

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

کد کنترل

687

A



687A

صبح جمعه ۹۷/۱۲/۳ دفترچه شماره (۱)			«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می‌شود.» امام خمینی (ره)	
		جمهوری اسلامی ایران وزارت علوم، تحقیقات و فناوری سازمان سنجش آموزش کشور		
<b>آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌متمرکز) - سال ۱۳۹۸</b>				
<b>رشته مهندسی برق - مخبرات - کد (۲۳۰۲)</b>				
مدت پاسخ‌گویی: ۱۵۰ دقیقه		تعداد سؤال: ۴۵		
عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سؤالات				
ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: ریاضیات مهندسی - مدارهای الکتریکی ۱ و ۲ - الکترومغناطیس - سیگنال‌ها و سیستم‌ها	۴۵	۱	۴۵
این آزمون نمره منفی دارد.		استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.		
حق چاپ، تکثیر و انتشار سؤالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تمامی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با متخلفین برابر مقررات رفتار می‌شود.				
۱۳۹۸				

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۲

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه متمرکز) - کد (۲۳۰۲) 687A

\* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، به منزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب ..... با شماره داوطلبی ..... در جلسه این آزمون شرکت می‌نمایم.

امضا:

۱- فرض کنید  $z = x + iy$  باشد. مقدار ماکزیمم  $|\sin z|$  در دامنه مربعی شکل  $D = \{(x, y), 0 \leq x, y \leq 2\pi\}$  کدام است؟

(۱) ۱

(۲)  $e^{2\pi}$

(۳)  $\sinh 2\pi$

(۴)  $\cosh 2\pi$

۲- جواب مسئله پواسن روبه‌رو کدام است؟

$$\begin{cases} \frac{\partial^2 \omega}{\partial r^2} + \frac{1}{r} \frac{\partial \omega}{\partial r} + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2 \omega}{\partial \theta^2} = \frac{\sin \theta}{r^2}, & 0 < r < 2, \quad 0 < \theta < 2\pi \\ \omega(r, 0) = 0 \\ \omega(2, \theta) = \sin 3\theta \end{cases}$$

$$\omega(r, \theta) = \sum_{n=1}^{\infty} r^n \sin 3n\theta \quad (1)$$

$$\omega(r, \theta) = \frac{1}{2} r \sin \theta + \frac{1}{8} r^7 \sin \theta \quad (2)$$

$$\omega(r, \theta) = \sum_{n=1}^{\infty} (r^n + r^{-n}) \sin 3n\theta \quad (3)$$

$$\omega(r, \theta) = \left(\frac{1}{2} r - 1\right) \sin \theta + \frac{1}{8} r^7 \sin 3\theta \quad (4)$$

۳- انتگرال فوریته تابع  $f(x) = \begin{cases} |\sin x|, & |x| \leq \pi \\ 0, & |x| > \pi \end{cases}$  کدام است؟

$$(1) \frac{1}{\pi} \int_0^{\infty} \frac{1 + \cos(\omega\pi)}{1 - \omega^2} \cos(\omega x) d\omega$$

$$(2) \frac{1}{\pi} \int_0^{\infty} \frac{1 + \cos(\omega\pi)}{1 - \omega^2} \omega \cos(\omega x) d\omega$$

$$(3) \frac{2}{\pi} \int_0^{\infty} \frac{1 + \cos(\omega\pi)}{1 - \omega^2} \cos(\omega x) d\omega$$

$$(4) \frac{2}{\pi} \int_0^{\infty} \frac{1 + \cos(\omega\pi)}{1 - \omega^2} \omega \cos(\omega x) d\omega$$

۴- معادله دیفرانسیل جزئی ناهمگن زیر با تغییر متغیر  $u(x,t) = v(x,t) + r(x)$  به یک معادله همگن با شرایط مرزی همگن تبدیل می‌شود.  $v(x,0)$  کدام است؟

$$\begin{cases} u_{xx} = u_t + x - 1, & 0 < x < 2, t > 0 \\ u(0,t) = 3, & u(2,t) = -1, t > 0 \\ u(x,0) = 1 - x^2, & 0 < x < 2 \end{cases}$$

$$(1) -\frac{7}{6}x^2 + \frac{1}{2}x^2 - \frac{5}{3}x - 2$$

$$(2) -\frac{7}{6}x^2 + \frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{3}x - 2$$

$$(3) -\frac{7}{6}x^2 + \frac{1}{2}x^2 + \frac{5}{3}x + 3$$

$$(4) -\frac{7}{6}x^2 + \frac{1}{2}x^2 - \frac{5}{3}x + 3$$

۵- اگر  $v(x,y)$  مزدوج همساز تابع  $u(x,y) = (x^2 - y^2 + 1)^2 - 4x^2y^2$  با شرط  $v(0,0) = 0$  باشد، مقدار  $v(1,1)$  کدام است؟

(1) ۱

(2) -۱

(3) ۴

(4) -۴

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۶- سری نیم دامنه سینوسی تابع  $f(x) = x(\pi - x)$  در فاصله  $0 < x < \pi$  کدام است؟

$$\sum_{m=0}^{\infty} \frac{1}{(2m+1)^2 \pi} \sin(2m+1)x \quad (1)$$

$$\sum_{m=0}^{\infty} \frac{1}{(2m+1)\pi} \sin(2m+1)x \quad (2)$$

$$\sum_{m=1}^{\infty} \frac{1}{m^2 \pi} \sin 2mx \quad (3)$$

$$\sum_{m=1}^{\infty} \frac{1}{m\pi} \sin 2mx \quad (4)$$

۷- اگر  $F(\omega, t) = \int_{-\infty}^{\infty} f(x, t) e^{-i\omega x} dx$  تبدیل فوریه  $f(x)$  باشد، تبدیل فوریه جواب مسئله زیر کدام است؟

$$\begin{cases} u_t - a^2 u_{xx} = f(x, t), & t > 0, x \in \mathbb{R} \\ u(x, 0) = 0, & x \in \mathbb{R} \end{cases}$$

$$\int_0^t F(\omega, \tau) e^{a^2 \omega^2 (t-\tau)} d\tau \quad (1)$$

$$\int_0^t F(\omega, \tau) e^{-a^2 \omega^2 (t-\tau)} d\tau \quad (2)$$

$$\int_0^{\infty} F(\omega, \tau) e^{-a^2 \omega^2 (t-\tau)} d\tau \quad (3)$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} F(\omega, \tau) e^{-a^2 \omega^2 (t-\tau)} d\tau \quad (4)$$

۸- فرض کنید تابع تحلیلی  $f: \mathbb{C} \rightarrow \mathbb{C}$  برای هر  $z \in \mathbb{C}$  در نامساوی  $|f(z) - 2z^2 - iz| \leq \sqrt{2}$  صدق کند. در

این صورت مقدار  $\oint_{|z|=1} f\left(\frac{1}{z}\right) dz$  کدام است؟

(1)  $2\pi i$

(2)  $-2\pi i$

(3)  $2\pi$

(4)  $-2\pi$

۹- تصویر خط راست  $2x + 3y = 5$  تحت نگاشت  $w = u + iv = \frac{1}{z}$ ، کدام است؟

$$(u - \frac{1}{5})^2 + (v + \frac{3}{10})^2 = \frac{13}{100} \quad (1)$$

$$(u - \frac{1}{5})^2 + (v - \frac{3}{10})^2 = \frac{13}{100} \quad (2)$$

$$(u + \frac{1}{5})^2 + (v - \frac{3}{10})^2 = \frac{13}{100} \quad (3)$$

$$(u + \frac{1}{5})^2 + (v + \frac{3}{10})^2 = \frac{13}{100} \quad (4)$$

۱۰- فرم کلی جواب مسئله موج زیر کدام است؟

$$\begin{cases} u_{tt}(x,y,t) - 9\nabla^2 u(x,y,t) = \begin{cases} te^{-|x+y|} & 0 < x < 1 \\ 0 & x > 1 \end{cases}, y \in \mathbb{R}, t > 0 \\ u(x,y,0) = \begin{cases} x+y & 0 < x < 1, -2 < y < 2 \\ 0 & \text{سایر جاها} \end{cases} \\ u_t(x,y,0) = 0, x > 0, y \in \mathbb{R} \\ u(0,y,t) = 0, y \in \mathbb{R} \end{cases}$$

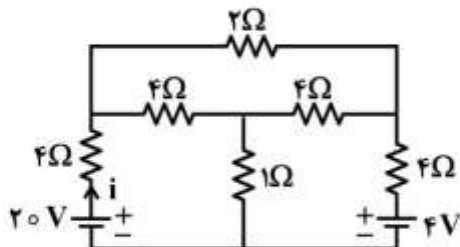
$$u(x,y,t) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_0^1 (A_{\omega} \cos \tau \omega t + B_{\omega} \sin \tau \omega t + C_{\omega} t + D_{\omega}) e^{i\omega y} \sin(\omega x) dx dy \quad (1)$$

$$u(x,y,t) = \int_{-2}^2 \int_0^1 (A_{\omega} \cos \tau \omega t + B_{\omega} \sin \tau \omega t + C_{\omega} t + D_{\omega}) e^{i\omega y} \sin(\omega x) dx dy \quad (2)$$

$$u(x,y,t) = \int_0^{\infty} \int_0^{\infty} (A_{\omega} \cos \tau \omega t + B_{\omega} \sin \tau \omega t + C_{\omega} t + D_{\omega}) e^{i\omega y} \sin(\omega x) dx dy \quad (3)$$

$$u(x,y,t) = \int_{-\infty}^{\infty} \int_0^{\infty} (A_{\omega} \cos \tau \omega t + B_{\omega} \sin \tau \omega t + C_{\omega} t + D_{\omega}) e^{i\omega y} \sin(\omega x) dx dy \quad (4)$$

۱۱- در مدار مقاومتی زیر، جریان  $i$  چند آمپر است؟



$$2/5 \quad (1)$$

$$3/7 \quad (2)$$

$$4/3 \quad (3)$$

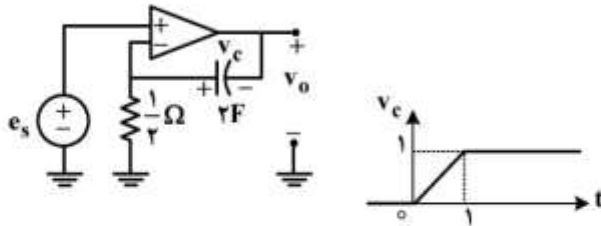
$$1/5 \quad (4)$$

$$5/3 \quad (5)$$

$$1/5 \quad (6)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۱۲- در مدار زیر، تقویت کننده عملیاتی ایدئال و شکل موج ولتاژ دو سر خازن مطابق شکل زیر است. ولتاژ خروجی



$v_o(t)$  در بازه  $0 < t < 1$  با چه عبارتی داده می شود؟

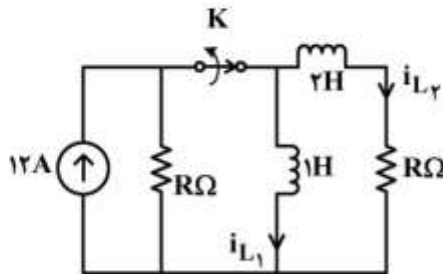
(۱)  $1-t$

(۲)  $-1+t$

(۳)  $(1+t)$

(۴)  $-(1+t)$

۱۳- در مدار زیر، R چقدر باشد تا یک ثانیه پس از باز شدن کلید K جریان عبوری از سلف ۱H برابر ۲A شود؟



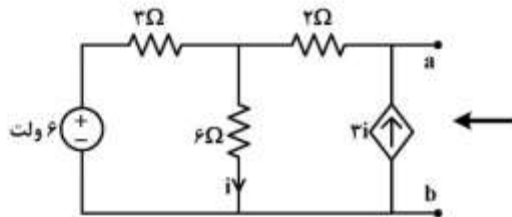
(۱)  $\ln 2$

(۲)  $\ln 4$

(۳)  $\ln 8$

(۴)  $\ln 16$

۱۴- مدار معادل شکل زیر از دو سر a و b کدام است؟



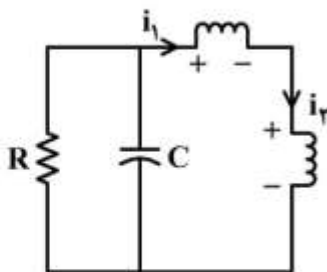
(۱) یک منبع جریان ناپسته

(۲) یک منبع ولتاژ ناپسته

(۳) یک مقاومت

(۴) یک منبع ولتاژ سری با یک مقاومت

۱۵- در مدار زیر، سلفهای غیرخطی با مشخصه های  $\phi_1 = -i_1^3$  و  $\phi_2 = i_2^3 + i_2$  داده شده است. اگر  $R = \frac{1}{4} \Omega$



$0 < C < 1$  و  $i_1$  پاسخ این مدار باشد، پاسخ این مدار چگونه است؟

(۱) میرای ضعیف

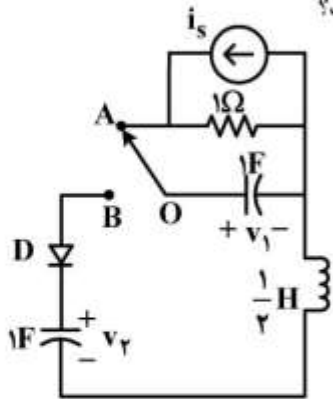
(۲) میرای شدید

(۳) میرای بحرانی

(۴) نوسانی

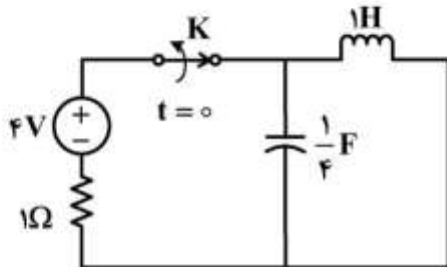
# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۱۶- در مدار زیر،  $i_s = 2u(-t)$  و شرط اولیه  $v_C(0^+) = 1$  ولت است. اگر در لحظه  $t = 0$  کلید را از وضعیت OA به وضعیت OB بچرخانیم، مدت زمان هدایت دیود ایدئال D چند ثانیه خواهد بود؟



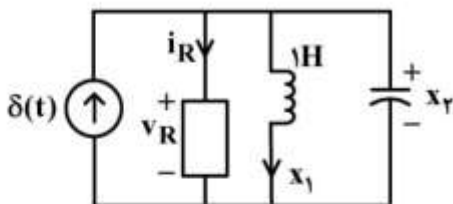
- (۱)  $\frac{\pi}{4}$
- (۲)  $\frac{\pi}{2}$
- (۳)  $\frac{3\pi}{4}$
- (۴)  $\pi$

۱۷- در مدار زیر کلید K مدت زمان زیادی بسته بوده است. آن را در لحظه  $t = 0$  باز می‌کنیم. مسیر حالت برای  $t > 0$ ، روی کدام معادله قرار دارد؟



- (۱)  $4x_1^2 + 16x_2^2 = 1$
- (۲)  $x_1^2 + 4x_2^2 = 16$
- (۳)  $x_1^2 + 64x_2^2 = 16$
- (۴)  $4x_1^2 + x_2^2 = 64$

۱۸- در مدار غیرخطی زیر، بار خازن  $q = x_2^2$ ، جریان مقاومت غیرخطی  $i_R = \frac{1}{v_R}$  و سلف  $1H$  خطی است. معادلات



حالت این مدار کدام است؟

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = x_2 \\ \dot{x}_2 = \frac{-1}{2x_2^2} - \frac{x_1}{2x_2} + \frac{\delta(t)}{2x_2} \end{cases} \quad (1)$$

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = x_2 \\ \dot{x}_2 = \frac{-1}{x_2^2} - \frac{x_1}{x_2} + \frac{\delta(t)}{x_2} \end{cases} \quad (2)$$

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = x_2 \\ \dot{x}_2 = \frac{1}{2x_2^2} - \frac{x_1}{2x_2} - \frac{\delta(t)}{2x_2} \end{cases} \quad (3)$$

$$\begin{cases} \dot{x}_1 = x_2 \\ \dot{x}_2 = \frac{-1}{2x_2^2} + \frac{x_1}{2x_2} + \frac{\delta(t)}{2x_2} \end{cases} \quad (4)$$

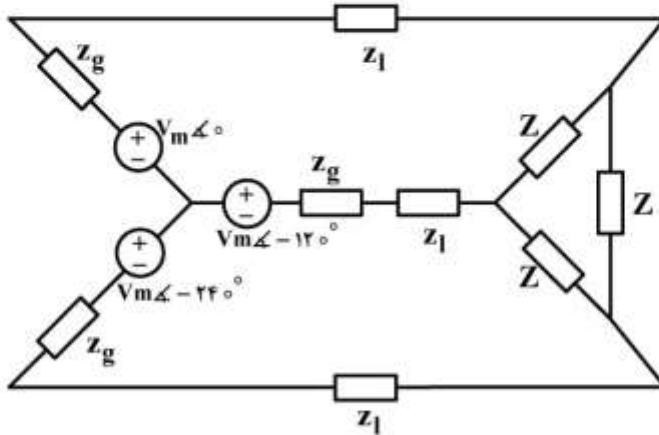
# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۱۹- در مدار زیر،  $Z$  چقدر باشد تا ماکزیمم توان دریافتی را داشته باشد؟

$$z_g = 0.2 + j0.5$$

$$z_1 = 0.8 + j0.1$$

$$Z = R + jX$$



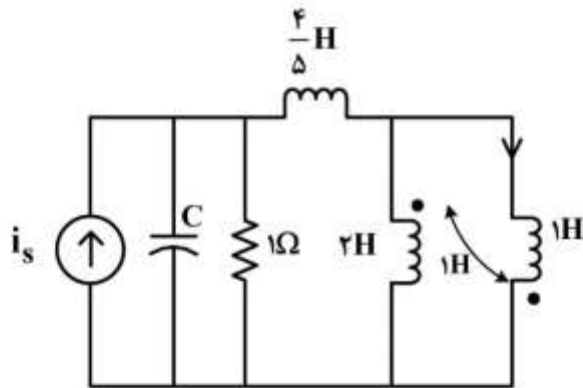
$$Z = 0.6 - j \quad (1)$$

$$Z = 1 - j0.6 \quad (2)$$

$$Z = 1.8 - j3 \quad (3)$$

$$Z = 3 - j1.8 \quad (4)$$

۲۰- در مدار زیر با ورودی  $i_s$  ظرفیت خازن  $C$  چند فاراد باشد تا مدار فرکانس طبیعی مضاعف داشته باشد؟



$$1 \quad (1)$$

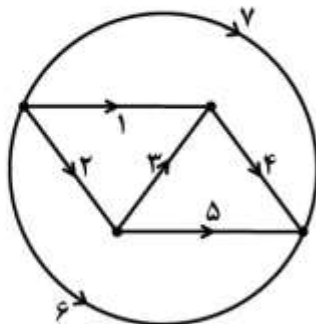
$$\frac{1}{2} \quad (2)$$

$$\frac{1}{4} \quad (3)$$

$$\frac{1}{8} \quad (4)$$

۲۱- اگر حلقه‌های اساسی در یک گراف به صورت زیر باشد:

$$\{213, 435, 7135, 6135\}$$



درخت متناظر و کاتست‌های اساسی آن کدام‌اند؟

$$(1) \text{ درخت } 135 \text{ و } \{5647 \text{ و } 32647 \text{ و } 1267\}$$

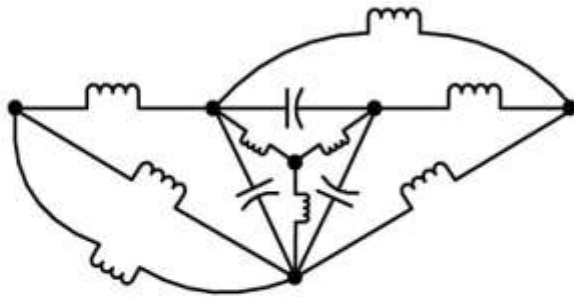
$$(2) \text{ درخت } 234 \text{ و } \{5647 \text{ و } 32647 \text{ و } 1267\}$$

$$(3) \text{ درخت } 643 \text{ و } \{4521 \text{ و } 235 \text{ و } 6217\}$$

$$(4) \text{ درخت } 713 \text{ و } \{7456 \text{ و } 1245 \text{ و } 235\}$$



۲۲- مرتبه مدار زیر و تعداد فرکانس‌های طبیعی ناصفر آن به ترتیب کدام است؟



- (۱) ۲ و ۸
- (۲) ۴ و ۸
- (۳) ۶ و ۸
- (۴) ۲ و ۱۰

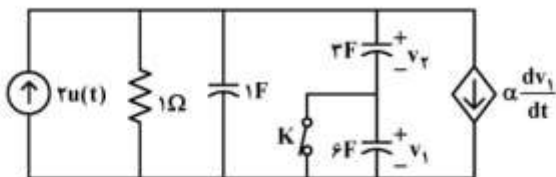
۲۳- در مدار زیر تابع تبدیل  $H(s) = \frac{I_o}{I_s} = \frac{2s}{s^2 + 2s + 3}$  است. اگر به جای هر یک از دو سلف، یک خازن ۱F قرار داده

شود، به ازای  $i_s = \cos t$  ولتاژ  $v_o$  در مدار جدید چقدر است؟



- (۱)  $\sqrt{2} \cos(t - 135^\circ)$
- (۲)  $\sqrt{2} \cos(t + 135^\circ)$
- (۳)  $\frac{1}{\sqrt{2}} \cos(t + 135^\circ)$
- (۴)  $\frac{1}{\sqrt{2}} \cos(t - 135^\circ)$

۲۴- شرایط اولیه در مدار زیر همگی صفر و کلید K بسته است. اگر کلید را برای  $t_0 > 0$  باز کنیم، به ازای کدام مقدار  $\alpha$  ثابت زمانی مدار برای زمان‌های بعد از باز شدن کلید همانند ثابت زمانی مدار قبل از باز شدن کلید باقی خواهد ماند؟

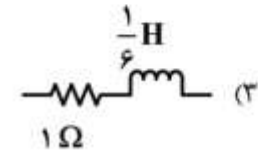
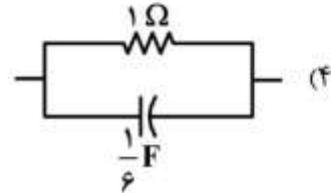
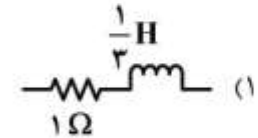
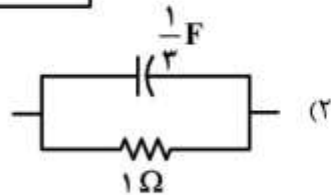
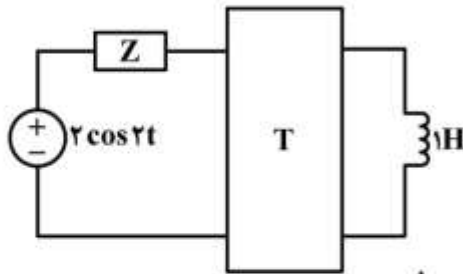


- (۱) ۶
- (۲) ۳
- (۳) -۳
- (۴) -۶

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۲۵ - در مدار زیر، شبکه دوقطبی با ماتریس  $T = \begin{bmatrix} 3 & 2 \\ 1 & 2s \end{bmatrix}$  توصیف شده است. امپدانس  $Z$  چقدر می‌تواند باشد تا

ماکزیم توان به دوقطبی تحویل داده شود؟



۲۶ - چگالی بار سطحی یکنواخت روی یک استوانه طویل به شعاع  $a$  برابر  $\rho_s$  است. محور استوانه بر محور  $Z$  منطبق و

اندازه میدان الکتریکی  $\vec{E}$  در نقطه  $(x = 2a, y = 0, z = 0)$  برابر  $2 \frac{V}{m}$  است. مقدار  $\rho_s$  کدام است؟

(۱)  $\frac{1}{2} \epsilon_0$

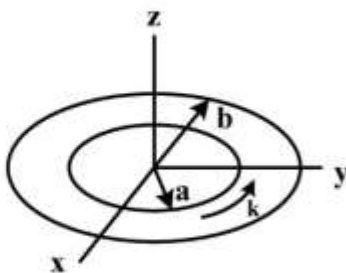
(۲)  $\epsilon_0$

(۳)  $2\epsilon_0$

(۴)  $4\epsilon_0$

۲۷ - مطابق شکل زیر طوق هادی در  $z = 0$ ،  $0 \leq \varphi \leq 2\pi$  و  $a \leq r \leq b$  حامل جریان سطحی با چگالی

است. گشتاور دو قطبی مغناطیسی این طوق کدام است؟  $\vec{k} = \frac{k_0}{\rho} \hat{\phi} \left( \frac{A}{m} \right)$



(۱)  $\hat{z} \frac{\pi k_0}{2} (b^2 - a^2)$

(۲)  $\hat{z} \pi k_0 (b^2 - a^2)$

(۳)  $\hat{z} 2\pi k_0 (b - a)$

(۴)  $\hat{z} 2\pi k_0 (b^2 - a^2)$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۲۸- دو حلقه هادی مدور یکی روی صفحه  $z=0$  با شعاع  $a$  و دیگری روی صفحه  $z=c$  با شعاع  $b$  با مرکز هر دو حلقه روی محور  $z$  مفروض است. با فرض  $b \ll a$ ، اندوکنانس متقابل بین این دو حلقه کدام است؟

$$M = \frac{\pi \mu_0 a^2 b^2}{r(a^2 + c^2)^{3/2}} \quad (1)$$

$$M = \frac{\pi \mu_0 a^2 b^2}{r(a^2 + c^2)^{3/2}} \quad (2)$$

$$M = \frac{\pi \mu_0 a^2 b^2}{r(a^2 + c^2)^{1/2}} \quad (3)$$

$$M = \frac{\pi \mu_0 a^2 b^2}{r(a^2 + c^2)^{1/2}} \quad (4)$$

۲۹- لایه کروی  $a \leq R \leq 2a$ ،  $0 \leq \theta \leq \pi$  و  $0 \leq \phi < 2\pi$  دارای بردار مغناطش (Magnetization) یکنواخت  $\vec{m} = \mu_0 \hat{z}$  است و بقیه فضا را فضای آزاد تشکیل می‌دهد. انرژی مغناطیسی ذخیره شده در لایه کروی  $a \leq R \leq 2a$ ،  $0 \leq \theta \leq \pi$  و  $0 \leq \phi < 2\pi$ ، کدام است؟

یادآوری:

$$\left( \nabla \times \vec{F} = \frac{1}{r \sin \theta} \left[ \frac{\partial}{\partial \theta} (F_\phi \sin \theta) - \frac{\partial}{\partial \phi} F_\theta \right] \hat{r} + \frac{1}{r} \left[ \frac{1}{\sin \theta} \frac{\partial F_r}{\partial \phi} - \frac{\partial}{\partial r} (r F_\phi) \right] \hat{\theta} + \frac{1}{r} \left[ \frac{\partial}{\partial r} (r F_\theta) - \frac{\partial F_r}{\partial \theta} \right] \hat{\phi} \right)$$

$$W_m = 0 \quad (1)$$

$$W_m = \frac{49 \times 19}{9 \times 81 \times 16} \mu_0 \pi a^2 \mu_0^2 \quad (2)$$

$$W_m = \mu_0 \frac{4\pi}{3} a^2 \mu_0^2 \quad (3)$$

$$W_m = 24 \mu_0 \pi a^2 \mu_0^2 \quad (4)$$

۳۰- جریان خطی ثابت  $I$  روی محور  $z$  از  $-\infty$  تا مبدأ مختصات وجود دارد و سپس روی ربع اول صفحه هادی  $xy$  ( $x > 0, y > 0$ ) توزیع می‌شود. شدت میدان مغناطیسی  $\vec{H}$  در  $(0, 0, h)$  کدام است؟

$$\vec{H} = \frac{I}{2\pi^2 h} (\vec{a}_x + \vec{a}_y) \quad (1)$$

$$\vec{H} = \frac{I}{4\pi^2 h} (\vec{a}_x - \vec{a}_y) \quad (2)$$

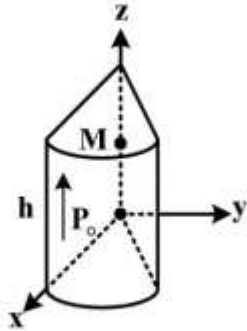
$$\vec{H} = \frac{I}{4\pi^2 h} (\vec{a}_x + \vec{a}_y) \quad (3)$$

$$\vec{H} = \frac{I}{2\pi^2 h} (\vec{a}_x - \vec{a}_y) \quad (4)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۳۱- در ناحیه استوانه‌ای  $0 \leq z \leq h$  و  $0 \leq \varphi \leq \frac{\pi}{4}$ ،  $0 \leq r \leq a$ ، مطابق شکل زیر و عایق با قطبیدگی (Polarization)

$P_0 \hat{z}$  وجود دارد. میدان الکتریکی  $\vec{E}$  در نقطه  $M(x=0, y=0, z=\frac{h}{2})$  کدام است؟



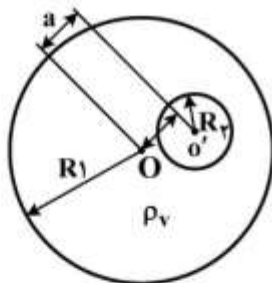
$$\hat{z} \frac{P_0 h}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{\sqrt{a^2 + \frac{h^2}{4}}} + \frac{2}{h} \right) \quad (1)$$

$$\hat{z} \frac{P_0 h}{4\pi\epsilon_0} \left( \frac{1}{\sqrt{a^2 + \frac{h^2}{4}}} - \frac{2}{h} \right) \quad (2)$$

$$\hat{z} \frac{P_0 h}{16\epsilon_0} \left( \frac{1}{\sqrt{a^2 + \frac{h^2}{4}}} - \frac{2}{h} \right) \quad (3)$$

$$\hat{z} \frac{P_0 h}{16\epsilon_0} \left( \frac{1}{\sqrt{a^2 + \frac{h^2}{4}}} + \frac{2}{h} \right) \quad (4)$$

۳۲- کره‌ای به شعاع  $R_1$  باری به چگالی حجمی  $\rho_V$  را به طور یکنواخت (غیر از یک حفره کروی کوچک به شعاع  $R_2$ ) در درون خود دارد. فاصله بین مراکز دو کره  $a$  است. با فرض پتانسیل در بی‌نهایت برابر با صفر، پتانسیل  $\phi$  در مرکز حفره کروی، کدام است؟



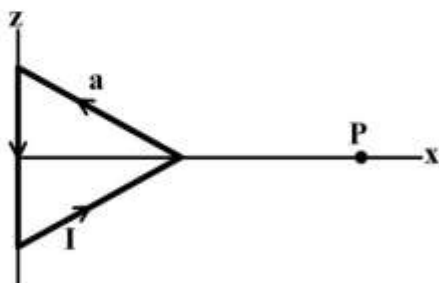
$$\phi_{O'} = \frac{\rho_V}{4\epsilon_0} [2(R_1^2 - R_2^2) - a^2] \quad (1)$$

$$\phi_{O'} = \frac{\rho_V}{6\epsilon_0} [2(R_1^2 - R_2^2) - a^2] \quad (2)$$

$$\phi_{O'} = \frac{\rho_V}{2\pi\epsilon_0} [2(R_1^2 - R_2^2) - a^2] \quad (3)$$

$$\phi_{O'} = \frac{\rho_V}{3\pi\epsilon_0} [2(R_1^2 - R_2^2) - a^2] \quad (4)$$

۳۳- مطابق شکل زیر، حلقه‌ای به شکل مثلث متساوی‌الاضلاع به ضلع  $a$ ، جریان  $I$  را حمل می‌کند. شدت میدان مغناطیسی ( $\vec{H}$ ) در نقطه  $P(x=2a, y=0, z=0)$  کدام است؟



$$\hat{\phi} \frac{I}{\pi a} \left( \sin 15^\circ - \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sin 75^\circ}{2 + \sqrt{3}} \right) \quad (1)$$

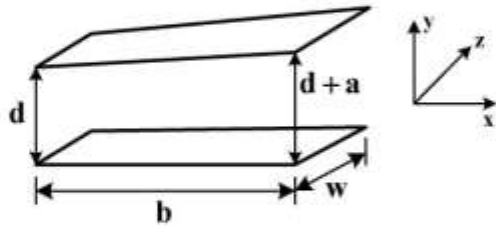
$$\hat{\phi} \frac{2I}{\pi a} \left( \sin 75^\circ - \frac{\sqrt{3}}{2} + \frac{\sin 15^\circ}{2 + \sqrt{3}} \right) \quad (2)$$

$$\hat{\phi} \frac{I}{\pi a} \left( \sin 75^\circ - \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\sin 15^\circ}{2 + \sqrt{3}} \right) \quad (3)$$

$$\hat{\phi} \frac{2I}{\pi a} \left( \sin 75^\circ + \frac{\sqrt{3}}{2} - \frac{\sin 15^\circ}{2 + \sqrt{3}} \right) \quad (4)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۳۴- خازنی با صفحه‌های هادی مورب (غیرموازی) به ابعاد  $w$  و  $b$  مطابق شکل زیر مفروض است. اگر گذردهی الکتریکی عایق خازن  $\epsilon$  باشد، ظرفیت خازن با فرض صرف نظر کردن از اثر لبه‌ها، کدام است؟



$$c = \frac{\epsilon w}{\tan^{-1}\left(\frac{b}{a}\right)} \ln\left(\frac{d+a}{d}\right) \quad (۱)$$

$$c = \frac{\epsilon w}{\tan^{-1}\left(\frac{a}{b}\right)} \ln\left(\frac{d+a}{a}\right) \quad (۲)$$

$$c = \frac{\epsilon w}{\tan^{-1}\left(\frac{b}{a}\right)} \ln\left(\frac{d+a}{a}\right) \quad (۳)$$

$$c = \frac{\epsilon w}{\tan^{-1}\left(\frac{a}{b}\right)} \ln\left(\frac{d+a}{d}\right) \quad (۴)$$

۳۵- یک دیپل الکتریکی با فرکانس  $f$  و دامنه  $P_0$  به صورت  $\vec{P} = P_0 e^{-j\omega t} \hat{z}$  در فاصله  $\frac{a}{r}$  از یک صفحه بی‌نهایت بزرگ هادی کامل  $x = 0$  و موازی با آن قرار گرفته است. با فرض  $r \gg \lambda$  و  $r \gg \frac{a}{r}$  در مختصات کروی، بردار پتانسیل

مغناطیسی در نقطه  $(r, \theta, \phi)$  کدام است؟  $(k = \frac{r\pi}{\lambda})$

$$A_z = \frac{-\mu_0 \omega P_0}{2\pi r} e^{j(kr - \omega t)} \sin\left(\frac{ka}{r} \sin\theta \cos\phi\right) \quad (۱)$$

$$A_z = \frac{\mu_0 \omega P_0}{4\pi r} e^{j(kr - \omega t)} \sin(ka \sin\theta \cos\phi) \quad (۲)$$

$$A_z = \frac{\mu_0 \omega P_0}{4\pi r} e^{j(kr - \omega t)} \sin(ka \sin\theta \sin\phi) \quad (۳)$$

$$A_z = \frac{-\mu_0 \omega P_0}{2\pi r} e^{-j(kr - \omega t)} \sin\left(\frac{ka}{r} \sin\theta \sin\phi\right) \quad (۴)$$

۳۶- تبدیل  $z$  سیگنال گسسته  $x[n]$  روی دایره  $z = re^{j\omega}$  به صورت زیر است:

$$X(re^{j\omega}) = \frac{1}{1 - \frac{1}{r} e^{-j\omega}}$$

سیگنال  $x[n]$ ، کدام است؟

$$x[n] = r^n u[n] \quad (۱)$$

$$x[n] = \left(\frac{r}{r}\right)^n u[n] \quad (۲)$$

$$x[n] = \left(\frac{1}{r}\right)^n u[n] \quad (۳)$$

$$x[n] = \left(\frac{1}{r}\right)^n u[n] \quad (۴)$$

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۳۷- تبدیل فوریه سیگنال زمان گسسته  $x[n] = \left(\frac{1}{2}\right)^n \cos\left(\frac{\pi n}{2}\right) u[n]$ ، برابر کدام است؟

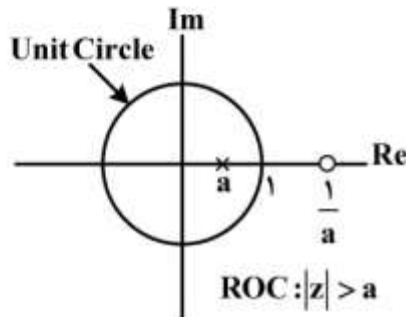
$$(1) \frac{1}{1 + \frac{1}{4} e^{-j2\omega}}$$

$$(2) \frac{1}{1 + j e^{-j2\omega}}$$

$$(3) \sum_{k=-\infty}^{\infty} \frac{1}{1 - j(-1)^k e^{-j\omega}}$$

$$(4) \sum_{k=-\infty}^{\infty} \frac{1}{2 - j(-1)^k e^{-j\omega}}$$

۳۸- نمایش موقعیت صفر و قطب یک سیستم زمان گسسته به صورت شکل زیر است. این سیستم بیانگر چه نوع فیلتری است؟



(۱) فیلتر پایین گذر

(۲) فیلتر میان گذر

(۳) فیلتر بالاگذر

(۴) فیلتر تمام گذر

۳۹- اگر برای  $k$  عدد صحیح و مثبت، سیگنال  $x_{(k)}[n]$  با اضافه کردن  $k-1$  صفر مابین هر دو مقدار متوالی  $x[n]$  به دست آید، به ازای چه مقدار  $\theta$  در فاصله  $(0, 2\pi)$  رابطه زیر برقرار است؟

$$X_{(r)}(e^{j\omega}) = X_{(r)}(e^{j(\omega-\theta)})$$

$$(1) \frac{\pi}{3}$$

$$(2) \frac{2\pi}{3}$$

$$(3) \pi$$

$$(4) \frac{4\pi}{3}$$

۴۰- یک سیستم LTI با انرژی پاسخ ضربه  $E_H$  را در نظر می گیریم. کدام گزینه در مورد این سیستم نادرست است؟

(۱) اگر  $E_H < \infty$  باشد، سیستم پایدار است.

(۲) اگر  $E_H = \infty$  باشد، سیستم ناپایدار است.

(۳) اگر سیستم پایدار باشد،  $E_H$  کراندار است ( $E_H < \infty$ )

(۴) گزینه های ۲ و ۳

# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

۴۱- سیستم‌های توصیف شده با رابطه‌های ورودی - خروجی زیر را در نظر بگیرید:

$$S_1: y[n] = \begin{cases} x\left[\frac{n}{5}\right], & n = 0, \pm 5, \pm 10, \pm 15, \dots \\ 0 & \text{سایر جاها} \end{cases}$$

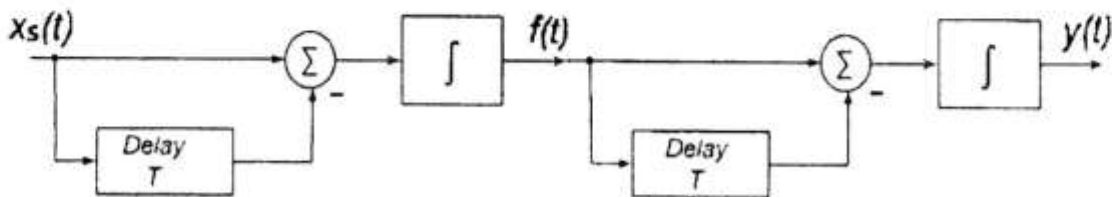
$$S_2: y[n] = x[5n], \quad \forall n$$

کدام گزینه درست است؟

(۱)  $S_1$  وارون پذیر و تغییرناپذیر با زمان (۲)  $S_2$  و  $S_1$  وارون پذیر و تغییرپذیر با زمان

(۳)  $S_2$  وارون ناپذیر،  $S_1$  و  $S_2$  تغییرپذیر با زمان (۴)  $S_2$  و  $S_1$  وارون ناپذیر و تغییرپذیر با زمان

۴۲- پاسخ ضربه سیستم نشان داده شده در شکل زیر کدام است؟



(۱)  $h(t) = tu(t) - (t - 2T)u(t - 2T)$

(۲)  $h(t) = u(t) - 2u(t - T) + u(t - 2T)$

(۳)  $h(t) = tu(t) - 2tu(t - T) + tu(t - 2T)$

(۴)  $h(t) = tu(t) - 2(t - T)u(t - T) + (t - 2T)u(t - 2T)$

۴۳- کدام گزینه درباره یک سیستم LTI صحیح است؟

(۱) وارون یک سیستم علی همیشه یک سیستم علی است.

(۲) ترکیب سری یک سیستم غیرعلی، با یک سیستم علی، ضرورتاً یک سیستم غیرعلی است.

(۳) یک سیستم زمان پیوسته پایدار است، اگر و تنها اگر پاسخ پله آن مطلقاً انتگرال پذیر باشد.

(۴) یک سیستم زمان گسسته علی است، اگر و تنها اگر پاسخ به ورودی پله واحد آن به ازای  $n < 0$  برابر صفر باشد.

۴۴- کدام گزینه در مورد سیستم با توصیف ورودی - خروجی  $y(t) = (t - 1)x(\cos(t))$  صادق است؟

(۱) تغییرناپذیر با زمان، پایدار، بدون حافظه (۲) تغییرپذیر با زمان، ناپایدار، غیرعلی

(۳) تغییرپذیر با زمان، پایدار، حافظه دار (۴) تغییرناپذیر با زمان، ناپایدار، بدون حافظه

۴۵- اگر  $X(j\omega)$  تبدیل فوری سیگنال  $x(t)$  باشد، حاصل انتگرال زیر کدام است؟

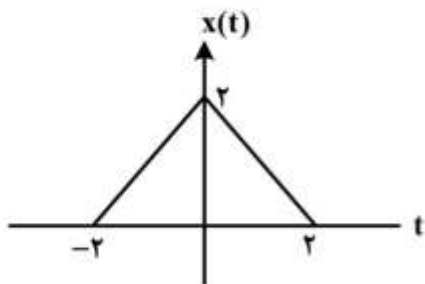
$$I = \int_{-\infty}^{\infty} \frac{X(j\omega) \sin(\omega)}{\omega} e^{j\omega} d\omega$$

(۱) ۰

(۲)  $\pi$

(۳)  $2\pi$

(۴)  $4\pi$



# پیاچدی تست: نخستین وبسایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۶

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه متمرکز) - کد (۲۳۰۲) 687A

---