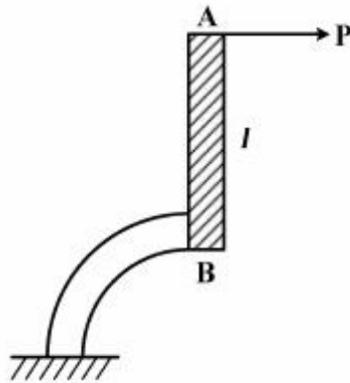


۳۰- یک لوله بسیار طویل با مقطع مطابق شکل، حامل گاز با فشار داخلی ۹ MPa است. اگر مدول کشسانی و ضریب پواسون این لوله برابر  $E = 200 \text{ GPa}$  و  $\nu = \frac{1}{3}$  باشد، شعاع داخلی این لوله در اثر فشار گاز چگونه تغییر می‌کند؟



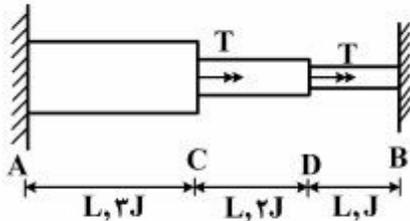
- (۱) ۰/۸ mm کم می‌شود.
- (۲) ۰/۸ mm زیاد می‌شود.
- (۳) ۱/۶ mm کم می‌شود.
- (۴) ۱/۶ mm زیاد می‌شود.

۳۱- میله صلب AB به طول  $l = R$  به تیری الاستیک به شکل ربع دایره به شعاع R مطابق شکل متصل شده است. خیز نقطه B در راستای افقی، کدام است؟



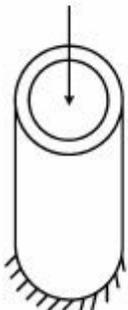
- (۱)  $\frac{PR^3}{EI} \left( \frac{\pi}{4} - 1 \right)$
- (۲)  $\frac{PR^3}{2EI} \left( \frac{\pi}{4} - 1 \right)$
- (۳)  $\frac{PR^3}{EI} \left( \frac{9\pi}{4} - 4 \right)$
- (۴)  $\frac{PR^3}{2EI}$

۳۲- تیر نامعین زیر تحت دو گشتاور پیچشی T در نقاط C و D قرار گرفته است. عکس‌العمل‌های تکیه‌گاهی در نقاط A و B چقدر است؟



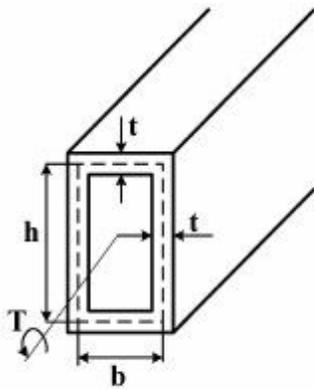
- (۱)  $T_A = \frac{5}{7}T, T_B = \frac{9}{7}T$
- (۲)  $T_A = \frac{9}{7}T, T_B = \frac{5}{7}T$
- (۳)  $T_A = \frac{15}{11}T, T_B = \frac{7}{11}T$
- (۴)  $T_A = \frac{7}{11}T, T_B = \frac{15}{11}T$

۳۳- یک لوله آلومینیومی با طول ۲ متر و قطر خارجی ۲۴۰ میلی‌متر و ضخامت جداره ۱۰ میلی‌متر تحت نیروی محوری فشاری ۶۴۰ کیلونیوتن قرار گرفته است. قطر خارجی و ضخامت جداره لوله چند میلی‌متر تغییر می‌کند؟ (مدول الاستیک ۷۳ گیگاپاسکال، ضریب پواسون ۰/۳۳ فرض شود)



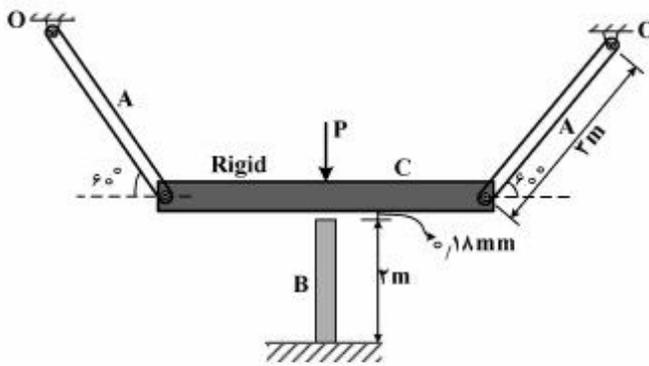
- (۱) ۰/۰۰۲، ۰/۰۴۸۰
- (۲) ۰/۰۰۸، ۰/۱۹۷۱
- (۳) ۰/۰۰۴، ۰/۰۹۶۱
- (۴) ۰/۰۰۱، ۰/۰۲۴۰

۳۴- محوری توخالی با سطح مقطع مستطیلی و ضخامت دیوار یکنواخت  $t$  تحت تأثیر گشتاور پیچشی  $T$  قرار گرفته است. چنانچه پارامترهای  $h$  و  $b$  را دو برابر کنیم و ضخامت  $t$  را طوری تغییر دهیم که وزن محور بدون تغییر باقی بماند، تنش برشی متوسط در محور چند برابر می‌شود؟



- (۱)  $\frac{1}{4}$
- (۲)  $\frac{1}{2}$
- (۳) ۲
- (۴) ۴

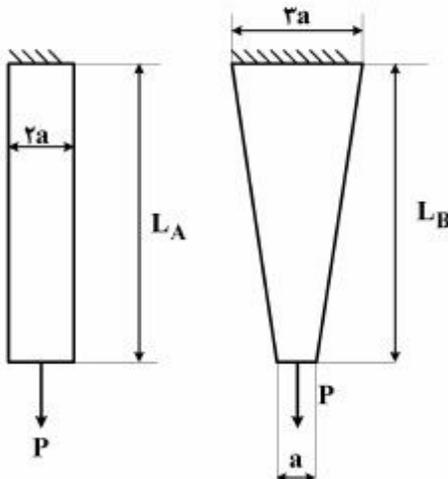
۳۵- لقی به اندازه  $\frac{1}{18}$  میلی‌متر بین صفحه صلب  $C$  و میله  $B$  تا قبل از اعمال نیروی  $P$  وجود دارد. در صورتی که کرنش موجود در میله  $B$  پس از اعمال نیروی  $P$  برابر با  $-2500 \mu\text{m}/\text{m}$  باشد، کرنش ایجاد شده در میله‌های  $A$  چند  $\frac{\mu\text{m}}{\text{m}}$  خواهد بود؟



- (۱) ۹۹۶/۷
- (۲) ۱۴۹۵
- (۳) ۲۲۴۲/۵
- (۴) ۲۹۹۰

۳۶- دو میله فلزی از ورقی به ضخامت  $a$  بریده شده است. هر دو میله تحت بار یکسان  $P$  قرار دارند. نسبت  $\frac{L_A}{L_B}$  برای

آنکه افزایش طول در هر دو میله برابر باشد، چقدر است؟ میله‌ها بدون وزن هستند و مدول الاستیسیته برابر  $E$  می‌باشد.



- (۱)  $\ln(3)$
- (۲)  $\ln(1/5)$
- (۳)  $\ln(9)$
- (۴)  $\frac{(\ln 3)}{2}$

۳۷- روابط توزیع تنش‌های شعاعی و محیطی در یک مخزن استوانه‌ای جدار ضخیم که تحت فشار داخلی  $P$  می‌باشد،

به صورت  $\sigma_{\theta} = c_1 + \frac{c_2}{r^2}$ ,  $\sigma_r = c_1 - \frac{c_2}{r^2}$  بیان می‌شود. مقدار حداکثر تنش محیطی کدام است؟

( $r_0, r_i$  به ترتیب شعاع داخلی و شعاع خارجی مخزن هستند)

(۱)  $\frac{r_0^2 - r_i^2}{r_0^2 + r_i^2} P$

(۲)  $\frac{r_0 + r_i}{r_0 - r_i} P$

(۳)  $\frac{r_0 - r_i}{r_0 + r_i} P$

(۴)  $\frac{r_0^2 + r_i^2}{r_0^2 - r_i^2} P$

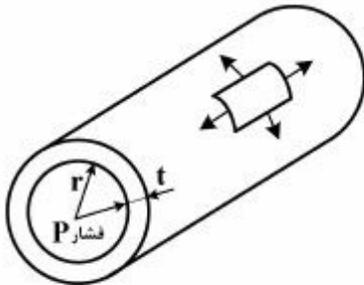
۳۸- یک مخزن جدار نازک استوانه‌ای طویل تحت فشار داخلی  $P$  قرار دارد. شعاع داخلی آن  $r$  و ضخامت دیواره آن  $t$  می‌باشد. تنش‌های اصلی حداقل و حداکثر و تنش برشی حداکثر در سطح جانبی مخزن به ترتیب از راست کدام‌اند؟

(۱) صفر،  $\frac{Pr}{t}$ ،  $\frac{Pr}{2t}$

(۲)  $\frac{Pr}{2t}$ ،  $\frac{Pr}{t}$ ،  $\frac{Pr}{2t}$

(۳)  $\frac{Pr}{4t}$ ،  $\frac{Pr}{t}$ ،  $\frac{Pr}{2t}$

(۴) صفر،  $\frac{Pr}{4t}$ ،  $\frac{Pr}{2t}$



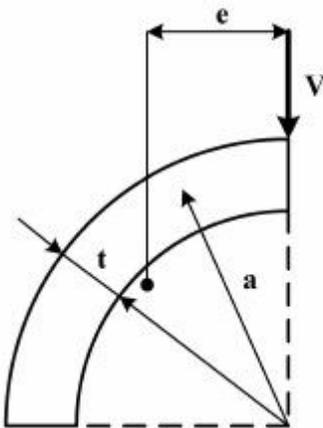
۳۹- تیری با مقطع شکل زیر تحت بار عرضی قائم  $V$  قرار گرفته است. فاصله  $(e)$  مرتبط با محل مرکز برش، کدام است؟

(۱)  $\frac{2a}{\pi}$

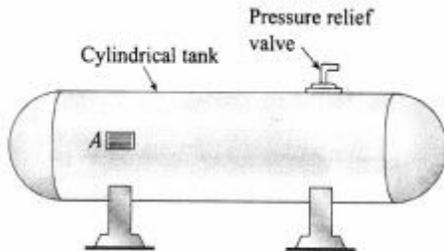
(۲)  $\frac{4a}{\pi}$

(۳)  $2a$

(۴)  $4a$



۴۰- یک مخزن فولادی استوانه‌ای مسدود شامل یک سوخت بخار شدنی تحت فشار می‌باشد. یک کرنش‌سنج در نقطه A کرنش طولی در مخزن را ثبت نموده و این اطلاعات به یک اتاق کنترل منتقل می‌شود. تنش برشی نهایی دیواره مخزن  $84 \text{ MPa}$  و ضریب ایمنی  $2/5$  مورد نیاز است. حداکثر مقدار کرنش محوری مجاز مخزن چقدر است؟ (مدول الاستیسیته  $210 \text{ GPa}$  و نسبت پواسان  $0/3$  فرض شود).



(۱)  $4,5 \times 10^{-5}$

(۲)  $1,12 \times 10^{-4}$

(۳)  $2,56 \times 10^{-4}$

(۴)  $6,4 \times 10^{-5}$



