

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

کد کنترل

307

E

نام:

نام خانوادگی:

محل امضا:



307E

صبح جمعه  
۱۳۹۶/۱۲/۴  
دفترچه شماره (۱)



«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.»  
امام خمینی (ره)

جمهوری اسلامی ایران  
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری  
سازمان سنجش آموزش کشور

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمركز) - سال ۱۳۹۷

رشته مهندسی مکانیک - دینامیک، کنترل و ارتعاشات (کد ۲۳۲۳)

مدت پاسخگویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سوال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سوال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: ریاضیات مهندسی - دینامیک پیشرفته - ارتعاشات پیشرفته - کنترل پیشرفته	۴۵	۱	۴۵

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

این آزمون نمره منفی دارد.

حق جابه، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...)، پس از برگزاری آزمون، برای تمامی انتخابات حقوقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با مخالفین برای مقررات رفتار ممنوع شود.

## آخرین اخبار و اطلاعات آزمون دکتری در وبسایت پیاچدی تست

# پیاجدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۲

307E

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌متاخر)

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ..... با شماره داوطلبی ..... در جلسه این آزمون شرکت می‌نمایم.

امضا:

-۱ تابع متناوب  $f$  در یک دوره تناوب به صورت  $f(x) = \begin{cases} x, & 0 \leq x \leq a \\ 2a - x, & a < x < 2a \end{cases}$  تعریف شده است. سری فوریه مثلثاتی این تابع کدام است؟

$$\frac{a}{2} - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2a}{n\pi} \cos \frac{n\pi x}{a} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2a}{n\pi} \sin \frac{n\pi x}{a} \quad (1)$$

$$\frac{a}{2} + \sum_{n=1}^{\infty} \left[ \frac{2a}{n\pi} \cos \frac{n\pi x}{a} + \frac{2a}{n\pi} \sin \frac{n\pi x}{a} \right] \quad (2)$$

$$\frac{a}{2} - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{4a}{\pi(n-1)} \cos \frac{(2n-1)\pi x}{a} \quad (3)$$

$$\frac{a}{2} - \sum_{n=1}^{\infty} \frac{2a}{n\pi} \cos \frac{n\pi x}{a} \quad (4)$$

-۲ ضرایب سری فوریه  $a_n$  تابع متناوب زیر با دوره تناوب  $2\pi$  برای  $n$  های بسیار بزرگ ( $n \rightarrow \infty$ ) با چه توانی از  $n$  متناسب‌اند؟

$$f(x) = \begin{cases} \cos^n x, & |x| \leq \frac{\pi}{2} \\ 0, & \text{در غیر این صورت} \end{cases}$$

$$n^{-\frac{1}{4}} \quad (1)$$

$$n^{-\frac{1}{2}} \quad (2)$$

$$n^{-\frac{3}{2}} \quad (3)$$

$$n^{-1} \quad (4)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

-۳ اگر انتگرال فوریه تابع  $f(x)$  به صورت  $\frac{1}{\pi} \int_0^\infty \frac{\omega}{1+\omega^2} \sin \omega x d\omega$  باشد، آنگاه حاصل انتگرال

$$\int_0^\infty (1+x^2) f(x) \sin x dx$$

$\frac{1}{8}$  (۱)

$\frac{1}{4}$  (۲)

$\frac{3}{4}$  (۳)

$\frac{3}{8}$  (۴)

-۴ به ازای کدام مجموعه مقادیر از  $\alpha$  جواب معادله زیر، شکل نوسانی خواهد داشت؟

$$\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} + \alpha u_t + u = 0 & 0 < x < 1, t > 0 \\ u(0, t) = u(1, t) = 0 & \forall t > 0 \\ u(x, 0) = f(x) & u_t(x, 0) = g(x); 0 < x < 1 \end{cases}$$

$[-\sqrt{1+\pi^2}, \sqrt{1+\pi^2}]$  (۱)

$[-2\sqrt{1+\pi^2}, 2\sqrt{1+\pi^2}]$  (۲)

$(-\infty, 4+4\pi^2)$  (۳)

$(-\infty, 2+2\pi^2)$  (۴)

-۵ با جایگزینی  $u(x, y) = w(x, y)e^{-(bx+ay)}$ ، معادله دیفرانسیل با مشتقهای جزئی مرتبه دوم

$$u_{xy} + au_x + bu_y + cu = 0$$

$$e^{-(bx+ay)} w_{xy} + (c-ab)w = 0 \quad (۱)$$

$$w_{xy} + (c-ab)e^{-(bx+ay)} w = 0 \quad (۲)$$

$$w_{xy} + (c+ab)w = 0 \quad (۳)$$

$$w_{xy} + (c-ab)w = 0 \quad (۴)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۴

307E

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌متاخر کز)

$$\begin{cases} u_{tt} - u_{xx} = 0 & 0 < x < \frac{\pi}{2}, t > 0 \\ u(x, 0) = \sin x, u_t(x, 0) = \cos x \\ u_x(0, t) = 0, u\left(\frac{\pi}{2}, t\right) = 0 \end{cases}$$

برای پاسخ مسئله -۶

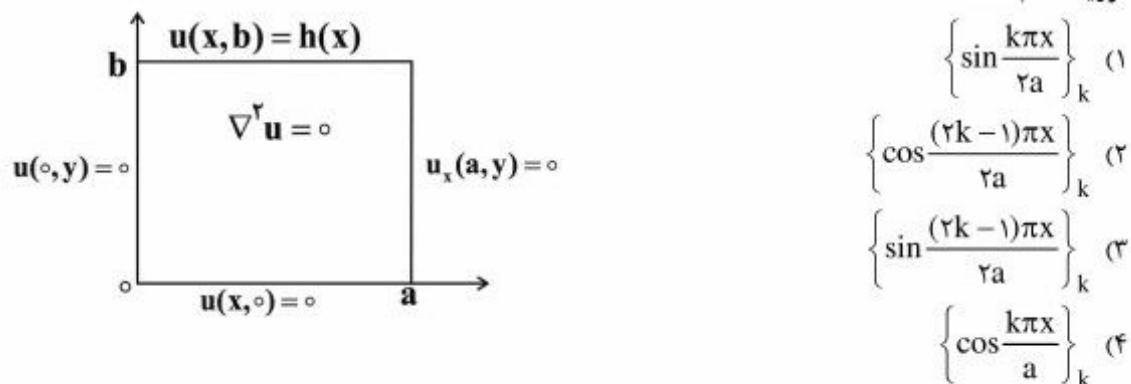
- $\sqrt{2}$  (۱)  
 $\sqrt{2} + 1$  (۲)  
 $2\sqrt{2}$  (۳)  
 $\frac{\sqrt{2}}{2}$  (۴)

-۷ در میله‌ای به طول  $L = \pi$ , معادله حرارت با شرایط زیر داده شده است. دمای  $u$  در زمان  $t = 1$  و مکان  $x = \frac{L}{4}$  کدام است؟

$$\begin{cases} u_t = u_{xx} \\ u(0, t) = u(L, t) = 0 \\ u(x, 0) = \sin\left(\frac{\pi}{L}x\right) \end{cases}$$

$e^{-t}$  (۱)  
 $\frac{\sqrt{2}}{2}e^{-1}$  (۲)  
 $\frac{\sqrt{2}}{2}e^{-\frac{t}{4}}$  (۳)  
 $e^{-1}$  (۴)

-۸ در مسئله مقدار مرزی زیر با شرایط داده شده بر مستطیل، پایه متعامد بسط شرط مرزی  $h(x)$  به صورت سری فوریه کدام است؟



# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

-۹ می‌دانیم  $f(z) = u(x, y) = \alpha_1 x^4 + \alpha_2 x^3 y + \alpha_3 x y^3 + \alpha_4 y^4 + \beta_1 x + \beta_2 y$  یک تابع تام و  $\operatorname{Re}[f(z)] = u(x, y)$  است.

در این صورت روابط بین ضرایب  $\alpha_k$  و  $\beta_k$  در حالت کلی کدام است؟

$$\beta_2, \beta_1, \alpha_2 = -3\alpha_4, \alpha_3 = -3\alpha_1 \quad (1)$$

$$\alpha_4, \alpha_1 \text{ صفر و بقیه ضرایب دلخواه} \quad (2)$$

$$\alpha_2, \alpha_3 \text{ صفر و بقیه ضرایب دلخواه} \quad (3)$$

$$\alpha_k \text{ ها صفر، } \beta_2, \beta_1 \text{ دلخواه} \quad (4)$$

-۱۰ مکان هندسی نقاطی از صفحه مختلط که در رابطه  $\left| \frac{z-1+i}{2z-2i} \right| = \frac{1}{2}$  صدق می‌کنند، کدام است؟

$$(1) \text{ بیضی} \quad (2) \text{ خط مستقیم} \quad (3) \text{ دایره} \quad (4) \text{ هذلولی}$$

-۱۱ حاصل انتگرال زیر روی مسیر بسته  $C$  (دایره به مرکز مبدأ و شعاع واحد)، کدام است؟

$$I = \oint_C \operatorname{Re}\{z\} + i \operatorname{Im}\{z^4\} dz \quad \pi \quad (1)$$

$$i\pi \quad (2)$$

$$i\frac{\pi}{2} \quad (3)$$

$$\frac{\pi}{2} \quad (4)$$

-۱۲ فرض کنید تابع مختلط  $f(z) = f(x+iy) = u(x,y) + iv(x,y)$  در صفحه مختلط مشتق‌پذیر است و داریم:

$$I = \oint_{|z|=1} \frac{\sin(f(z))}{\sin(z)} dz. \quad u(0,0) = 0 \quad \text{و} \quad u(x,y) + v(x,y) = \pi$$

$$2\pi i \sinh(\pi) \quad (1)$$

$$\pi(e^{-\pi} + e^\pi) \quad (2)$$

$$\pi(e^{-\pi} - e^\pi) \quad (3)$$

$$0 \quad (4)$$

-۱۳ اگر  $C$  مرز  $|z|=3$  در جهت مثلثاتی باشد، آنگاه مقدار انتگرال  $\int_C \frac{dz}{z^2 \sin z}$  کدام است؟

$$\pi i \quad (1)$$

$$2\pi i \quad (2)$$

$$\frac{\pi i}{2} \quad (3)$$

$$\frac{\pi i}{3} \quad (4)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

- ۱۴- مقدار مانده تابع مختلط  $f(z) = \frac{1}{\sin^2(z)} + \frac{1}{1-\cos(z)}$  در نقطه  $z=0$ , کدام است؟

(۱) صفر

(۲)  $\frac{1}{2}$

(۳)  $\frac{1}{6}$

(۴)

- ۱۵- سری لوران تابع  $f(z) = \frac{\cosh z}{(z+i\pi)^2}$  حول نقطه  $-\pi i$ , کدام است؟

$$-\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z+\pi i)^{2n-2}}{(2n)!} \quad (1)$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z+\pi i)^{2n-2}}{n!} \quad (2)$$

$$-\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z+\pi i)^{2n-2}}{n!} \quad (3)$$

$$\sum_{n=0}^{\infty} \frac{(z+\pi i)^{2n-2}}{(2n)!} \quad (4)$$

- ۱۶- جسم صلب دلخواهی در فضا حول مرکز جرمش دوران می‌کند. اگر برای بند گشتاورهای وارد بر جسم حول مرکز جرم برابر صفر باشد  $\sum M_G = 0$ , گزینه نادرست کدام است؟

(۱) حاصل ضرب داخلی بردار اندازه حرکت زاویه‌ای جسم در بردار سرعت زاویه‌ای جسم ثابت است.

(۲) اندازه بردار سرعت زاویه‌ای جسم ثابت است ولی جهت آن ممکن است تغییر کند.

(۳) اندازه حرکت زاویه‌ای جسم حول مرکز جرم ثابت است.

(۴) انرژی جنبشی دورانی جسم ثابت است.

- ۱۷- لغزندۀ A با سرعت ثابت  $v$  مطابق شکل زیر، حرکت می‌کند. مقدار سرعت لغزندۀ B، کدام است؟ (میله AB

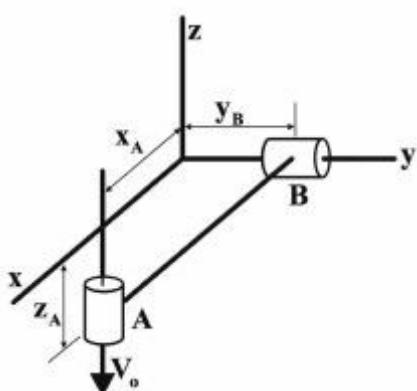
صلب است)

$$2v \cdot \frac{y_B}{z_A} \quad (1)$$

$$v \cdot \frac{z_A}{y_B} \quad (2)$$

$$2v \cdot \quad (3)$$

$$v \cdot \quad (4)$$



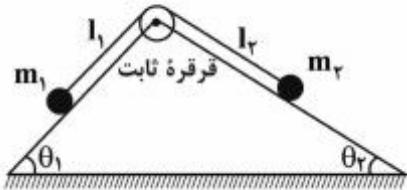
# پیاچ دی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۷

307E

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌متاخر)

- ۱۸- هرگاه ۱ مختصات تعیین یافته باشد، نیروی تعیین یافته  $Q_1$  کدام است؟ (جرم‌های کوچک  $m_1$  و  $m_2$  توسط کابلی به طول ثابت ۱ به هم متصل شده‌اند).



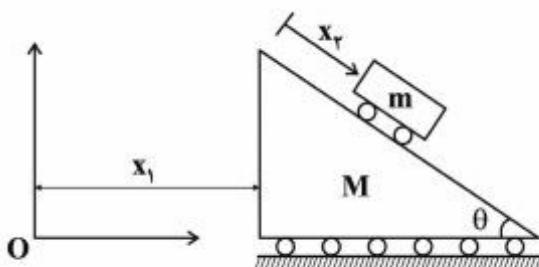
$$m_2 g \sin \theta_1 - m_1 g \sin \theta_2 \quad (1)$$

$$m_1 g \cos \theta_1 + m_2 g \cos \theta_2 \quad (2)$$

$$m_1 g \sin \theta_1 - m_2 g \sin \theta_2 \quad (3)$$

$$m_1 g \cos \theta_1 - m_2 g \cos \theta_2 \quad (4)$$

- ۱۹- تابع لاگرانژین برای سیستم زیر، کدام است؟



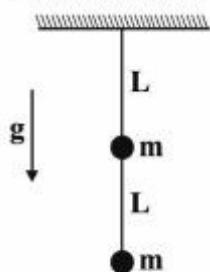
$$\frac{1}{2} M \ddot{x}_1^2 + \frac{1}{2} m (\dot{x}_1^2 + \dot{x}_2^2 - 2 \dot{x}_1 \dot{x}_2 \cos \theta) - mg x_2 \sin \theta \quad (1)$$

$$\frac{1}{2} M \ddot{x}_1^2 - \frac{1}{2} m (\dot{x}_1^2 + \dot{x}_2^2 - 2 \dot{x}_1 \dot{x}_2 \cos \theta) - mg x_2 \sin \theta \quad (2)$$

$$\frac{1}{2} M \ddot{x}_1^2 + \frac{1}{2} m (\dot{x}_1^2 + \dot{x}_2^2 \cos^2 \theta) + mg x_2 \sin \theta \quad (3)$$

$$\frac{1}{2} M \ddot{x}_1^2 + \frac{1}{2} m (\dot{x}_1^2 + \dot{x}_2^2 + 2 \dot{x}_1 \dot{x}_2 \cos \theta) + mg x_2 \sin \theta \quad (4)$$

- ۲۰- پاندول زیر، از دو گوی کوچک با جرم‌های مساوی  $m$  و یک میلهٔ صلب بدون جرم، به طول  $2L$  ساخته شده است. میله می‌تواند آزادانه حول انتهای فوقانی خود بچرخد. پریود نوسان این پاندول کدام است؟ (دامنه نوسان کوچک فرض شود)



$$2\pi \sqrt{\frac{3g}{5L}} \quad (1)$$

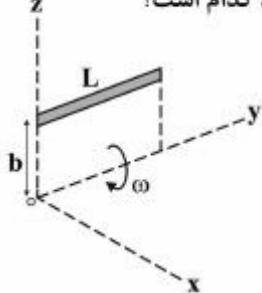
$$2\pi \sqrt{\frac{3L}{2g}} \quad (2)$$

$$2\pi \sqrt{\frac{2L}{3g}} \quad (3)$$

$$2\pi \sqrt{\frac{5L}{3g}} \quad (4)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

- ۲۱- میله باریک و یکنواخت زیر به جرم  $m$  و طول  $L$  حول محور  $y$  با سرعت زاویه‌ای  $\omega$  دوران می‌کند. بردار اندازه حرکت زاویه‌ای میله حول مبدأ دستگاه مختصات  $xyz$  در موقعیت نشان داده شده، کدام است؟



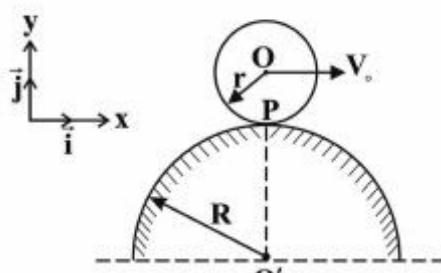
$$mb^r\omega(\hat{j} - \frac{L}{r} \hat{k}) \quad (1)$$

$$mb^r\omega(\hat{j} - \frac{L}{b} \hat{k}) \quad (2)$$

$$mLb\omega\hat{j} \quad (3)$$

$$mb^r\omega\hat{j} \quad (4)$$

- ۲۲- استوانه‌ای به شعاع  $r$  روی سطح ثابتی به شعاع  $R$  غلت بدون لغزش می‌کند. اگر سرعت مرکز استوانه ثابت و برابر باشد، شتاب نقطه  $P$  کدام است؟



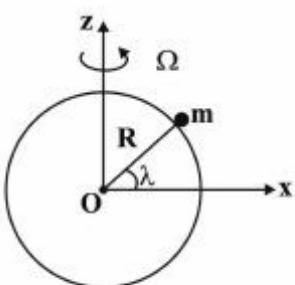
$$-\frac{V_0^r}{R+r} \hat{j} \quad (1)$$

$$\frac{V_0^r}{r} \hat{j} \quad (2)$$

$$\frac{V_0^r R}{r(R+r)} \hat{j} \quad (3)$$

$$\frac{V_0^r}{R} \hat{j} \quad (4)$$

- ۲۳- جسمی به جرم  $m$  بر روی سطح کره زمین در عرض جغرافیایی  $\lambda$  به طور ثابت قرار گرفته است. با فرض وجود ضریب اصطکاک ایستایی  $\mu$  و سرعت دورانی  $\Omega$  برای زمین، نیروی اصطکاک وارد بر جسم کدام است؟  $g$  شتاب گرانش بر روی سطح زمین می‌باشد.



$$mR\Omega^r \sin\lambda \cos\lambda [-\sin\lambda \hat{i} + \cos\lambda \hat{k}] \quad (1)$$

$$\mu m(g - R\Omega^r \sin\lambda \cos\lambda) \hat{j} \quad (2)$$

$$\mu mg[-\sin\lambda \hat{i} + \cos\lambda \hat{k}] \quad (3)$$

$$\mu mg \hat{j} \quad (4)$$

- ۲۴- مجموعه‌ای شامل  $N$  جرم یکسان را در یک محیط بسته و یک بعدی، تحت نیروهای خارجی و میدان‌های القایی قرار داده‌ایم. توزیع اندازه سرعت آنها از تابع  $f(v) = ke^{-kv}$  تبعیت می‌کند. یعنی، کسری از اجرام که دارای سرعت در بازه  $v$  و  $v+dv$  می‌باشند، برابر با  $f(v)dv$  است. سرعت سریع‌ترین جرم درون محیط کدام است؟

$$\left( \int_0^\infty f(v)dv = 1 \right)$$

$$\frac{1}{k} e^{kN} \quad (1)$$

$$kN \quad (2)$$

$$\frac{1}{k} \ln(N) \quad (3)$$

$$2kN \quad (4)$$

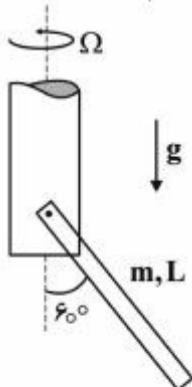
# پیاچ دی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۹

307E

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌مت مرکز)

- ۲۵- میله باریک و یکنواخت زیر به طول  $L$  به قطعه دواری مفصل شده است. سرعت قطعه دوار،  $\Omega$ . توسط موتوری ثابت نگه داشته شده است. اگر میله زاویه ثابت  $60^\circ$  درجه را با خط قائم حفظ کند، اندازه  $\Omega$  کدام است؟



$$\sqrt{\frac{g}{L}} \quad (1)$$

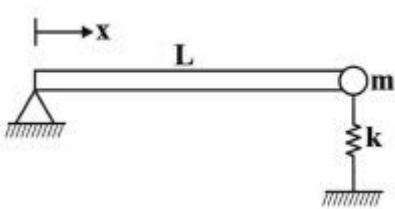
$$\sqrt{\frac{2g}{L}} \quad (2)$$

$$\sqrt{\frac{3g}{L}} \quad (3)$$

$$\sqrt{\frac{6g}{L}} \quad (4)$$

- ۲۶- برای به دست آوردن پاسخ تقریبی تیر زیر، ازتابع آزمایش مرتبه چهار  $\phi(x)$  به عنوان تابع مقایسه‌ای برای مجزاسازی با روش گالرکین استفاده می‌شود. مقدار  $b$  باید برابر کدام یک باشد؟

$$\phi(x) = bx + dx^3 + x^5$$



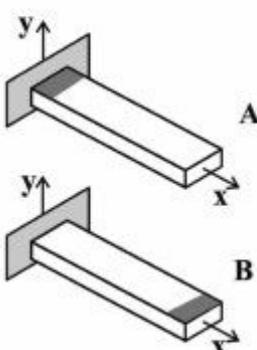
$$\frac{-12EI}{k - m\omega^2} + L^3 \quad (1)$$

$$\frac{6EI}{k - m\omega^2} + L^3 \quad (2)$$

$$\frac{12EI}{k - m\omega^2} + L^3 \quad (3)$$

$$\frac{-6EI}{k - m\omega^2} + L^3 \quad (4)$$

- ۲۷- دو تیر یکسر گیردار زیر کاملاً یکسان هستند، بنابراین فرکانس طبیعی آن‌ها نیز یکسان است. در تیر A لبه نزدیک تکیه‌گاه کمی سائیده می‌شود. در تیر B همان میزان سایش در لبه آزاد تیر انجام می‌شود. در این مورد، ترتیب صحیح کدام است؟



(۱) فرکانس طبیعی از ویژگی‌های یک تیر است و با سایش جرم آن تغییر نمی‌کند.

(۲) فرکانس طبیعی تیرها برابر و بیش از فرکانس طبیعی اولیه می‌شود.

(۳) فرکانس طبیعی تیر B از تیر A بیشتر می‌شود.

(۴) فرکانس طبیعی تیر A از تیر B بیشتر می‌شود.

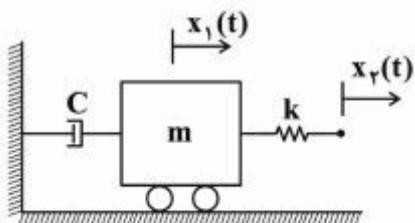
# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۰

307E

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌مت مرکز)

- ۲۸ - نسبت دامنه خروجی به دامنه ورودی سیستم یک درجه آزادی نشان داده شده  $\frac{X_1}{X_2}$  در شکل زیر کدام است؟



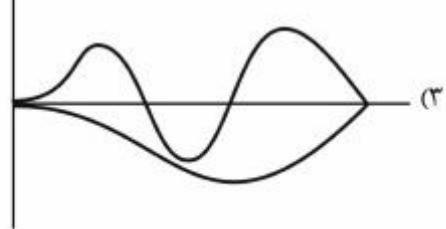
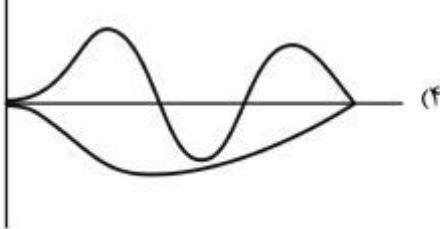
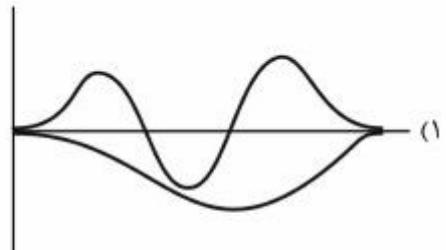
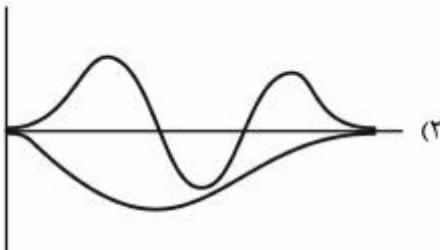
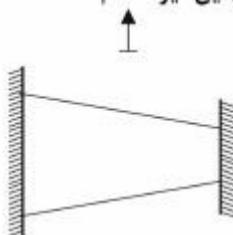
$$r^{\gamma} \sqrt{(1-r^{\gamma})^2 + (2\zeta r)^2} \quad (1)$$

$$\frac{r^{\gamma}}{\sqrt{(1-r^{\gamma})^2 + (2\zeta r)^2}} \quad (2)$$

$$\sqrt{(1-r^{\gamma})^2 + (2\zeta r)^2} \quad (3)$$

$$\frac{1}{\sqrt{(1-r^{\gamma})^2 + (2\zeta r)^2}} \quad (4)$$

- ۲۹ - تیر زیر با مقطع دایره‌ای در دو انتهای ثابت بوده و دارای ارتعاش جانبی است. فرم صحیح مودهای این تیر، کدام است؟



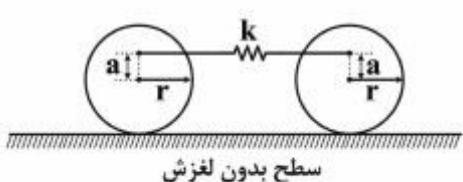
- ۳۰ - در سیستم ارتعاشی زیر، دیسک‌ها یکسان هستند. با افزایش پارامتر a از صفر تا  $\infty$ ، چه تغییری در فرکانس‌های طبیعی سیستم به وجود می‌آید؟ تماس دیسک‌ها با سطح، بدون لغزش فرض شود.

(۱) یک فرکانس تغییر نمی‌کند و فرکانس دیگر دو برابر می‌شود.

(۲) یک فرکانس تغییر نمی‌کند و فرکانس دیگر نصف می‌شود.

(۳) هر دو فرکانس طبیعی ثابت می‌مانند.

(۴) هر دو فرکانس طبیعی چهار برابر می‌شوند.



# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۱

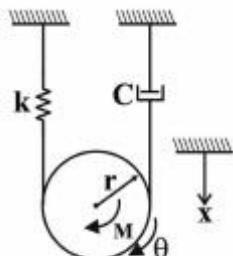
307E

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌مت مرکز)

- ۳۱ - برای به دست آوردن معادلات حرکت سیستم ارتعاشی زیر، از روش لاغرانژ یعنی:

$$\frac{d}{dt} \frac{\partial T}{\partial \dot{q}_i} - \frac{\partial T}{\partial q_i} + \frac{\partial V}{\partial q_i} = Q_i$$

در صورتی که  $Q_2, Q_1 = 0$  باشد،  $Q_2, Q_1 = \theta$  چه مقادیری هستند؟



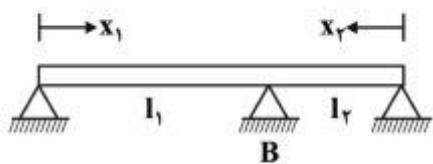
$$Q_2 = -Cr^2\dot{\theta} + M \quad , \quad Q_1 = -C(\dot{x} + r\dot{\theta}) + \frac{M}{r} \quad (1)$$

$$Q_2 = M - Cr(\dot{x} + r\dot{\theta}) \quad , \quad Q_1 = -C(\dot{x} + r\dot{\theta}) \quad (2)$$

$$Q_2 = M + Cr(\dot{x} + r\dot{\theta}) \quad , \quad Q_1 = -C(\dot{x} + r\dot{\theta}) + M \quad (3)$$

$$Q_2 = -Cr(\dot{x} + r\dot{\theta}) + M \quad , \quad Q_1 = 0 \quad (4)$$

- ۳۲ - در تیر زیر، شرایط مرزی در تکیه‌گاه B، کدام است؟



$$M(l_1, t) = M(l_2, t), \quad \frac{\partial^r w_1(l_1, t)}{\partial x_1^r} = \frac{\partial^r w_2(l_2, t)}{\partial x_2^r} \quad (1)$$

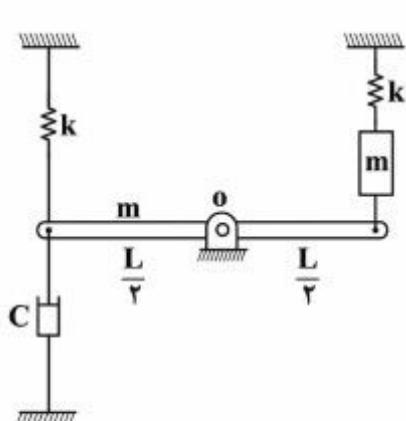
$$\frac{\partial w_1(l_1, t)}{\partial x_1} = \frac{\partial w_2(l_2, t)}{\partial x_2}, \quad \frac{\partial^r w_1(l_1, t)}{\partial x_1^r} = \frac{\partial^r w_2(l_2, t)}{\partial x_2^r} \quad (2)$$

$$M(l_1, t) = M(l_2, t), \quad \frac{\partial w_1(l_1, t)}{\partial x_1} = \frac{\partial w_2(l_2, t)}{\partial x_2} \quad (3)$$

$$M(l_1, t) = M(l_2, t), \quad \frac{\partial w_1(l_1, t)}{\partial x_1} = -\frac{\partial w_2(l_2, t)}{\partial x_2} \quad (4)$$

- ۳۳ - میله سیستم مکانیکی زیر، صلب، به جرم m و در نقطه O لولا شده است. ضریب میرایی C که سیستم را در

$$I_o = \frac{1}{12}mL^2 \quad \text{شرایط میرایی بحرانی قرار می‌دهد، کدام است؟} \quad (1)$$



$$\sqrt{km} \quad (1)$$

$$\sqrt{\frac{32}{3}}km \quad (2)$$

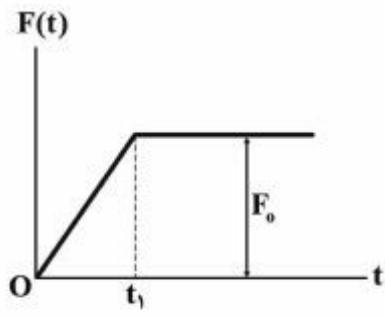
$$\sqrt{32}km \quad (3)$$

$$\sqrt{2}km \quad (4)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۳۴- یک سیستم جرم - فنر تحت اثر نیروی  $F(t)$  قرار گرفته است. اگر شرایط اولیه صفر فرض شود، مقدار بیشینه

$$\text{کدام خواهد بود؟} \left( \frac{XK}{F_0} \right)$$



$$1 + \frac{1}{\omega_n t_1} \sqrt{\frac{1}{2}(1 - \cos \omega_n t_1)} \quad (1)$$

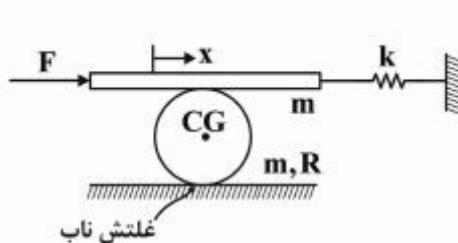
$$1 + \frac{1}{\omega_n t_1} \sqrt{(1 - \cos \omega_n t_1)} \quad (2)$$

$$1 + \frac{1}{\omega_n t_1} \sqrt{2(1 - \cos \omega_n t_1)} \quad (3)$$

$$1 + \frac{1}{2\omega_n t_1} \sqrt{(1 - \cos \omega_n t_1)} \quad (4)$$

۳۵- اگر جرم افقی  $m$  روی غلتک زیر به جرم  $m$  و شعاع  $R$ . غلتش ناب داشته باشد، دامنه ارتعاش پایدار  $x(t)$  جرم

$$\text{افقی در اثر نیروی تحریک هارمونیک } F = F_0 \sin \omega t, \text{ کدام است؟} \left( I_{CG} \text{ غلتک} \right)$$



$$\frac{F_0}{k - m\omega^2} \quad (1)$$

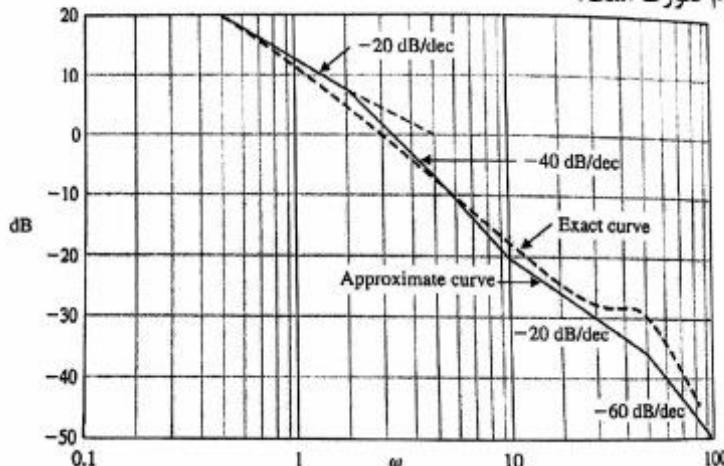
$$\frac{F_0}{k - 2m\omega^2} \quad (2)$$

$$\frac{\lambda F_0}{\lambda k - 4m\omega^2} \quad (3)$$

$$\frac{\lambda F_0}{\lambda k - 11m\omega^2} \quad (4)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

- ۳۶- بخش اندازه از دیاگرام بود (Bode) یک سیستم پایدار و غیرحداقل فاز (Non-Minimum Phase) به شکل زیر است.تابع تبدیل این سیستم به کدام صورت است؟



$$G(s) = \frac{\Delta(\zeta/s + 1)}{s(\zeta/s + 1)(\zeta \times 10^{-f} s^r + \zeta f \times \zeta \times 2s + 1)} \quad (1)$$

$$G(s) = \frac{\Delta(1 \times s - 1)}{s(2s + 1)(25 \times 10^{-f} s^r + \zeta f \times 5 \times 2s + 1)} \quad (2)$$

$$G(s) = \frac{\Delta(1 \times s - 1)}{s(\zeta/s + 1)(\zeta \times 10^{-f} s^r + \zeta f \times \zeta \times 2s + 1)} \quad (3)$$

$$G(s) = \frac{\Delta(1 \times s - 1)}{s(2s - 1)(25 \times 10^{-f} s^r + \zeta f \times 5 \times 2s + 1)} \quad (4)$$

- ۳۷- معادلات حالت یک سیستم پیوسته خطی به شکل زیر است.تابع تبدیل سیستم کدام است؟

$$\dot{x}(t) = Ax(t) + Bu(t)$$

$$y(t) = Cx(t) + Du(t)$$

$$A = \begin{bmatrix} -4 & 0 & 0 & 0 \\ 0 & -3 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & -2 & 0 \\ 0 & 0 & 0 & -1 \end{bmatrix}, \quad B = \begin{bmatrix} 5 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix}, \quad C = [1 \ 1 \ 1 \ 0], \quad D = 0$$

$$G(s) = \frac{Vs + 1\lambda}{s^r + \zeta s + \lambda} \quad (5)$$

$$G(s) = \frac{s + V}{s^r + 1\lambda s^r + \zeta s + 1\lambda} \quad (6)$$

$$G(s) = \frac{Vs + 1\lambda}{s^r + 1\lambda s^r + \zeta s + 1\lambda} \quad (7)$$

$$G(s) = \frac{s + V}{s^r + \zeta s + \lambda} \quad (8)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

- ۳۸- در سیستم زیر  $x_1$  و  $x_2$  هر کدام متغیرهای حالت  $\Pi$  بعدی هستند که شرایط اولیه آنها  $x_{10}$  و  $x_{20}$  است.  $A_1$  و  $A_2$  ماتریس‌های مربع  $\Pi \times \Pi$  هستند و حل  $x_1$  و  $x_2$  عبارت است از:

$$x_1(t) = e^{A_1 t} x_{10} \text{ و } x_2(t) = e^{A_2 t} x_{20}$$

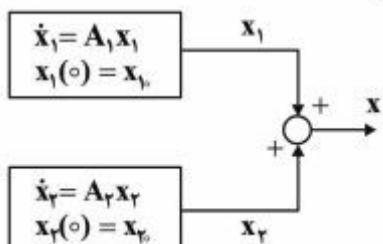
با توجه به موارد فوق در مورد امکان جایگزینی این سیستم با سیستمی که در آن  $\dot{x} = Ax$  و  $x(0) = x_{10} + x_{20}$  گزینه صحیح کدام است؟

(۱) با توجه به ساختار سیستم خطی جایگزینی پیشنهادی همواره صحیح است.

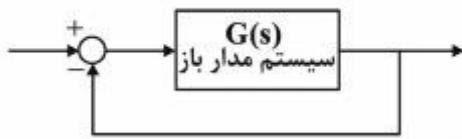
(۲) فقط وقتی صحیح است که مقادیر ویژه  $A_1$  و  $A_2$  برابر باشند.

(۳) در فضای برداری  $\Pi$  بعدی این جایگزینی صحیح نیست.

(۴) تنها اگر  $A_1 A_2 = A_2 A_1$  باشد، صحیح است.



- ۳۹- در سیستم زیر،تابع تبدیل مدار باز ( $G(s)$ ) است که در مدار بسته قرار گرفته است. در مورد قطب‌ها (poles) و صفرهای (zeros) سیستم‌های مدار باز و مدار بسته، کدام گزینه درست است؟



(۱) صفرهای مدار بسته همان صفرهای مدار باز هستند.

(۲) قطب‌های مدار بسته همان قطب‌های مدار باز هستند.

(۳) صفرها و قطب‌های مدار بسته با صفرها و قطب‌های مدار باز متفاوتند.

(۴) بعضی از قطب‌های مدار باز ممکن است با قطب‌های مدار بسته برابر باشند.

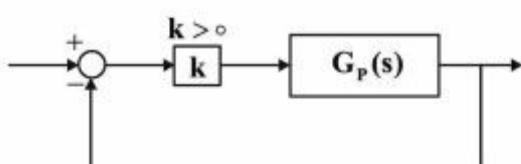
- ۴۰- در سیستم مدار بسته زیر که در آن  $G_p(s) = \frac{s^3(1+b)s+b}{s^4+9/5s^3+28/5s^2+27s}$  است؛ به ازای کدام مقادیر پارامتر  $b$ ، سیستم مدار بسته به ازای همه مقادیر  $k > 0$ ، پایدار مجانبی (کاملاً پایدار) است؟

$$4 < b < 11/5 \quad (1)$$

$$0 < b < 8/5 \quad (2)$$

$$1 < b < 21/5 \quad (3)$$

$$2 < b < 17/5 \quad (4)$$



# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

- ۴۱ برای سیستم خطی با معادلات حالت زیر در حالتی که در آن  $u = \begin{bmatrix} 1 \\ 1 \end{bmatrix}$  است، رفتار سیستم محاسبه شده و به صورت  $y(t) = 2e^{-\Delta t}$  درآمده است. در مورد مشاهده‌پذیری و کنترل‌پذیری سیستم، گزینه‌های صحیح کدام است؟

$$\dot{x} = Ax + Bu$$

$$y = Cx$$

$$A = \begin{bmatrix} -1 & 1 \\ -4 & -6 \end{bmatrix}$$

$$B = \begin{bmatrix} 1 \\ 0 \end{bmatrix}$$

- (۱) کنترل‌پذیر و مشاهده‌پذیر است.  
(۲) نه کنترل‌پذیر و نه مشاهده‌پذیر است.  
(۳) کنترل‌پذیر است ولی مشاهده‌پذیر نیست.  
(۴) کنترل‌پذیر است ولی در مورد مشاهده‌پذیری نمی‌توان نظر داد.

- ۴۲ برای سیستم زیر با شرایط اولیه  $x_2(0) = 2$ ،  $x_1(0) = 2$  و ورودی پله واحد، مقادیر نهایی متغیرهای حالت، کدام است؟

$$\dot{x} = Ax + Bu$$

$$y = Cx + Du$$

$$A = \begin{bmatrix} -2 & 2 \\ -3 & 1 \end{bmatrix}; B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}; C = \begin{bmatrix} 1 & 0 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}; D = 0$$

$$x_1 = x_2 = \frac{1}{3} \quad (1)$$

$$x_1 = x_2 = -\frac{1}{3} \quad (2)$$

$$x_1 = x_2 \rightarrow \infty \quad (3)$$

$$x_1 = x_2 = 0 \quad (4)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

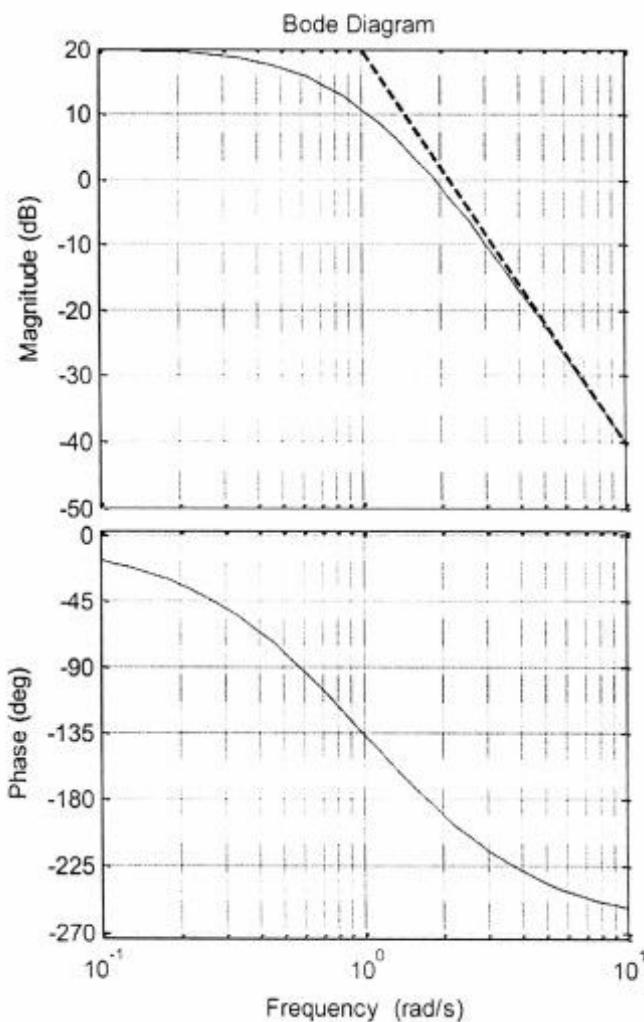
۴۳- دیاگرام بود سیستم مدار بازی، بدون در نظر گرفتن بهره، به صورت زیر است. بهره سیستم مدار باز چقدر باشد تا حد بهره سیستم مدار بسته حدود ۸ دسیبل شود؟

$$kp = ۵/۳۲ \quad (1)$$

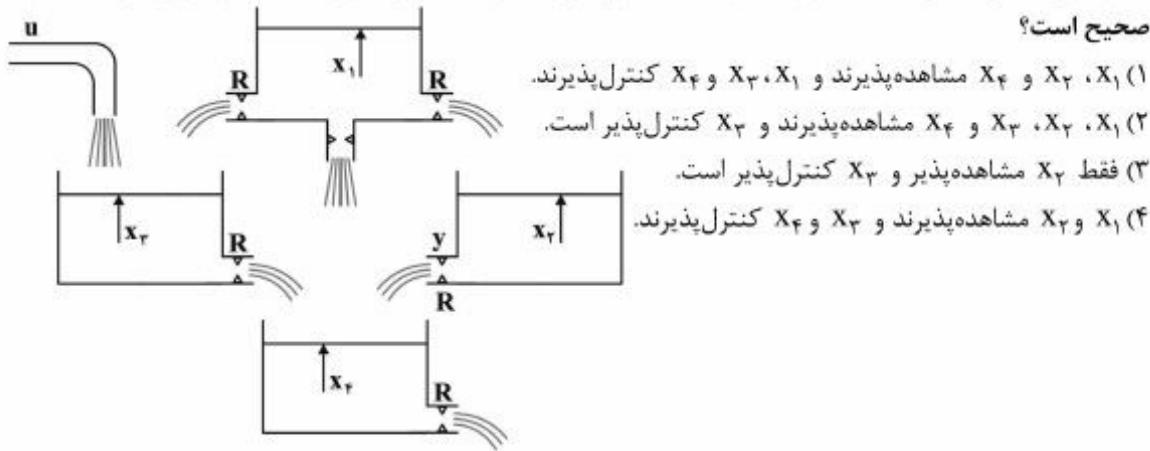
$$kp = ۳ \quad (2)$$

$$kp = ۱۰ \quad (3)$$

(4) با هیچ بهره‌ای پاسخ درست حاصل نمی‌شود.



۴۴- سیستم زیر، شامل ۴ مخزن مایع به ارتفاع  $x_1$  تا  $x_4$  با سطح مقطع‌های یکسان بوده و مقاومت شیرهای خروجی همه مساوی  $R$ ، نمایش یک سیستم خطی است. ورودی به این سیستم دبی  $u$  است که به ظرف سوم وارد می‌شود و خروجی  $y$  دبی خارج شده از ظرف دوم است. کدام پاسخ در مورد کنترل پذیری و مشاهده‌پذیری این سیستم صحیح است؟



# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۴۵- معادلات حالت سیستم خطی رسته ۴ و ماتریس‌های A، B و C مربوط به آن داده شده است. پاسخ صحیح در موردتابع تبدیل بین ورودی و خروجی در میدان لاپلاس، کدام است؟

$$\dot{x} = Ax + Bu$$

$$y = Cx$$

$$A = \begin{bmatrix} -2 & 0 & 0 & 0 \\ 1/5 & -3 & 0 & 0 \\ 0 & 1 & -4 & 0 \\ 0 & 2/5 & 2 & -1 \end{bmatrix} \quad B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} \quad C = \begin{bmatrix} 0 & 4 & 0 & 0 \end{bmatrix}$$

$$\frac{1}{(s+2)(s+3)(s+4)(s+1)} \quad (1)$$

$$\frac{s+2/5}{(s+1)(s+2)(s+3)(s+4)} \quad (2)$$

$$\frac{(s+1/5)(s+2/5)}{(s+2)(s+3)(s+1)} \quad (3)$$

$$\frac{4}{s+3} \quad (4)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۸

307E

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌مت مرکز)

آخرین اخبار و اطلاعات آزمون دکتری در وبسایت پیاچدی تست

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۹

307E

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌مت مرکز)

آخرین اخبار و اطلاعات آزمون دکتری در وبسایت پیاچدی تست

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۲۰

307E

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌مت مرکز)

آخرین اخبار و اطلاعات آزمون دکتری در وبسایت پیاچدی تست