

پی اچ دی تست؛ فحستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

کد کنترل



276E

276

E

دفترچه شماره (۱)
صبح جمعه
۹۸/۱۲/۹



جمهوری اسلامی ایران
وزارت علوم، تحقیقات و فناوری
سازمان سنجش آموزش کشور

«اگر دانشگاه اصلاح شود مملکت اصلاح می شود.»
امام خمینی (ره)

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمترکز) – سال ۱۳۹۹

رشته فotonik – کد (۲۲۳۹)

مدت پاسخ‌گویی: ۱۵۰ دقیقه

تعداد سؤال: ۴۵

عنوان مواد امتحانی، تعداد و شماره سوالات

ردیف	مواد امتحانی	تعداد سؤال	از شماره	تا شماره
۱	مجموعه دروس تخصصی: فیزیک مدرن – مکانیک گواتومی و مکانیک گواتومی پیشرفته – الکترومغناطیس و الکترودینامیک	۴۵	۱	۴۵

این آزمون نمره منفی دارد.

استفاده از ماشین حساب مجاز نیست.

حق چاپ، تکثیر و انتشار سوالات به هر روش (الکترونیکی و...) پس از برگزاری آزمون، برای تعلیمی اشخاص حقیقی و حقوقی تنها با مجوز این سازمان مجاز می‌باشد و با مخالفین برای مقرورات رفتار می‌شود.

۱۳۹۹

آخرین اخبار و اطلاعات آزمون دکتری در وب سایت پی اچ دی تست

پی اچ دی تست؛ فحستین و ب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۲

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تممرکز) – کد (۲۲۳۹) – ۲۷۶E

* داوطلب گرامی، عدم درج مشخصات و امضا در مندرجات جدول ذیل، بهمنزله عدم حضور شما در جلسه آزمون است.

اینجانب با شماره داوطلبی با آگاهی کامل، یکسان بودن شماره صندلی خود را با شماره داوطلبی مندرج در بالای کارت ورود به جلسه، بالای پاسخ‌نامه و دفترچه سوالات، نوع و کد کنترل درج شده بر روی دفترچه سوالات و پائین پاسخ‌نامه‌ام را تأیید می‌نمایم.

امضا:

-۱ طول عمر یک ذره در حال سکون 3 ns است. اگر این ذره با تندی $0.8c$ نسبت به زمین در حرکت باشد، مسافتی که در طول عمر خود نسبت به ناظر ساکن در زمین طی می‌کند، چند متر است؟ (c سرعت نور در خلا است.)

- (۱) 0.4
- (۲) 0.8
- (۳) $1/2$
- (۴) $2/4$

-۲ ذره‌ای در راستای محور x با تندی $0.6c$ در حرکت است. در یک لحظه معین این ذره تلاشی یافته و از خود ذره دیگری گسیل می‌کند که هم راستا و هم جهت با حرکت ذره اولیه بوده و تندی آن نسبت به ذره اولیه $0.2c$ است. تندی ذره دوم نسبت به آزمایشگاه کدام است؟

- (۱) $0.34c$
- (۲) $0.40c$
- (۳) $0.69c$
- (۴) $0.80c$

-۳ از دید ناظری که با سرعت $0.8c$ در امتداد سیم مستقیمی که دارای بار الکتریکی با توزیع یکنواخت است، حرکت می‌کند، چگالی بار سیم λ است. چگالی بار سیم از دید ناظر ساکن نسبت به سیم چقدر است؟

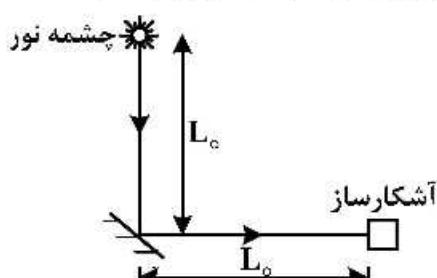
- (۱) $\frac{3}{5}\lambda$
- (۲) $\sqrt{\frac{3}{5}}\lambda$
- (۳) $\frac{5}{3}\lambda$
- (۴) $\sqrt{\frac{5}{3}}\lambda$

پی اچ دی تست؛ فحستین و ب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۳

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تممرکز) – کد (۲۲۳۹) – ۲۷۶E

- ۴ مطابق شکل زیر، جرقه نور تولید شده از چشمه نور پس از برخورد به آینه به یک آشکارساز می‌رسد. سرعت ناظری که فاصله زمانی بین این دو پدیده را کمینه اندازه می‌گیرد و مقدار این زمان کمینه به ترتیب چقدر است؟



$$\sqrt{2} \frac{L_0}{c}, \frac{1}{2} c \quad (1)$$

$$\sqrt{2} \frac{L_0}{c}, \frac{\sqrt{2}}{2} c \quad (2)$$

$$2 \frac{L_0}{c}, \frac{1}{2} c \quad (3)$$

$$2 \frac{L_0}{c}, \frac{\sqrt{2}}{2} c \quad (4)$$

- ۵ فوتونی با طول موج λ توسط ذره ساکنی به جرم m_0 جذب شده و ذرهای با جرم سکون Δm تولید می‌شود.

$$\text{طول موج فوتون جذب شده چند برابر } \frac{h}{m_0 c} \text{ است؟}$$

$$\frac{1}{12} \quad (1)$$

$$\frac{1}{6} \quad (2)$$

$$\frac{1}{5} \quad (3)$$

$$\frac{1}{24} \quad (4)$$

- ۶ یکی از طول موج‌های گسیلی از خطوط طیف اتمی در کهکشان A، 420 نانومتر است. طول موج مذکور بر روی طیفسنج زمینی 600 نانومتر ثبت می‌شود. کهکشان B نیز دارای همان خط طیفی 420 نانومتر است که بر روی طیفسنج زمینی 840 نانومتر ثبت می‌شود. اگر هر دو کهکشان در یک جهت در حال دور شدن از زمین باشند، تندی کهکشان B نسبت به کهکشان A چند برابر است؟

$$0/17 \quad (1)$$

$$0/21 \quad (2)$$

$$0/26 \quad (3)$$

$$0/32 \quad (4)$$

- ۷ یک لامپ تلویزیون با پتانسیل شتابدهنده 20 kV کار می‌کند. بیشینه انرژی پرتوهای ایکس تولید شده در این تلویزیون چند آنگستروم است؟

$$2/4 \quad (1)$$

$$1/2 \quad (2)$$

$$0/6 \quad (3)$$

$$0/3 \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۴

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تممرکز) – کد (۲۲۳۹) – ۲۷۶E

- ۸ دمای سطح خورشید $K = 6000$ و دمای سطح ستاره‌ای دیگر $K = 3000$ است. اگر توان تابشی این ستاره 100 برابر توان تابشی خورشید باشد، شعاع ستاره چند برابر شعاع خورشید است؟
- (۱) 16
(۲) 40
(۳) 160
(۴) 400
- ۹ تندی یک الکترون که $m_e = 9 \times 10^{-31} \text{ kg}$ است با خطای $\Delta p = 5 \times 10^{-5} \frac{\text{m}}{\text{s}}$ درصد اندازه‌گیری شده است. با توجه به رابطه عدم قطعیت $\Delta x \Delta p \geq \frac{\hbar}{2}$ ، حداقل عدم قطعیت در تعیین مکان این الکترون تقریباً چند میلی‌متر است؟
- (۱) $5/06$
(۲) 6
(۳) $0/6$
(۴) 60
- ۱۰ ذرات آلفا با انرژی جنبشی 5 MeV از یک ورقه طلا ($Z = 79$) به ضخامت یک میکرون پراکنده می‌شوند. مرتبه بزرگی کسری از ذرات آلفای فرویدی که تحت زاویه $\theta \geq 90^\circ$ پراکنده می‌شوند، چقدر است؟ (جرم مولی طلا
- $$\frac{e^2}{4\pi\epsilon_0} = 1/44 \text{ eV} \cdot \text{nm} = 19/3 \frac{\text{g}}{\text{cm}^3}$$
- است.)
- (۱) 10^{-2}
(۲) 10^{-4}
(۳) 10^{-6}
(۴) 10^{-8}
- ۱۱ نسبت احتمال گسیل خودبه‌خودی به گسیل القایی برای دستگاهی مت Shank از اتم‌ها و تابش گرمایی که در تعادل گرمایی در دمای اتاق ($T = 300 \text{ K}$) هستند، چقدر است؟
- (۱) $0/004$
(۲) $1/04$
(۳) $0/04$
(۴) $1/004$
- ۱۲ در لامپ‌های LED تجاری که در ناحیه نورمنی طراحی شده‌اند، نیمه‌رساناهای نوع n و p آن به ترتیب از راست به چپ از کدام مواد ساخته شده‌اند؟
- (۱) گالیم آلاییده با فسفر، گالیم آلاییده با آرسنیک
(۲) گالیم آلاییده با آرسنیک، گالیم آلاییده با فسفر
(۳) ژرمانیوم آلاییده با آرسنیک، گالیم آلاییده با فسفر
(۴) سلسیوم آلاییده با فسفر، سلسیوم آلاییده با بیسموت

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۵

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تممرکز) – کد (۲۴۳۹) – ۲۷۶E

- ۱۳- در یک نیمه‌رسانای جامد، جرم الکترون در نوار رسانش 5m_e^0 و جرم حفره در نوار ظرفیت 25m_e^0 است که جرم یک الکترون در خلا است. اکسیتون حالت مقید تشکیل شده از یک الکترون در نوار رسانش و یک حفره در نوار ظرفیت است. انرژی حالت پایه اکسیتون در نیمه‌رسانای معرفی شده تقریباً چند برابر انرژی حالت پایه اتم هیدروژن است؟

- (۱) $0/4$
- (۲) $2/5$
- (۳) $0/25$
- (۴) $0/04$

- ۱۴- نوری با بسامدی معین از یک لیزر گسیل می‌شود و بر نمونه‌ای از مولکول‌هایی که گشتاور لختی هر یک I است، می‌تابد. ترازهای انرژی هر مولکول را به صورت $\frac{j(j+1)\hbar^2}{2I}$ در نظر بگیرید. اگر در گذارهای چرخشی رامان $\Delta j = \pm 2$ باشد، اختلاف بسامد نور پراکنده شده با نور فرودی کدام دسته از مقادیر را می‌تواند اختیار کند؟ (\hbar ثابت پلانک است).

- (۱) $\frac{4h}{4\pi^2 I}, \frac{2h}{4\pi^2 I}, \frac{2h}{4\pi^2 I}, \frac{h}{4\pi^2 I}$
- (۲) $\frac{5h}{4\pi^2 I}, \frac{3h}{4\pi^2 I}, \frac{-3h}{4\pi^2 I}, \frac{-5h}{4\pi^2 I}$
- (۳) $\frac{4h}{4\pi^2 I}, \frac{2h}{4\pi^2 I}, \frac{-2h}{4\pi^2 I}, \frac{-4h}{4\pi^2 I}$
- (۴) $\frac{5h}{4\pi^2 I}, \frac{4h}{4\pi^2 I}, \frac{3h}{4\pi^2 I}, \frac{2h}{4\pi^2 I}$

- ۱۵- در یک بمب هیدروژنی واکنش هم‌جوشی ${}^3\text{H} + {}^3\text{He} \rightarrow {}^4\text{He} + {}^1\text{H} + 2n$ رخ می‌دهد. مقدار انرژی حرارتی تولید شده در این واکنش چند MeV است؟

$$\left(m_n = 941 \frac{\text{MeV}}{c^2}, m_{^3\text{H}} = 1878.5 \frac{\text{MeV}}{c^2}, m_{^3\text{He}} = 2813 \frac{\text{MeV}}{c^2}, m_{^4\text{He}} = 3733 \frac{\text{MeV}}{c^2}, m_{^1\text{H}} = 940 \frac{\text{MeV}}{c^2} \right)$$

- (۱) ۲۴
- (۲) ۱۶
- (۳) ۱۶۰
- (۴) ۲۴۰

- ۱۶- دو عملگر \hat{A} و \hat{B} دارای خاصیت $\hat{B}f(q) = f(-q)$ و $\hat{A}f(q) = f(q + \ell)$ هستند. حاصل $\exp(\hat{A}^\dagger \hat{B} \hat{A}^\dagger \hat{B} \hat{A})f(q)$ کدام است؟

- (۱) $e^\ell f(q)$
- (۲) $e^{-\ell} f(q)$
- (۳) $e^{\frac{q}{\ell}} f(q)$
- (۴) $e^{-\frac{q}{\ell}} f(q)$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

- ۱۷- معادله شرودینگر مستقل از زمان برای ذرهای به جرم m در پتانسیل $V(\vec{r})$ در فضای تکانه برحسب

$$V(\vec{p}) = \frac{1}{(2\pi\hbar)^3} \int V(\vec{r}) e^{\frac{i\vec{p}\cdot\vec{r}}{\hbar}} d^3r$$

$$\frac{P^r}{m} \phi(\vec{p}) + \iint V(\vec{p}') e^{-\frac{i}{\hbar}(\vec{p}'-\vec{p})\cdot\vec{r}} \phi(\vec{p}') d^3r d^3p' = E \phi(\vec{p}) \quad (1)$$

$$\frac{P^r}{m} \phi(\vec{p}) + \int \int V(p' - p) e^{-\frac{i}{\hbar}(\vec{p}' - \vec{p})\cdot\vec{r}} \phi(p') d^3r d^3p' = E \phi(\vec{p}) \quad (2)$$

$$\frac{P^r}{m} \phi(\vec{p}) + \int V(p') \phi(p') d^3p' = E \phi(\vec{p}) \quad (3)$$

$$\frac{P^r}{m} \phi(\vec{p}) + \int V(\vec{p}' - \vec{p}) \phi(\vec{p}') d^3p' = E \phi(\vec{p}) \quad (4)$$

- ۱۸- هامیلتونی دستگاهی به صورت $H = \in_1 a^\dagger a + \in_2 b^\dagger b + \in_{12} (a^\dagger b + b^\dagger a)$ است. عملگرهای a و b در روابط

جابه‌جاگری \circ و پاد جابه‌جاگری \circ صدق $\{a, a^\dagger\} = \{b, b^\dagger\} = \circ$ و $\{a, b\} = \{b, a\} = [a, b] = [a, b^\dagger] = \circ$

می‌کنند. اگر عملگر $N = a^\dagger a + b^\dagger b$ تعریف شود، در تصویر هایزنبورگ حاصل $\frac{dN}{dt}$ کدام است؟

(۱) صفر

$$\frac{i \in_{12}}{\hbar} (a^\dagger b + b^\dagger a) \quad (5)$$

$$\frac{4i \in_{12}}{\hbar} (a^\dagger a b^\dagger b) \quad (6)$$

$$\frac{i \in_{12}}{\hbar} (a^\dagger b - b^\dagger a) \quad (7)$$

- ۱۹- هامیلتونی یک دستگاه کوانتومی به شکل $H = \hbar\omega(a^\dagger a + \frac{1}{2}) + \hbar\Omega(a^\dagger + a)$ است که در آن ω و Ω ضرایبی

ثبت هستند و $|a, a^\dagger| = 1$. عملگر $b = a + \gamma I$ که γ ضربی حقیقی و ثابت و I عملگر واحد است، چنان تعريف می‌شود که هامیلتونی به شکل $H = \hbar\omega b^\dagger b + \beta I$ درآید. مقدار ضربهای γ و β کدامند؟

$$\beta = \hbar(\frac{\omega}{\gamma} + \frac{\Omega^2}{\omega}), \gamma = \frac{\Omega}{\omega} \quad (8)$$

$$\beta = \hbar(\frac{\omega}{\gamma} + \frac{\Omega^2}{\omega}), \gamma = -\frac{\Omega}{\omega} \quad (9)$$

$$\beta = \hbar(\frac{\omega}{\gamma} - \frac{\Omega^2}{\omega}), \gamma = \frac{\Omega}{\omega} \quad (10)$$

$$\beta = \hbar(\frac{\omega}{\gamma} - \frac{\Omega^2}{\omega}), \gamma = -\frac{\Omega}{\omega} \quad (11)$$

پی اچ دی تست؛ فحستین و ب سایت تخصصی آزمون دکتری

۲۰- یک ذره با اسپین $\frac{1}{2}$ با مامان مغناطیسی μ در میدان مغناطیسی وابسته به زمان (t) که در راستای \hat{B} است قرار

می‌گیرد. اگر در لحظه $t = 0$ بردار حالت ذره \hat{n} که اندازه‌گیری اسپین در آن راستا در

لحظه دلخواه $t > 0$ مقدار $\frac{\hbar}{2} + \theta$ را نتیجه دهد، کدام است؟ (θ و φ راستای \hat{n} را در مختصات کروی مشخص می‌کنند.)

$$\theta = 2\alpha, \varphi = 2\beta + \frac{2\mu}{\hbar} B(t) \quad (1)$$

$$\theta = 2\alpha, \varphi = 2\beta + \frac{2\mu}{\hbar} \int_0^t B(t') dt' \quad (2)$$

$$\theta = \alpha, \varphi = \beta + \frac{\mu}{\hbar} B(t) \quad (3)$$

$$\theta = \alpha, \varphi = \beta + \frac{\mu}{\hbar} \int_0^t B(t') dt' \quad (4)$$

ذرهای به جرم m درون استوانهای به شعاع a و ارتفاع L محبوس است. در دستگاه مختصاتی که محور z منطبق

بر محور استوانه و مبدأ مختصات منطبق بر مرکز قاعده پایین استوانه باشد،تابع موج ذره در مختصات استوانهای

کدام است؟ (A) ضریب بهنجارش، $J_m(x)$ و $N_m(x)$ توابع بسل و نویمن مرتبه m و n برابر با k_{mv} صفر

تابع $(\nabla^2 = \frac{1}{\rho} \frac{\partial}{\partial \rho} (\rho \frac{\partial}{\partial \rho}) + \frac{1}{r^2} \frac{\partial^2}{\partial \varphi^2} + \frac{\partial^2}{\partial z^2})$ است. $N_m(x)$ یا $J_m(x)$

$$\psi(\rho, \varphi, z) = A N_m\left(\frac{k_{mv}}{a} \rho\right) \sinh\left(\frac{n\pi z}{L}\right) \sin(m\varphi) \quad (1)$$

$$\psi(\rho, \varphi, z) = A J_m\left(\frac{k_{mv}}{a} \rho\right) \sinh\left(\frac{n\pi z}{L}\right) e^{im\varphi} \quad (2)$$

$$\psi(\rho, \varphi, z) = A N_m\left(\frac{k_{mv}}{a} \rho\right) \sin\left(\frac{n\pi z}{L}\right) \sin(m\varphi) \quad (3)$$

$$\psi(\rho, \varphi, z) = A J_m\left(\frac{k_{mv}}{a} \rho\right) \sin\left(\frac{n\pi z}{L}\right) e^{im\varphi} \quad (4)$$

۲۲- تبدیل فوریه انتشارگر ذرهای به جرم m به شکل زیر داده شده است.

$$\tilde{K}(x, x'; E) = \int_0^\infty dt e^{iEt/\hbar} K(x, t; x', 0) = A \sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin(nr x) \sin(nr x')}{E - \frac{\hbar^2 r^2}{2m} n^2}$$

که A و r ضریب‌های ثابتی هستند. این ذره تحت تأثیر چه پتانسیلی قرار دارد؟

$$(1) \text{ نوسانگر هماهنگ یک بعدی با سامد زاویه‌ای } \frac{\hbar \pi^2}{mr^2}$$

$$(2) \text{ چاه پتانسیل نامتناهی یک بعدی با عرض } \frac{1}{r}$$

$$(3) \text{ چاه پتانسیل نامتناهی یک بعدی با عرض } \frac{\pi}{r}$$

$$(4) \text{ نوسانگر هماهنگ یک بعدی با سامد زاویه‌ای } \frac{\hbar}{mr^2}$$

پی اچ دی تست؛ فحستین و ب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۸

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمام) – کد (۲۲۳۹) – ۲۷۶E

- ۲۳- ویژه حالت تکانه زاویه‌ای مداری $\ell = 2, m = 0$ را در نظر بگیرید. فرض کنید این حالت به اندازه θ حول محور y دوران یابد. $p(m)$ احتمال به دست آوردن حالت‌های جدید در ± 2 و ± 1 و 0 کدام است؟

$$p(0) = \cos^2 \theta, \quad p(\pm 1) = \frac{1}{4} \sin^2 \theta \cos^2 \theta, \quad p(\pm 2) = \frac{1}{4} \sin^2 \theta \quad (1)$$

$$p(0) = \cos^2 \theta, \quad p(\pm 1) = \frac{1}{3} \sin^2 \theta \cos^2 \theta, \quad p(\pm 2) = \frac{1}{3} \sin^2 \theta \quad (2)$$

$$p(0) = \frac{1}{4} (2 \cos^2 \theta - 1)^2, \quad p(\pm 1) = \frac{3}{2} \sin^2 \theta \cos^2 \theta, \quad p(\pm 2) = \frac{3}{8} \sin^2 \theta \quad (3)$$

$$p(0) = \frac{1}{4} (2 \cos^2 \theta - 1)^2, \quad p(\pm 1) = \frac{3}{8} \sin^2 \theta \cos^2 \theta, \quad p(\pm 2) = \frac{3}{4} \sin^2 \theta \quad (4)$$

- ۲۴- برای دو ذره ۱ و ۲ هر یک با اسپین $\frac{1}{2}$ حالت‌های $(|\pm\rangle_1, |\pm\rangle_2)$ ویژه بردار هم‌زمان عملگرهای \hat{S}_z و \hat{S}_z^2 هستند. اگر حالت $|s, m\rangle$ ویژه بردار هم‌زمان عملگرهای \hat{S}_z و \hat{S}_z^2 باشد که $\hat{S} = \hat{S}_1 + \hat{S}_2$ و بنویسیم:

$$\begin{pmatrix} |1,1\rangle \\ |1,0\rangle \\ |0,0\rangle \\ |1,-1\rangle \end{pmatrix} = U \begin{pmatrix} |+\rangle_1, |+\rangle_2 \\ |+\rangle_1, |-\rangle_2 \\ |-\rangle_1, |+\rangle_2 \\ |-\rangle_1, |-\rangle_2 \end{pmatrix}$$

حاصل عملگر $e^{i\pi U}$ بر حسب U و I (ماتریس 4×4 واحد) کدام است؟

-1 (1)

$$\frac{1}{\sqrt{2}} (-I + iU) \quad (2)$$

$$\frac{1}{\sqrt{2}} (I + iU) \quad (3)$$

iU (4)

- ۲۵- اگر H هامیلتونی یک سیستم کوانتومی باشد، کدام سیستم دارای هر دو تقارن پاریته و وارونی زمان است؟ ($\alpha, \beta, \gamma, \xi$ و δ ضرایب حقیقی و \vec{r} عملگر مکان، \vec{p} عملگر تکانه خطی، \vec{L} عملگر تکانه زاویه‌ای مداری و \vec{S} عملگر اسپین ذاتی است).

$$H = \alpha \vec{p} \cdot \vec{r} - \frac{\gamma}{r} \vec{r} \cdot \vec{S} \quad (1)$$

$$H = \frac{p^2}{2m} + \frac{\beta}{r} \vec{L} \cdot \vec{S} \quad (2)$$

$$H = \alpha \vec{r} \cdot \vec{p} + \frac{\delta}{r^2} \vec{L} \cdot \vec{S} \quad (3)$$

$$H = \frac{p^2}{2m} + \xi \vec{p} \cdot \vec{L} \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ فحستین و ب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۹

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تممرکز) – کد (۲۲۳۹) – ۲۷۶E

- ۲۶- بعضی از مولکول‌های دو اتمی (مثلاً NaCl) دارای گشتاور دو قطبی الکتریکی \bar{p} هستند. در حضور میدان الکتریکی خارجی یکنواخت \hat{E}_z هامیلتونی مولکولی به شکل $\mathbf{H} = \frac{\mathbf{L}^2}{2I} - \mathbf{P}\mathbf{E}_z \cos\theta$ است که

$\mathbf{L}^2 = \mathbf{L}_x^2 + \mathbf{L}_y^2 + \mathbf{L}_z^2$, \mathbf{I} , $\mathbf{L}^2 = \mathbf{L}_x^2 + \mathbf{L}_y^2 + \mathbf{L}_z^2$

$$\left(Y_1(\theta, \phi) = \sqrt{\frac{3}{4\pi}} \cos\theta, Y_0(\theta, \phi) = \frac{1}{\sqrt{4\pi}} \right) \frac{\mathbf{P}^z \mathbf{E}_z^2 \mathbf{I}}{\hbar^2}$$

$$-\frac{1}{3} \frac{\mathbf{P}^z \mathbf{E}_z^2 \mathbf{I}}{\hbar^2} \quad (1)$$

$$\frac{3}{8} \frac{\mathbf{P}^z \mathbf{E}_z^2 \mathbf{I}}{\hbar^2} \quad (2)$$

$$\frac{\hbar^2}{I} - \mathbf{P}\mathbf{E}_z + \frac{3}{8} \frac{\mathbf{P}^z \mathbf{E}_z^2 \mathbf{I}}{\hbar^2} \quad (3)$$

$$\frac{\hbar^2}{I} - \mathbf{P}\mathbf{E}_z - \frac{1}{3} \frac{\mathbf{P}^z \mathbf{E}_z^2 \mathbf{I}}{\hbar^2} \quad (4)$$

- ۲۷- ذره‌ای به جرم m در لحظه $t=0$ ابتدا در حالت پایه چاه پتانسیل یک بعدی بی‌نهایت که دیواره‌هایش در $x=0$ و $x=a$ است، قرار دارد. این ذره در بازه $t < \infty$ تحت تأثیر پتانسیل اختلالی وابسته به زمان، $V(x, t) = \beta x^2 e^{-t/\tau}$ قرار می‌گیرد که τ و β ثابت‌های مثبتی هستند. تا مرتبه اول اختلال وابسته به زمان، احتمال این‌که در $t \rightarrow \infty$ ذره در اولین حالت برانگیخته انرژی باشد، چقدر است؟ [اگر $\langle 1 | 1 \rangle$ و $\langle 2 | 2 \rangle$ توابع موج حالت پایه و اولین حالت برانگیخته ذره در چاه پتانسیل یک بعدی نامتناهی باشند]

$$\left[\langle 2 | x^2 | 1 \rangle = -\frac{16a^2}{9\pi} \right]$$

$$\left(\frac{16a^2 \tau \beta}{9\hbar\pi} \right)^2 \left(1 + \frac{2\hbar^2 \pi^2 \tau^2}{4m^2 a^4} \right)^{-1} \quad (1)$$

$$\left(\frac{4a^2 \tau \beta}{9\hbar\pi} \right)^2 \left(1 + \frac{9\hbar^2 \pi^2 \tau^2}{4m^2 a^4} \right)^{-1} \quad (2)$$

$$\left(\frac{4a^2 \tau \beta}{9\hbar\pi} \right)^2 \left(1 + \frac{2\hbar^2 \pi^2 \tau^2}{4m^2 a^4} \right)^{-1} \quad (3)$$

$$\left(\frac{16a^2 \tau \beta}{9\hbar\pi} \right)^2 \left(1 + \frac{9\hbar^2 \pi^2 \tau^2}{4m^2 a^4} \right)^{-1} \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ فحستین و ب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۰

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تممرکز) – کد (۲۲۳۹) – ۲۷۶E

- ۲۸- به روش وردش و با تابع موج آزمون $\psi(x) = \frac{1}{x^2 + a^2}$ انرژی حالت پایه نوسانگر هماهنگ ساده یک بعدی

$$\left(\int_{-\infty}^{+\infty} \frac{dx}{(x^2 + a^2)^n} = \frac{1 \times 3 \times 5 \dots (2n-2)}{2 \times 4 \times 6 \dots (2n-2)} \frac{\pi}{a^{2n-1}} ; n = 2, 3, \dots \right) \text{ چقدر است؟ } H = \frac{p^2}{2m} + \frac{1}{2} m\omega^2 x^2$$

$\frac{1}{2} \hbar \omega$ (۱)

$\frac{\sqrt{2}}{2} \hbar \omega$ (۲)

$\sqrt{2} \hbar \omega$ (۳)

$2 \hbar \omega$ (۴)

- ۲۹- دامنه پراکندگی ذرات بر انرژی به جرم m و انرژی $E = \frac{\hbar^2 k^2}{2m}$ از پتانسیل یوکاوا $V(r) = V_0 a^{\frac{r}{a}}$ تقریب

$$\text{مرتبه اول بورن به شکل } f(\theta) \approx \frac{-2mV_0 a^3}{\hbar^2} \frac{1}{1 + 4k^2 a^2 \sin^2 \frac{\theta}{2}}$$

فرودی و راستای مشاهده (آشکارساز) است. سطح مقطع کل پراکندگی کدام است؟

$$\left(\frac{4m^2 V_0^2 a^6}{\hbar^4} \right) 4\pi (1 + 4k^2 a^2) \ln(1 + 4k^2 a^2) \quad (1)$$

$$\left(\frac{4m^2 V_0^2 a^6}{\hbar^4} \right) 4\pi \ln(1 + 4k^2 a^2) \quad (2)$$

$$\left(\frac{4m^2 V_0^2 a^6}{\hbar^4} \right) \frac{4\pi}{1 + 4k^2 a^2} \quad (3)$$

$$\left(\frac{4m^2 V_0^2 a^6}{\hbar^4} \right) \frac{4\pi (1 + 2k^2 a^2)}{1 + 4k^2 a^2} \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ فحستین و ب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۱

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تممرکز) – کد (۲۲۳۹) – ۲۷۶E

- ۳۰ در پراکندگی کشسان ذره‌ای به جرم m با انرژی $E = \frac{\hbar^2 k^2}{2m}$ و تکانه زاویه‌ای $\theta = \ell$ (پراکندگی موج S) از

پتانسیل متقارن و کروی $V(r) = \begin{cases} -V_0 & 0 < r \leq a \\ 0 & r \geq a \end{cases}$ تابع موج شعاعی در ناحیه $r \leq a$

به صورت $R(r) = C_1 \frac{\sin(kr + \delta_0)}{r}$ و در ناحیه $r \geq a$ به صورت $R(r) = C_2 \frac{\sin(qr)}{r}$ است که

$$q = \frac{2m(E + V_0)}{\hbar^2}.$$

$$(1) \quad \pi a^2 \left(\frac{\tan(qa)}{qa} + 1 \right)^2$$

$$(2) \quad 4\pi a^2 \left(\frac{\tan(qa)}{qa} + 1 \right)^2$$

$$(3) \quad \pi a^2 \left(\frac{\tan(qa)}{qa} - 1 \right)^2$$

$$(4) \quad 4\pi a^2 \left(\frac{\tan(qa)}{qa} - 1 \right)^2$$

- ۳۱ مرزهای یک ناحیه دو بعدی (نامتناهی در امتداد (z)) $0 \leq x \leq 1$ و $0 \leq y \leq 1$ در پتانسیل صفر نگه داشته شده‌اند. در

داخل حجم این ناحیه بار الکتریکی به‌طور یکنواخت توزیع شده است، به‌طوری که چگالی آن در واحد طول امتداد z ,

برابر واحد است. با تابع پتانسیل آزمون $\phi(x, y) = Ax y (1-x)(1-y)$ و روش وردش بهترین مقدار A کدام

است؟ (راهنمایی: وردش معادله $\nabla \cdot \vec{E} = \rho / \epsilon_0$ منجر به معادله پواسون می‌شود) ($\epsilon_0 = 1$)

$$(1) \quad \frac{2}{5}$$

$$(2) \quad \frac{4}{5}$$

$$(3) \quad \frac{5}{2}$$

$$(4) \quad \frac{5}{4}$$

- ۳۲ بار نقطه‌ای Q در فاصله d از مرکز یک پوسته رسانای کروی به شعاع R ($d > R$) که در پتانسیل صفر نگه داشته

شده است، قرار دارد. کار لازم برای بودن بار نقطه‌ای Q به فاصله بینهایت از مرکز پوسته کروی چقدر است؟

$$(1) \quad \frac{Q^2 R}{4\pi \epsilon_0 (d^2 - R^2)}$$

$$(2) \quad \frac{Q^2 R}{4\pi \epsilon_0 (R^2 - d^2)}$$

$$(3) \quad -\frac{Q^2 R}{4\pi \epsilon_0 (d^2 - R^2)}$$

$$(4) \quad -\frac{Q^2 R}{4\pi \epsilon_0 (R^2 - d^2)}$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۲

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تممرکز) – کد (۲۲۳۹) – ۲۷۶E

- ۳۳- تابع گرین معادله لاپلاس برای فضای آزاد (بدون مرز) دو بُعدی (نامتناهی در امتداد θ) در مختصات استوانه‌ای،

$$\left[\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n} \cos n\theta = -\frac{1}{4} \ln(1-2x \cos \theta + x^2) \right] \text{ راهنمایی: برای } 1 < x \text{ داریم } G(\rho, \phi; \rho', \phi')$$

$$-\gamma \ln \rho_< + 2 \sum_{m=1}^{\infty} \frac{1}{m} \left(\frac{\rho_>}{\rho_<} \right)^m \cos m(\phi - \phi') \quad (1)$$

$$-\gamma \ln \left(\frac{\rho_>}{\rho_<} \right) + 2 \sum_{m=1}^{\infty} \frac{1}{m} \left(\frac{\rho_<}{\rho_>} \right)^m \cos m(\phi - \phi') \quad (2)$$

$$-\gamma \ln \rho_> + 2 \sum_{m=1}^{\infty} \frac{1}{m} \left(\frac{\rho_<}{\rho_>} \right)^m \cos m(\phi - \phi') \quad (3)$$

$$-\gamma \ln \left(\frac{\rho_<}{\rho_>} \right) + 2 \sum_{m=1}^{\infty} \frac{1}{m} \left(\frac{\rho_>}{\rho_<} \right)^m \cos m(\phi - \phi') \quad (4)$$

- ۳۴- پتانسیل الکتریکی در فضای بین دو صفحه تخت نامتناهی رسانا واقع در $z = 0$ و $z = L$ که بار نقطه‌ای q در نقطه $z = z_0$ ($0 < z_0 < L$) از این فضا قرار دارد بر حسب توابع بسل I_0 و K_0 کدام است؟ (دو صفحه تخت رسانا در پتانسیل الکتریکی صفر نگه داشته شده‌اند).

$$\frac{q}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \sin\left(\frac{2n\pi z_0}{L}\right) \sin\left(\frac{2n\pi z}{L}\right) K_0\left(\frac{2n\pi \rho}{L}\right) \quad (1)$$

$$\frac{q}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \sin\left(\frac{n\pi z_0}{L}\right) \sin\left(\frac{n\pi z}{L}\right) I_0\left(\frac{n\pi \rho}{L}\right) \quad (2)$$

$$\frac{q}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \sin\left(\frac{n\pi z_0}{L}\right) \sin\left(\frac{n\pi z}{L}\right) K_0\left(\frac{n\pi \rho}{L}\right) \quad (3)$$

$$\frac{q}{\pi} \sum_{n=1}^{\infty} \sin\left(\frac{2n\pi z_0}{L}\right) \sin\left(\frac{2n\pi z}{L}\right) I_0\left(\frac{2n\pi \rho}{L}\right) \quad (4)$$

- ۳۵- بار الکتریکی Q به صورت غیریکنواخت روی سطح کره‌ای به شعاع R متناسب با $\varphi \sin^2 \theta \cos^2 \theta$ توزیع شده است. θ و φ زاویه قطبی و سمتی در دستگاه مختصات کروی است که مبدأ آن منطبق بر مرکز کره است. بردار گشتاور دو قطبی الکتریکی وابسته به این توزیع بار کدام است؟

(۱) صفر

$$\frac{QR}{\lambda} (3\hat{i} - 2\hat{j}) \quad (2)$$

$$\frac{QR}{\lambda} (3\hat{i} + \hat{k}) \quad (3)$$

$$\frac{3QR}{4} \hat{i} \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۳

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تممرکز) – کد (۲۲۳۹) – ۲۷۶E

۳۶- پتانسیل الکتریکی یک توزیع بار در فضای اطراف آن تا مرتبه چهار قطبی الکتریکی به صورت:

$$\phi(\mathbf{x}) = \phi(0) + \sum_i x_i \frac{\partial \phi}{\partial x_i}(0) + \frac{1}{r} \sum_i \sum_j x_i x_j \frac{\partial^r \phi}{\partial x_i \partial x_j}(0) + \dots$$

است. بارهای نقطه‌ای $+q$ و $-q$ به ترتیب در نقاط $z=a$ و $z=-a$ از محور z واقع‌اند. انرژی الکتریکی برهم‌کنش بارهای نقطه‌ای با توزیع بار تا مرتبه چهار قطبی کدام است؟

$$2a q \frac{\partial \phi}{\partial z}(0)$$

$$2q \phi(0) + a^r q \frac{\partial^r \phi}{\partial z^r}(0)$$

$$2a q \frac{\partial \phi}{\partial z}(0) + a^r q \frac{\partial^r \phi}{\partial z^r}(0)$$

$$2q \phi(0) + 2a q \frac{\partial \phi}{\partial z}(0) + a^r q \frac{\partial^r \phi}{\partial z^r}(0)$$

۳۷- برای یک توزیع بار حجمی در فضا با چگالی $\rho(\vec{r}) = \rho_0 \left(\frac{r}{R}\right)^r e^{-\frac{r}{R}} \cos^r \theta$, کدام‌یک از گشتاورهای چند قطبی کروی q_{lm} غیرصفراند؟ (r, θ, ϕ) مختصات کروی یک نقطه از فضا است.

$$Y_{00} = \frac{1}{\sqrt{4\pi}}, \quad Y_{10} = \sqrt{\frac{3}{4\pi}} \cos \theta, \quad Y_{11} = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{5}{4\pi}} (\cos^r \theta - 1), \quad Y_{20} = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{7}{4\pi}} (\Delta \cos^r \theta - r) \cos \theta$$

$$q_{r,0}, q_{1,c}, q_{00}$$

$$q_{r,c}, q_{1,r}$$

$$q_{r,0}, q_{2,0}, q_{1,r}$$

$$q_{r,c}, q_{00}$$

پی اچ دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۴

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تمام) – کد (۲۲۳۹) – ۲۷۶E

- ۳۸ - در ناحیه‌ای خارج از مبدأ مختصات توزیع جریانی به شکل $\vec{J} = J(r, \theta)\hat{\phi}$ (در مختصات کروی) وجود دارد.
پتانسیل برداری مغناطیسی در نقاط داخل این توزیع جریان کدام است؟

$$Y_{\ell m}(\theta, \phi) = \sqrt{\frac{(2\ell+1)(\ell-m)!}{4\pi(\ell+m)!}} P_\ell^m(\cos\theta) e^{im\phi}$$

$$\frac{1}{|\vec{x} - \vec{x}'|} = 4\pi \sum_{\ell=0}^{\infty} \sum_{m=-\ell}^{\ell} \frac{1}{r'_{\ell+1}} \frac{r'_\ell}{r'_\ell} Y_{\ell m}^*(\theta', \phi') Y_{\ell m}(\theta, \phi)$$

$$\vec{A}(r, \theta) = \frac{\mu_0}{4\pi} \sum_{\ell=0}^{\infty} \sum_{m=-\ell}^{\ell} \frac{1}{\ell(\ell+1)} \left[\int d^3x' r'^{(-\ell-1)} P_\ell^m(\cos\theta') J(r', \theta') \right] r'^\ell P_\ell^m(\cos\theta) \hat{\theta} \quad (1)$$

$$\vec{A}(r, 0) = \frac{\mu_0}{4\pi} \sum_{\ell=0}^{\infty} \frac{1}{\ell(\ell+1)} \left[\int d^3x' r'^{(-\ell-1)} P_\ell^0(\cos\theta') J(r', 0') \right] r'^\ell P_\ell^0(\cos 0) \hat{\phi} \quad (2)$$

$$\vec{A}(r, \theta) = \frac{\mu_0}{4\pi} \sum_{\ell=0}^{\infty} \sum_{m=-\ell}^{\ell} \frac{1}{\ell(\ell+1)} \left[\int d^3x' r'^\ell P_\ell^m(\cos\theta') J(r', \theta') \right] r'^\ell P_\ell^m(\cos\theta) \hat{\theta} \quad (3)$$

$$\vec{A}(r, \theta) = \frac{\mu_0}{4\pi} \sum_{\ell=0}^{\infty} \frac{1}{\ell(\ell+1)} \left[\int d^3x' r'^\ell P_\ell^0(\cos\theta') J(r', \theta') \right] r'^\ell P_\ell^0(\cos\theta) \hat{\phi} \quad (4)$$

- ۳۹ - اگر (\vec{A}, Φ) و $\vec{A}(\vec{x}, t)$ به ترتیب پتانسیل‌های الکتریکی و مغناطیسی و $\rho(\vec{x}, t)$ چگالی حجمی بار الکتریکی

$$\nabla^2 \Phi = -\frac{\rho}{\epsilon_0} \quad \text{در محیط خلا برقرار است?}$$

$$(1) \text{ به شرط آن که } \vec{\nabla} \cdot \vec{A} + \frac{1}{c} \frac{\partial \Phi}{\partial t} = 0 \text{ باشد.}$$

$$(2) \text{ به شرط آن که } \vec{\nabla} \Phi + \frac{\partial \vec{A}}{\partial t} = 0 \text{ باشد.}$$

$$(3) \text{ به شرط آن که } \vec{\nabla} \cdot \vec{A} = 0 \text{ باشد.}$$

(4) همواره برقرار است.

- ۴۰ - اگر $R = |\vec{R}|$ باشد که در آن $\vec{R} = \vec{x} - \vec{x}'$ و $R = |\vec{R}|$ ، کدام رابطه همواره درست است؟

$$\vec{\nabla}' [\rho]_{ret} = [\vec{\nabla}' \rho]_{ret} - \rho \frac{\dot{R}}{R} \quad (1)$$

$$\vec{\nabla}' [\rho]_{ret} = [\vec{\nabla}' \rho]_{ret} + \frac{1}{c} \left[\frac{\partial \rho}{\partial t'} \right]_{ret} \frac{\dot{R}}{R} \quad (2)$$

$$\vec{\nabla}' [\rho]_{ret} = [\vec{\nabla}' \rho]_{ret} + \rho \frac{\dot{\vec{R}}}{R} \quad (3)$$

$$\vec{\nabla}' [\rho]_{ret} = [\vec{\nabla}' \rho]_{ret} - \frac{1}{c} \left[\frac{\partial \rho}{\partial t'} \right]_{ret} \frac{\dot{\vec{R}}}{R} \quad (4)$$

پی اچ دی تست؛ فحستین و ب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۵

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه متمرکز) – کد (۲۲۳۹) – ۲۷۶E

- ۴۱ - یک موج تخت الکترومغناطیسی با بسامد زاویه‌ای ω از فضای آزاد با ضریب شکست $n = 1$ عمود بر سطح یک ماده غیرمغناطیسی ($\mu_r = \mu_0$) رسانا که رسانندگی آن σ است می‌تابد. ضریب شکست این ماده $n' = \sqrt{\mu_r}$ است که $\epsilon = \frac{i\sigma}{\omega}$. اگر E_0 دامنه موج فرودی و E''_0 دامنه موج بازتابی باشد، کدام عبارت بیانگر ضریب بازتاب است؟

$$\delta = \sqrt{\frac{2}{\mu_0 \sigma \omega}} \quad \text{بر حسب عمق پوسته} \quad R = \left| \frac{E''_0}{E_0} \right|^2$$

$$\frac{4c^4 + 2c^2\delta^2\omega^2}{(2c^2 + 2c\delta\omega + \delta^2\omega^2)^2} \quad (1)$$

$$\frac{2c^2\delta^2\omega^2 + \delta^4\omega^4}{(2c^2 + 2c\delta\omega + \delta^2\omega^2)^2} \quad (2)$$

$$\frac{4c^4 + 2c^2\delta^2\omega^2 + \delta^4\omega^4}{(2c^2 + 2c\delta\omega + \delta^2\omega^2)^2} \quad (3)$$

$$\frac{4c^4 + \delta^4\omega^4}{(2c^2 + 2c\delta\omega + \delta^2\omega^2)^2} \quad (4)$$

- ۴۲ - یک سیم مستقیم نامتناهی در امتداد محور Z در نظر بگیرید. اگر جریانی به صورت $I(t) = q_0 \delta(t)$ از سیم بگذرد که t

زمان و $\delta(t)$ تابع دلتای دیراک است، میدان الکتریکی در نقطه‌ای از فضابه فاصله ρ ($t > \frac{\rho}{c}$) از سیم کدام است؟

$$\frac{\mu_0 q_0 c}{2\pi} \frac{ct}{\rho \sqrt{c^2 t^2 - \rho^2}} \hat{z} \quad (2)$$

$$\frac{\mu_0 q_0 c}{2\pi} \frac{1}{\sqrt{c^2 t^2 - \rho^2}} \hat{z} \quad (1)$$

$$\frac{\mu_0 q_0 c^2}{2\pi} \frac{ct - \rho}{(c^2 t^2 - \rho^2)^{\frac{3}{2}}} \hat{z} \quad (4)$$

$$\frac{\mu_0 q_0 c^2}{2\pi} \frac{ct}{(c^2 t^2 - \rho^2)^{\frac{3}{2}}} \hat{z} \quad (3)$$

- ۴۳ - سرعت الکترونی به جرم m و بار الکتریکی $-e$ از مقدار اولیه v_0 با شتاب کند شونده ثابت a به صفر می‌رسد. چه کسری از انرژی جنبشی اولیه آن به صورت تابش تلف می‌شود؟ (فرض کنید $e << m$)

$$\frac{2e^2 \mu_0 a}{3\pi m v_0 c} \quad (1)$$

$$\frac{e^2 \mu_0 a}{3\pi m v_0 c} \quad (2)$$

$$\frac{e^2 a v_0}{3\pi \epsilon_0 c^3} \quad (3)$$

$$\frac{e^2 a v_0}{6\pi \epsilon_0 c^3} \quad (4)$$

پی اج دی تست؛ نخستین وب سایت تخصصی آزمون دکتری

صفحه ۱۶

آزمون ورودی دوره دکتری (نیمه‌تممرکز) – کد (۲۲۳۹) – ۲۷۶E

۴۴- دو عدد دو قطبی الکتریکی واقع در مبدأ مختصات به صورت $\vec{P}_1 = P_0 \cos \omega t \hat{i}$ و $\vec{P}_2 = (P_0 \cos \phi_0 \hat{i} + P_0 \sin \phi_0 \hat{j}) \sin \omega t$ با زمان نوسان می‌کنند که \hat{i} و \hat{j} بردارهای یکه‌اند. در فواصل دور موج

تابشی در $\theta = \frac{\pi}{3}$ دارای چه قطبی است؟ (θ و ϕ به ترتیب زوایای قطبی و سمتی بردار مکان \vec{r} در مختصات

کروی‌اند، میدان الکتریکی دو قطبی $\vec{P}(t) = \vec{p} \cos \omega t$ در فواصل دور $\vec{r} = r \hat{r}$ متناسب است با

$$(\vec{E}(\vec{r}, t) \sim \text{Re} \left[(\hat{r} \times \vec{p}) \times \hat{r} \frac{e^{i(kr - \omega t)}}{r} \right])$$

(۱) خطی

(۲) دایروی

(۳) بیضوی

۴- بسته به مقدار ϕ هر یک از قطبش‌های خطی، دایروی و بیضوی امکان‌پذیر است.

۴۵- سطح مقطع پراکندگی دیفرانسیلی یک موج الکترومغناطیسی تخت تک‌فام فرودی، $\vec{E} = \vec{E}_0 e^{ik\hat{n}_0 \cdot \vec{x} - i\omega t}$ ، از یک

هدف کوچک تا اولین جملات غیرصفر به صورت $\frac{d\sigma}{d\Omega} = \frac{k^4}{(4\pi\epsilon_0 E_0)^2} \left| \vec{\epsilon}^* \cdot \vec{p} + \frac{1}{c} (\hat{n} \times \vec{\epsilon}^*) \cdot \vec{m} \right|^2$ است که \hat{n} ، $\vec{\epsilon}^*$ ، \vec{p} و \vec{m} بردار گشتاور

دو قطبی الکتریکی و مغناطیسی القابی هدف است. برای یک کره دی‌الکتریک غیرمغناطیسی کوچک به شعاع a و ثابت

دی‌الکتریک K داریم $\vec{p} = 4\pi\epsilon_0 a^3 \vec{E}$. سطح مقطع پراکندگی کل کدام است؟

$$\frac{2\pi k^4 a^6}{3} \left(\frac{K-1}{K+2} \right)^2 \quad (2)$$

$$\frac{2\pi k^4 a^6}{3} \left(\frac{K-1}{K+2} \right)^2 \quad (1)$$

$$\frac{8\pi k^4 a^6}{3} \left(\frac{K-1}{K+2} \right)^2 \quad (4)$$

$$\frac{4\pi k^4 a^6}{3} \left(\frac{K-1}{K+2} \right)^2 \quad (3)$$